

3-9 円の性質 啓林館

1 次の hakken の法則を読んで内容を覚えなさい。

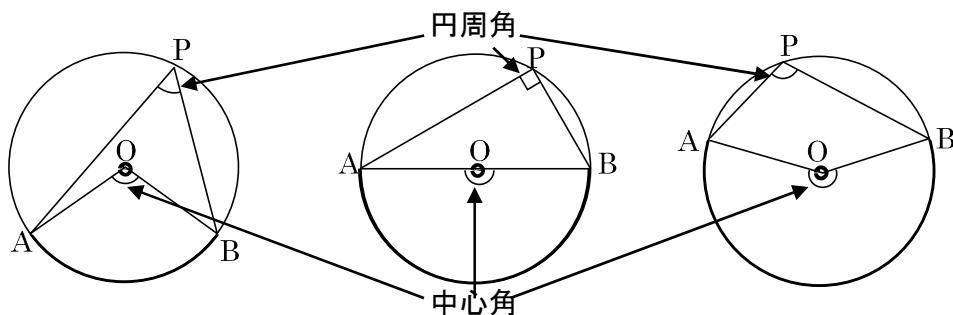
円周角と中心角 啓 P.162~163

hakken の法則

★円周角…下の図の円 O で、 $\angle APB$ を、 \widehat{AB} に対する円周角といい、

$\angle AOB$ を \widehat{AB} に対する中心角という。

また、 \widehat{AB} (弧ABと読む)を、 円周角 $\angle APB$ に対する弧といい。



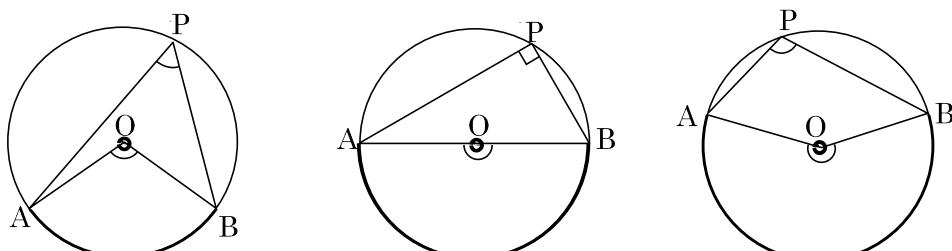
2 円周角と中心角 啓 P.162~163

空らんをうめなさい。

○ 下の図の円 O で、 $\angle APB$ を、 \widehat{AB} に対する () といい、

$\angle AOB$ を \widehat{AB} に対する () といい。

また、 \widehat{AB} を、 円周角 $\angle APB$ に対する () といい。



3 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

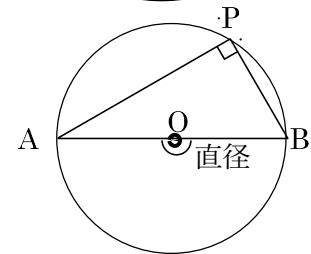
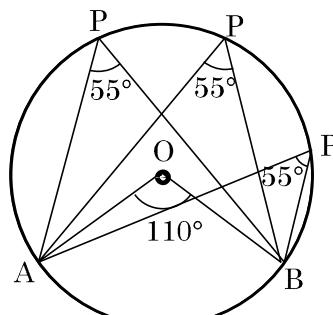
円周角の定理（1）啓 P.164~165

★円周角の定理

- ① 1つの弧に対する円周角の大きさは、その弧に対する中心角の大きさの半分である。
- ② 同じ弧に対する円周角の大きさは等しい。

※ 半円の弧に対する円周角は 90° である。
つまり、弦が直径のとき円周角は 90° 、中心角は 180° である。

hakken. の法則



4

円周角の定理 啓 P.164~165

次の⑦～⑩に入る言葉を下の□から選び記号で答えなさい。

- 1つの円において、同じ弧に対する円周角の大きさは(⑦)。
- 1つの円で、弧の長さと円周角の大きさは(①)する。
- 1つの弧に対する中心角の大きさは、その弧に対する円周角の(⑨)である。
- 直径に対する円周角は(⑤)で、中心角は(⑩)ある。

- | | | | | | |
|-------|-------|-------|--------------|---------------|--------------|
| ① 小さい | ② 等しい | ③ 大きい | ④ 比例 | ⑤ 反比例 | ⑥ 2乗に比例 |
| ⑦ 半分 | ⑧ 2倍 | ⑨ 2乗 | ⑩ 90° | ⑪ 180° | ⑫ 45° |

⑦ _____ ① _____ ⑨ _____ ⑩ _____ ⑫ _____

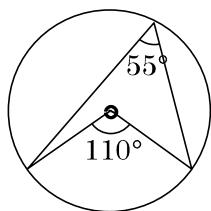
5 次の hakken. の法則を読んで解き方を覚えなさい。

円周角の定理（2）啓 P.164~165

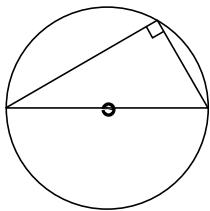
hakken. の 法則 

★この4つをおさえよう。

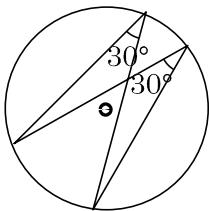
① 半分になる



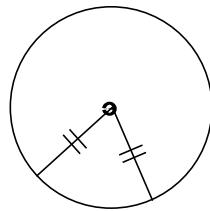
② 90°になる



③ 同じになる

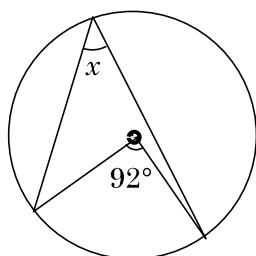


④ 二等辺三角形になる

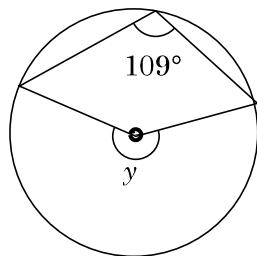


例 $\angle x, \angle y, \angle z$ の大きさを求めなさい。

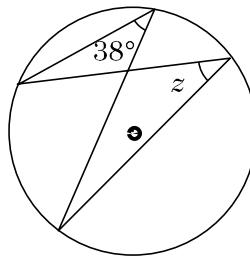
(1)



(2)



(3)



[解き方] $92^\circ \div 2 = 46^\circ$

[答] $\angle x = 46^\circ$

$109^\circ \times 2 = 218^\circ$

$\angle y = 218^\circ$

同じ弧に対する円周角は等しい

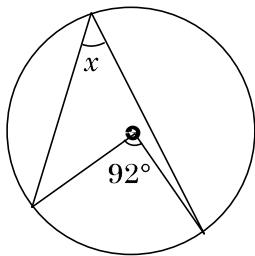
$\angle z = 38^\circ$

6

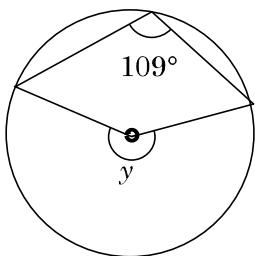
円周角の定理 啓 P.164~165

$\angle x, \angle y, \angle z$ の大きさを求めなさい。

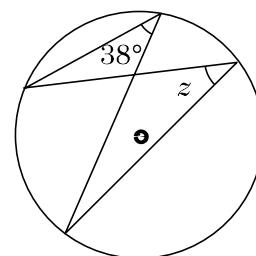
①



②



③



$\angle x = \underline{\hspace{2cm}}$

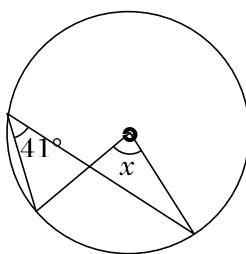
$\angle y = \underline{\hspace{2cm}}$

$\angle z = \underline{\hspace{2cm}}$

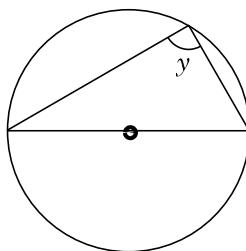
7

 $\angle x, \angle y, \angle z$ の大きさを求めなさい。

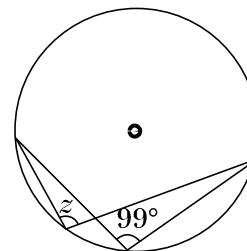
①



②



③



$\angle x = \underline{\hspace{2cm}}$

$\angle y = \underline{\hspace{2cm}}$

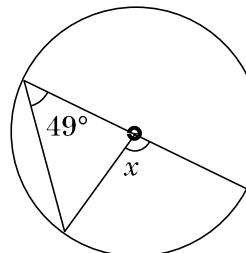
$\angle z = \underline{\hspace{2cm}}$

円周角の定理 啓 P.164~165

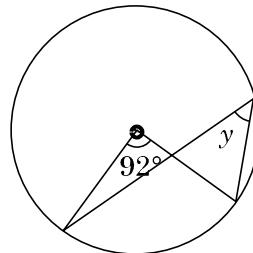
8

 $\angle x, \angle y, \angle z$ の大きさを求めなさい。

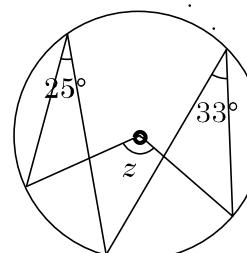
①



②



③



$\angle x = \underline{\hspace{2cm}}$

$\angle y = \underline{\hspace{2cm}}$

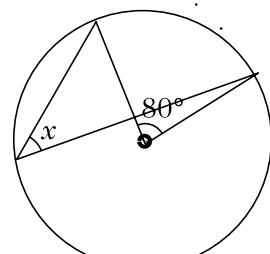
$\angle z = \underline{\hspace{2cm}}$

円周角の定理 啓 P.164~165

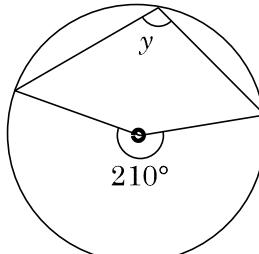
9

 $\angle x, \angle y, \angle z$ の大きさを求めなさい。

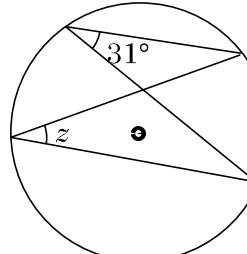
①



②



③



$\angle x = \underline{\hspace{2cm}}$

$\angle y = \underline{\hspace{2cm}}$

$\angle z = \underline{\hspace{2cm}}$

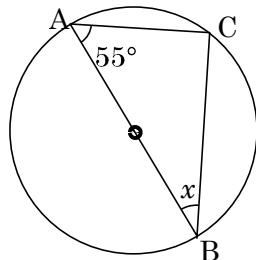
10 次の hakken. の法則を読んで解き方を覚えなさい。

円周角の定理 (3) 啓 P.164~165

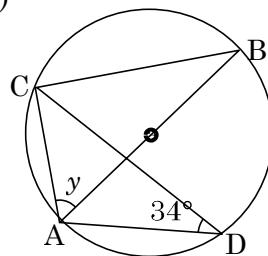
hakken. の法則 

例 AB が直径のとき、 $\angle x$, $\angle y$, $\angle z$ の大きさを求めなさい。

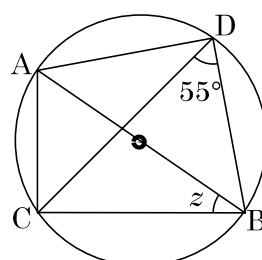
(1)



(2)



(3)



[解き方] 半円の弧に対する

円周角は 90°

$$180^\circ - (90^\circ + 55^\circ) = 35^\circ$$

$$\angle B = 34^\circ, \angle C = 90^\circ$$

$$\angle y = 180^\circ - (34 + 90)^\circ$$

$$= 56^\circ$$

$$\angle ADB = 90^\circ,$$

$$\angle ADC = 90^\circ - 55^\circ$$

$$= 35^\circ$$

$$\angle ADC = \angle z$$

[答] $\angle x = 35^\circ$

$\angle y = 56^\circ$

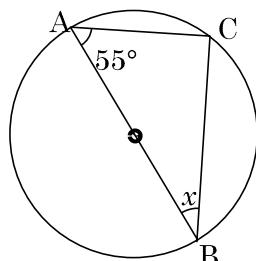
$\angle z = 35^\circ$

11

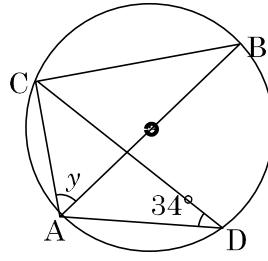
円周角の定理 啓 P.164~165

AB が直径のとき、 $\angle x$, $\angle y$, $\angle z$ の大きさを求めなさい。

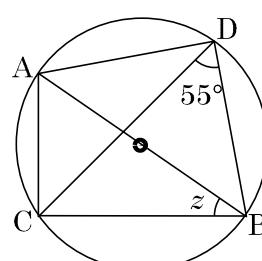
①



②



③



$\angle x$ _____

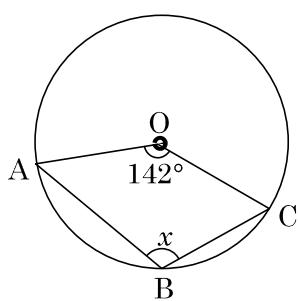
$\angle y$ _____

$\angle z$ _____

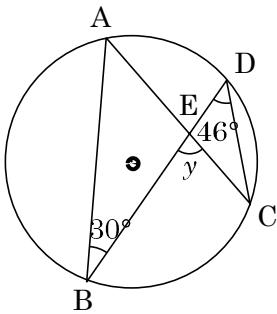
12

 $\angle x, \angle y, \angle z$ の大きさを求めなさい。

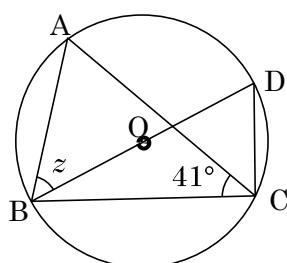
①



②



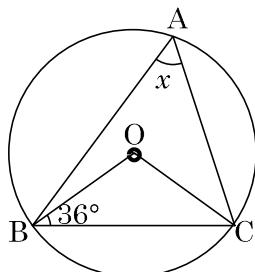
③ BD が直径

 $\angle x$ _____ $\angle y$ _____ $\angle z$ _____

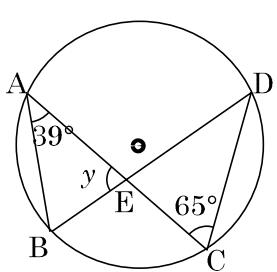
13

 $\angle x, \angle y, \angle z$ の大きさを求めなさい。

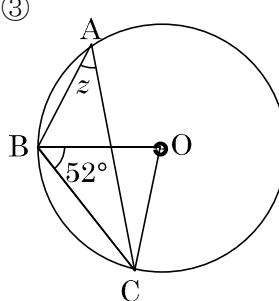
①



②



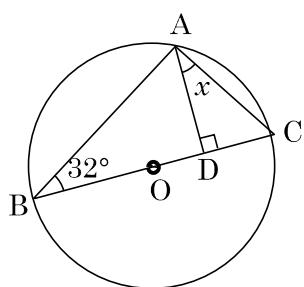
③

 $\angle x$ _____ $\angle y$ _____ $\angle z$ _____

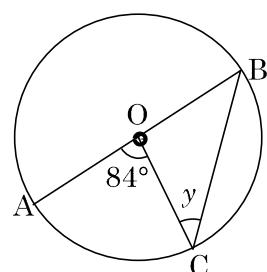
14

 $\angle x, \angle y, \angle z$ の大きさを求めなさい。

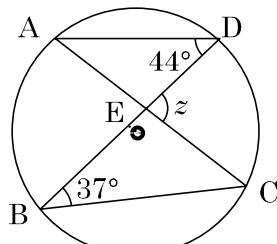
① BC は直径



②



③

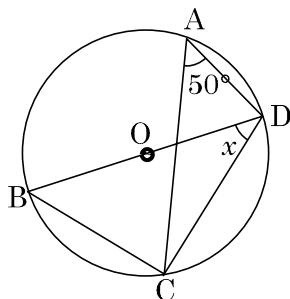
 $\angle x$ _____ $\angle y$ _____ $\angle z$ _____

15

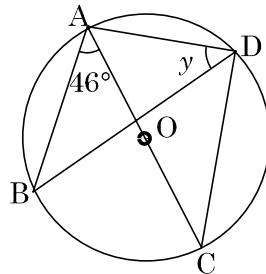
円周角の定理 啓 P.164~165

 $\angle x, \angle y, \angle z$ の大きさを求めなさい。

① BD は直径



③ AC は直径



$\angle x$ _____

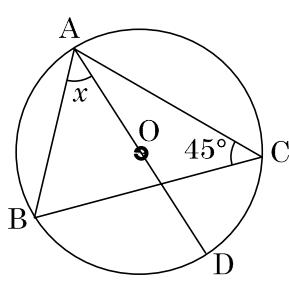
$\angle y$ _____

16

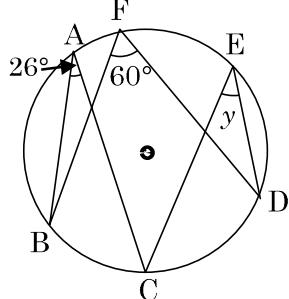
円周角の定理 啓 P.164~165

 $\angle x, \angle y, \angle z$ の大きさを求めなさい。

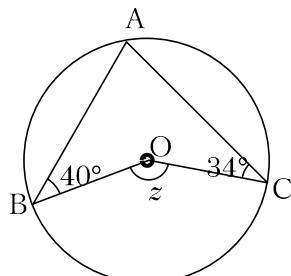
① AD は直径



②



③



$\angle x$ _____

$\angle y$ _____

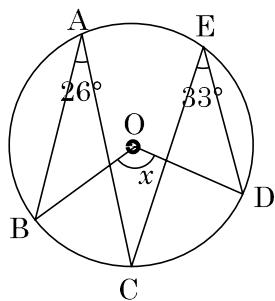
$\angle z$ _____

17

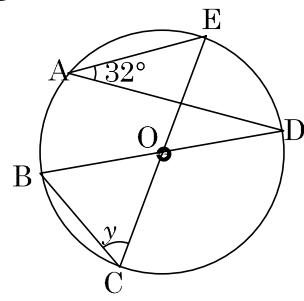
円周角の定理 啓 P.164~165

 $\angle x, \angle y, \angle z$ の大きさを求めなさい。

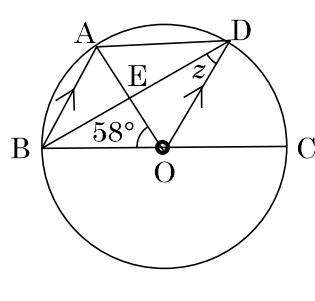
①



②



③ AB//OD



$\angle x$ _____

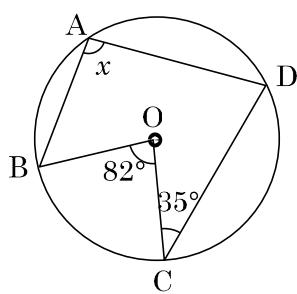
$\angle y$ _____

$\angle z$ _____

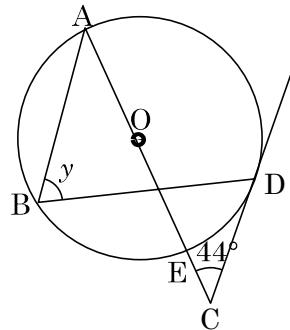
18

 $\angle x, \angle y$ の大きさを求めなさい。

①



② AC は直径, CD は接線, D は接点



$\angle x = \underline{\hspace{2cm}}$

$\angle y = \underline{\hspace{2cm}}$

19 次の hakken. の法則を読んで解き方を覚えなさい。

円周角の定理 (4) 啓 P.164~165

hakken. の法則

例 右の円 O で, $\angle C=112^\circ$ のとき, $\angle A$ を求めなさい。

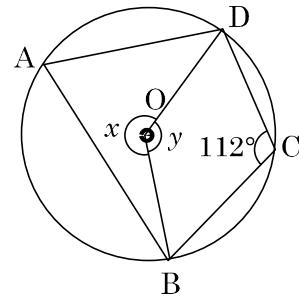
また、その理由を述べなさい。

[理由] $\angle C$ と $\angle x$ は同じ弧に対する円周角と中心角だから,

$$\angle x = 112 \times 2 = 224^\circ, \quad \angle y = 360 - 224 = 136^\circ$$

 $\angle y$ と $\angle A$ は同じ弧に対する中心角と円周角だから,

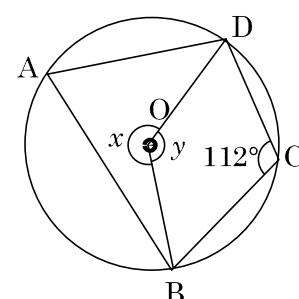
$$\angle A = 136 \div 2 = 68^\circ \quad [\text{答}] \quad \underline{68^\circ}$$



20

円周角の定理 啓 P.164~165右の円 O で, $\angle C=112^\circ$ のとき, $\angle A$ を求めなさい。また、その理由を述べなさい。

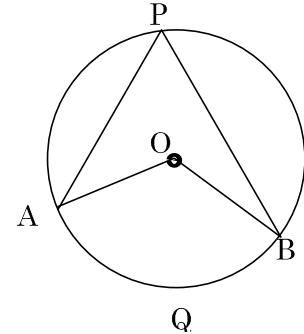
$\angle A = \underline{\hspace{2cm}}$



21

円周角の定理 啓 P.164~165

右の図のように、中心 O が $\angle APB$ の内部にある場合、 $\angle APB = \frac{1}{2} \angle AOB$ になることを証明しなさい。



22 次の hakken. の法則を読んで解き方を覚えなさい。

等しい弧に対する円周角 啓 P.165~166

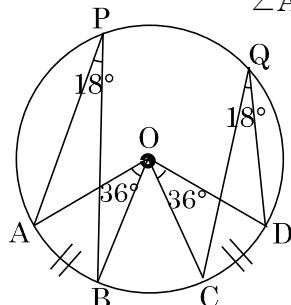
hakken. の法則

★ 等しい弧に対する円周角は等しい。

等しい弧に対する中心角は等しい。

$AB=CD$ ならば, $\angle AOB=\angle COD$

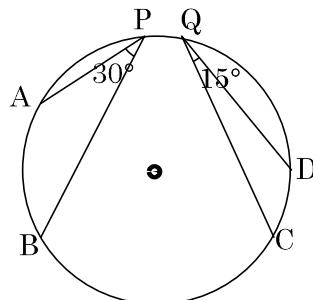
$\angle APB=\angle CQD$



★ 1つの円で, 弧の長さは,

その弧に対する円周角の大きさに比例する。

$AB=2 CD$ ならば, $\angle APB=2\angle CQD$

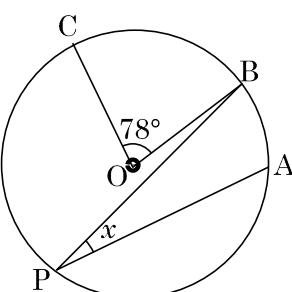
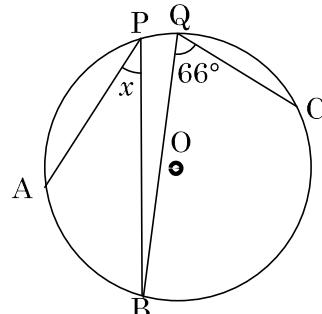
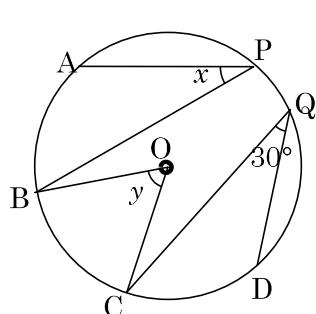


例 次の $\angle x$, $\angle y$ の大きさをそれぞれ求めなさい。

$$(1) AB=BC=CD$$

$$(2) 2AB=BC$$

$$(3) 2\widehat{AB}=\widehat{BC}$$



[解き方]

$$\widehat{AB}=\widehat{CD}$$

$$2\widehat{AB}=\widehat{BC}$$

$$2\widehat{AB}=\widehat{BC}$$

$$x : 30 = 1 : 1$$

$$x=66 \div 2$$

$$x=78 \div 2 \div 2$$

$$x=30$$

$$=33$$

$$=19.5$$

$$y=2x$$

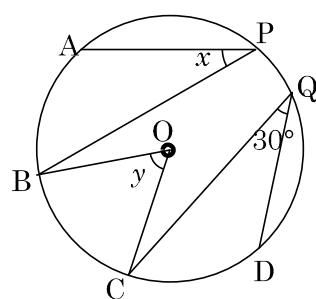
$$y=60$$

[答] $\angle x=30^\circ$, $\angle y=60^\circ$ $\angle x=33^\circ$ $\angle x=19.5^\circ$

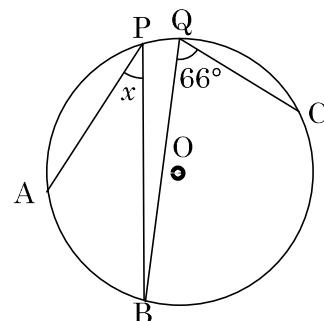
23

等しい弧に対する円周角 啓 P.165~166次の $\angle x$, $\angle y$ の大きさをそれぞれ求めなさい。

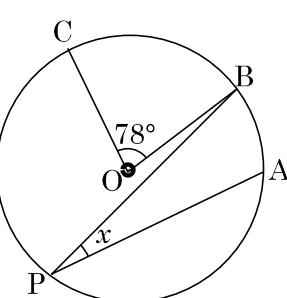
① $\widehat{AB} = \widehat{BC} = \widehat{CD}$



② $2\widehat{AB} = \widehat{BC}$



③ $2\widehat{AB} = \widehat{BC}$

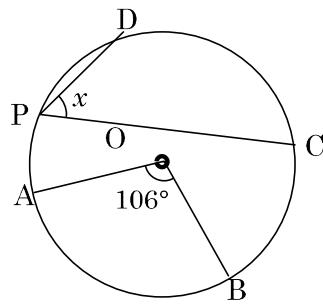


$\angle x = \underline{\hspace{2cm}}$ $\angle y = \underline{\hspace{2cm}}$ $\angle x = \underline{\hspace{2cm}}$ $\angle x = \underline{\hspace{2cm}}$

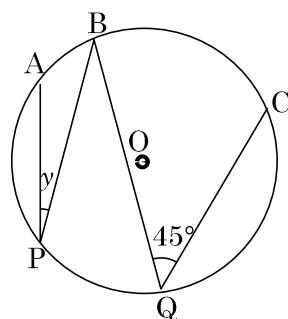
24

等しい弧に対する円周角 啓 P.165~166次の $\angle x$, $\angle y$, $\angle z$ の大きさをそれぞれ求めなさい。

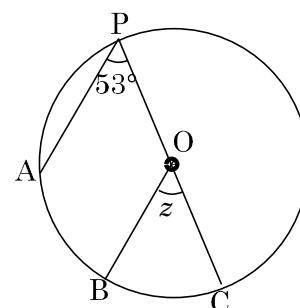
① $\widehat{AB} = \widehat{CD}$



② $3\widehat{AB} = \widehat{BC}$



③ $\widehat{AB} = \widehat{BC}$



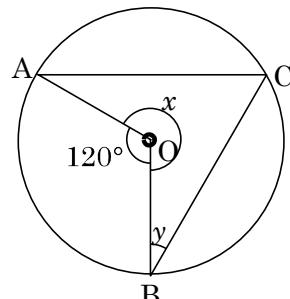
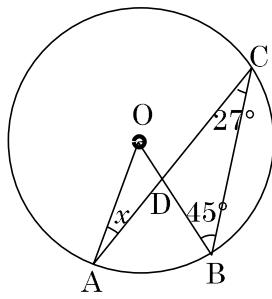
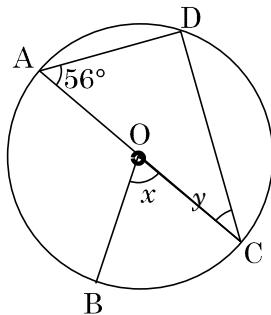
$\angle x = \underline{\hspace{2cm}}$

$\angle y = \underline{\hspace{2cm}}$

$\angle z = \underline{\hspace{2cm}}$

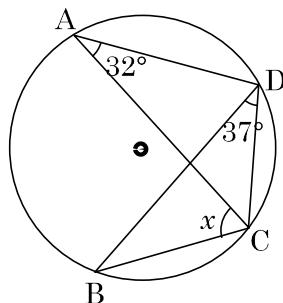
25

等しい弧に対する円周角 啓 P.165~166

次の $\angle x$, $\angle y$ の大きさをそれぞれ求めなさい。① $AD=BC \cdot AC$ は直径 ②③ $AC=BC$  $\angle x$ _____ $\angle y$ _____ $\angle x$ _____ $\angle x$ _____ $\angle y$ _____

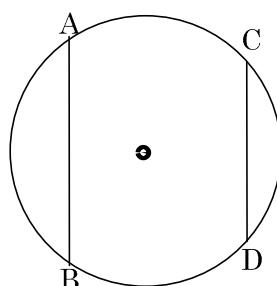
26

等しい弧に対する円周角 啓 P.165~166

次の $\angle x$ の大きさを求めなさい。 $\widehat{AD}=\widehat{BC}$ 

27

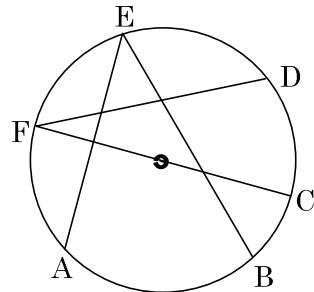
等しい弧に対する円周角 啓 P.165~166

次の図のように、1つの円で、平行な弦AB, CDにはさまられた \widehat{AC} , \widehat{BD} の長さが等しいことを証明しなさい。

28

等しい弧に対する円周角 啓 P.165~166

次の図で、 $\angle CFD = 27^\circ$ 、 $\widehat{AB} : \widehat{CD} = 5 : 3$ のとき、
 $\angle AEB$ の大きさを求めなさい。



29

次の hakken. の法則を読んで解き方を覚えなさい。

円周角の定理の逆 啓 P.167~169

hakken. の法則

★円の内部と外部

円 O の円周上に 3 点 A, B, C がある。直線 AB について、点 C と同じ側に点 P をとるとき、 $\angle APB$ と $\angle ACB$ の大小は、P の位置により次のようになる。

① 点 P が円周上に

あるとき

$$\rightarrow \angle APB = \angle ACB$$

② 点 P が円の内部に

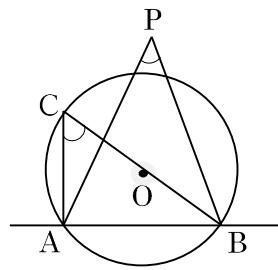
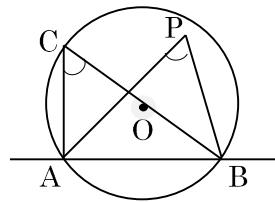
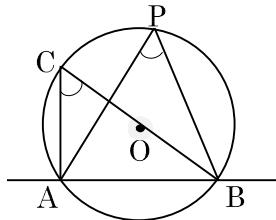
あるとき

$$\rightarrow \angle APB > \angle ACB$$

③ 点 P が円の外部に

あるとき

$$\rightarrow \angle APB < \angle ACB$$



★円周角の定理の逆

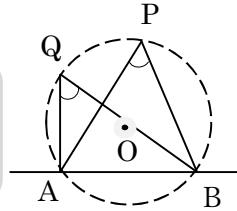
上の①～③から、 $\angle APB = \angle ACB$ ならば、点 P は円 O の周上にあることがわかる。

したがって、次の円周角の定理の逆が成り立つ。

4 点 A, B, P, Q について、P, Q が直線 AB の同じ側にあって、

$$\angle APB = \angle AQB$$

ならば、この 4 点は 1 つの円周上にある。



例 右の図の 4 点 A, B, C, D は、同じ円周上にあるか

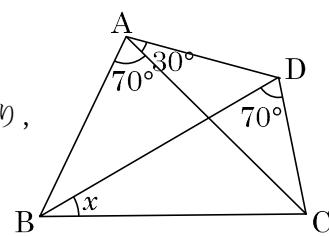
答えなさい。また $\angle x$ を求めなさい。

[解き方] 2 点 A, D は直線 BC について同じ側にあり、

$\angle BAC = \angle BDC$ であるから、円周角の定理の逆により、

4 点 A, B, C, D は 1 つの円周上にある。このとき、

$\angle x$ は \widehat{DC} に対する円周角であるから、 $\angle x = \angle CAD = 30^\circ$

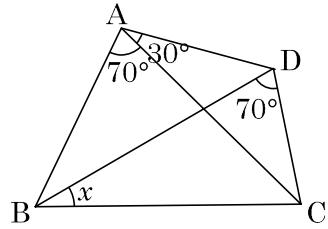


[答] 円周上にある。 $\angle x = 30^\circ$

30

円周角の定理の逆 啓 P.167~169

右の図は、4点A, B, C, Dは、同じ円周上にあるか答えなさい。また $\angle x$ を求めなさい。

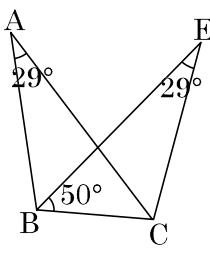
 $\angle x$

31

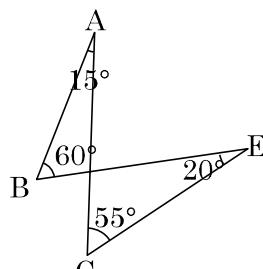
円周角の定理の逆 啓 P.167~169

次のうち、4点A, B, C, Dが同じ円周上にあるものをすべて選び、記号で答えなさい。

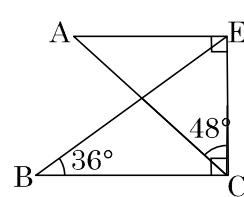
Ⓐ



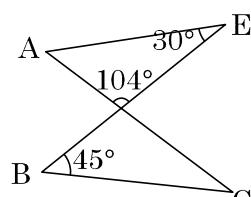
Ⓑ



Ⓒ



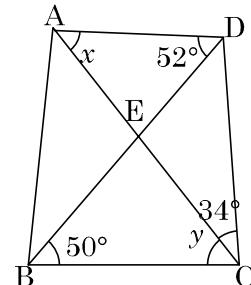
Ⓓ



32

円周角の定理の逆 啓 P.167~169

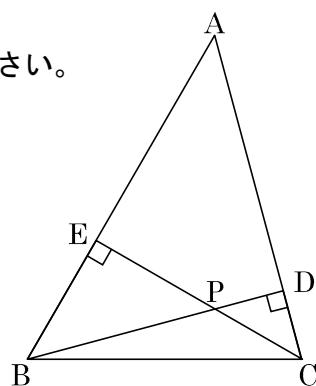
右の図で、4点A, B, C, Dが同じ円周上にあるためには、 $\angle x$, $\angle y$ の大きさは何度でなければならないか、求めなさい。

 $\angle x$ $\angle y$ 

33

円周角の定理の逆 啓 P.167~169

次の図のように、 $\triangle ABC$ で、頂点B, CからそれぞれAC, ABに垂線BD, CEをひき、その交点をPとする。このとき、A, B, C, D, E, Pのうち同じ円周上にある4点をすべて答えなさい。またその理由も答えなさい。

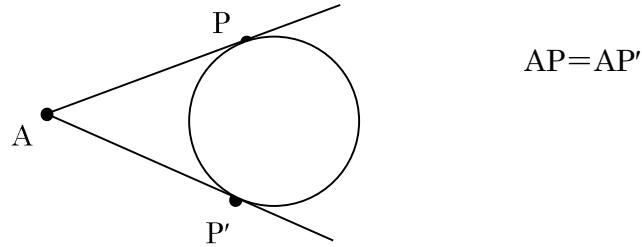


34 次の hakken. の法則を読んで解き方を覚えなさい。

円の接線の作図 啓 P.173

hakken. の法則

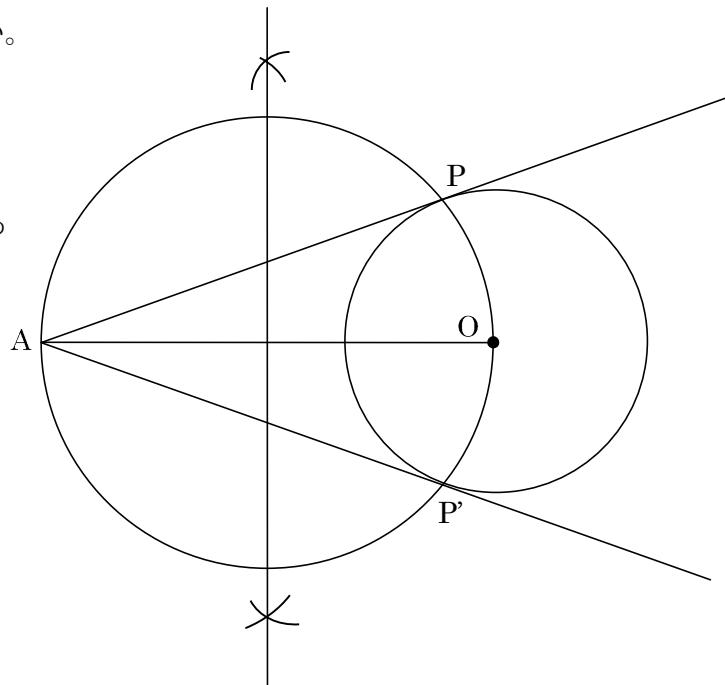
★定理 円外の 1 点から、その円にひいた 2 つの接線の長さは等しい。



- 例 半径 2cm の円 O の中心から 6cm の距離にある点 A を 1 つとり、点 A を通る円 O の接線 AP, AP'を作図しなさい。

[書き方]

- ① 半径 2cm の円をかく
- ② 円 O の中心から 6cm の距離にある点 A をとる
- ③ OA を直径とした円をかく。
- ④ その円と、円 O との交点を結ぶ。



35

円の接線の作図 啓 P.173

半径 2cm の円 O の中心から 6cm の距離にある点 A を 1 つとり、点 A を通る円 O の接線 AP, AP'を作図しなさい。

36

次の hakken.の法則を読んで解き方を覚えなさい。

円周角の定理を利用した証明 啓 P.174

hakken.の法則

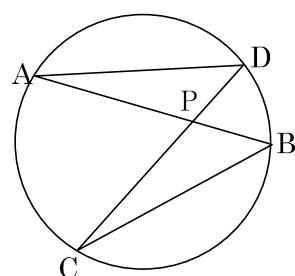
例 右の図のように、2つの弦 AB, CD の交点を P とするとき、
 $\triangle DAP \sim \triangle BCP$ となることを証明しなさい。

[証明] $\triangle DAP$ と $\triangle BCP$ において

$$\angle DPA = \angle BPC \text{ (対頂角)} \cdots ①$$

$$\angle ADP = \angle CBP \text{ (円周角)} \cdots ②$$

①, ②より 2組の角がそれぞれ等しい
 よって、 $\triangle DAP \sim \triangle BCP$



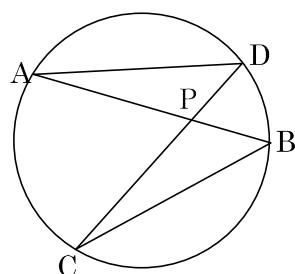
37

円周角の定理を利用した証明 啓 P.174

右の図のように、2つの弦 AB, CD の交点を P とするとき、 $\triangle DAP \sim \triangle BCP$ となることを証明しなさい。

$$\angle ADP = \angle CBP \text{ (円周角)} \cdots ②$$

①, ②より 2組の角がそれぞれ等しい
 よって、 $\triangle DAP \sim \triangle BCP$



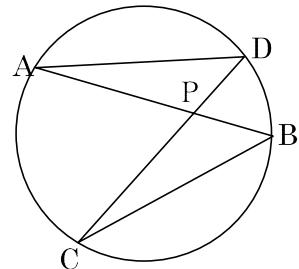
38

円周角の定理を利用した証明 啓 P.174

右の図のように、2つの弦 AB, CD の交点を P とするとき、 $\triangle DAP \sim \triangle BCP$ となることを証明しなさい。

①, ②より 2組の角がそれぞれ等しい

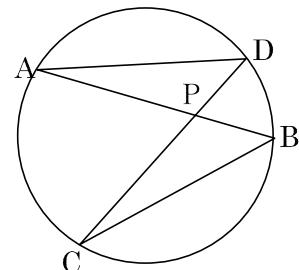
よって、 $\triangle DAP \sim \triangle BCP$



39

円周角の定理を利用した証明 啓 P.174

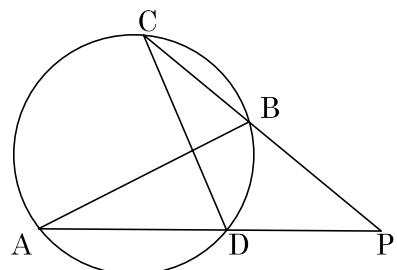
右の図のように、2つの弦 AB, CD の交点を P とするとき、 $\triangle DAP \sim \triangle BCP$ となることを証明しなさい。



40

円周角の定理を利用した証明 啓 P.174

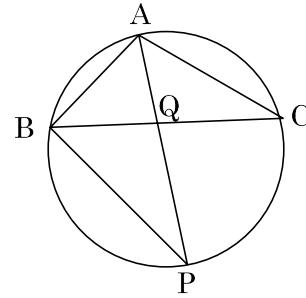
右の図のように、円の2つの弦 AB, CD が交わっている。2つの直線 AD, CB をひいて、その交点を P とするとき、 $\triangle ABP \sim \triangle CDP$ となることを証明しなさい。



41

円周角の定理を利用した証明 啓 P.174

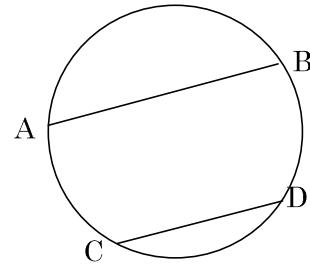
右の図で、A,B,C,Pは円周上の点で、BP=PCである。また、APとBCの交点をQとする。
 $\triangle ABP \sim \triangle AQC$ となることを証明しなさい。



42

円周角の定理を利用した証明 啓 P.174

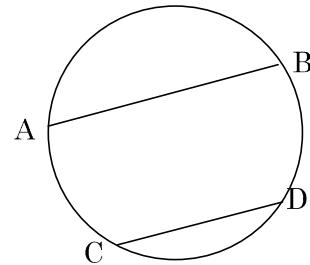
右の図で、AB//CDならば、 $\widehat{AC} = \widehat{BD}$ であることを証明しなさい。



43

円周角の定理を利用した証明 啓 P.174

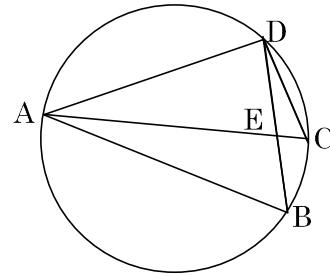
右の図で、 $\widehat{AC} = \widehat{BD}$ ならば、AB//CDであることを証明しなさい。



44

円周角の定理を利用した証明 啓 P.174

右の図で、 $AB=AC$, $AD=AE$, $\angle BAC=\angle CAD$ です。 $AB=10\text{cm}$, $AD=8\text{cm}$ のとき、線分 CD の長さを求めなさい。



45

次の hakken.の法則を読んで解き方を覚えなさい。

学びを身につけよう (1) 啓 P.178~179

hakken. の 法則

例 次の図で、点 A,B,C,D,E,F は、円周を 6 等分した点である。

$\angle x$ の大きさを求めなさい。

[解き方] FE をひく。図 II より、 \widehat{DE} の中心角は $360 \div 6 = 60^\circ$

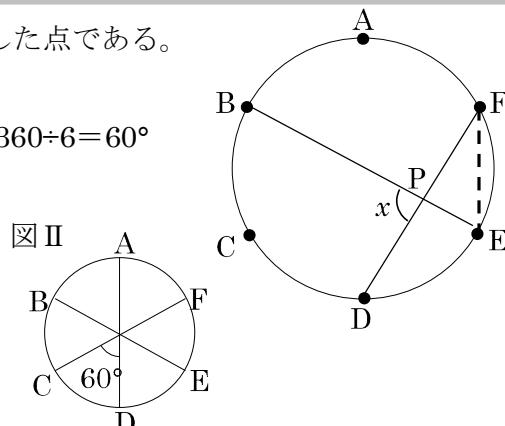
よって、円周角は $30^\circ (= \angle PFE)$

BF の円周角は $60^\circ (= \angle BEF)$

$\triangle FPE$ で、 $\angle FPE = 180 - (30 + 60) = 90$

対頂角は等しいから、 $\angle x = 90$

[答] 90°

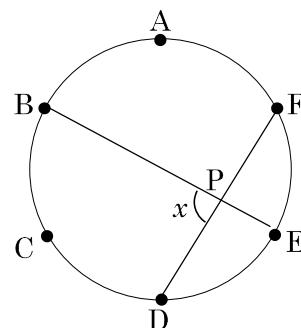


46

学びを身につけよう 啓 P.178~179

次の図で、点 A,B,C,D,E,F は、円周を 6 等分した点である。

$\angle x$ の大きさを求めなさい。

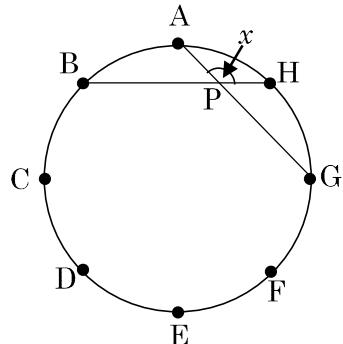


47

学びを身につけよう 啓 P.178~179

次の図で、点 A,B,C,D,E,F,G,H は、円周を 8 等分した点である。

$\angle x$ の大きさを求めなさい。



48 次の hakken. の法則を読んで解き方を覚えなさい。

学びを身につけよう (2) 啓 P.178~179

hakken. の法則

例 次の図で、AQ, BQ は円 O の接線である。 $\angle x$ の大きさを求めなさい。

[解き方] 円 O の中心から、点 A,B に線をひくと

$$QA \perp OA, QB \perp OB$$

$$\text{四角形 } AOBQ \text{ で, } \angle QAO = \angle QBO = 90^\circ$$

$$\angle AOB = 360^\circ - (90^\circ \times 2 + 58^\circ)$$

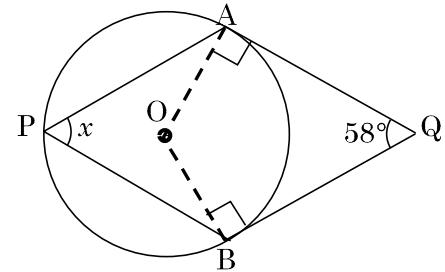
$$= 122^\circ$$

\widehat{AB} の中心角は 122°

AB の円周角は 61° したがって

$$\angle x = 61^\circ$$

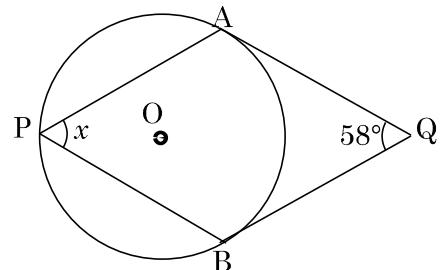
[答] 61°



49

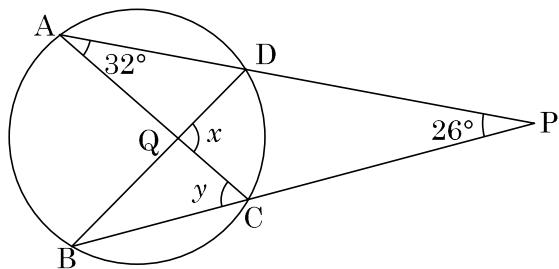
学びを身につけよう 啓 P.178~179

次の図で、AQ, BQ は円 O の接線である。 $\angle x$ の大きさを求めなさい。



50

学びを身につけよう 啓 P.178~179

 $\angle x, \angle y$ の大きさを求めなさい。

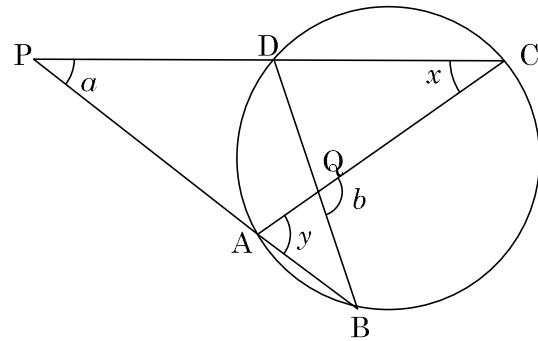
$x = \underline{\hspace{2cm}}$

$y = \underline{\hspace{2cm}}$

51

学びを身につけよう 啓 P.178~179

次の問いに答えなさい。

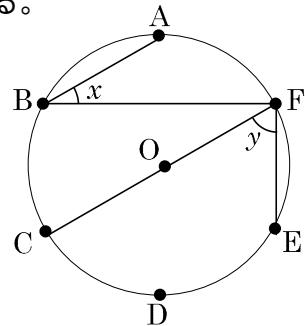
① $y - x = a$ であることを証明しなさい。② $x + y = b$ であることを証明しなさい。

52

学びを身につけよう 啓 P.178~179

次の図で、A, B, C, D, E, Fは円Oの円周を6等分する点である。

$\angle x$, $\angle y$ の大きさを求めなさい。



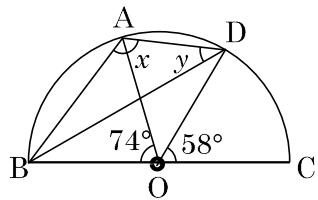
$$\angle x \quad \underline{\hspace{2cm}} \quad \angle y \quad \underline{\hspace{2cm}}$$

53

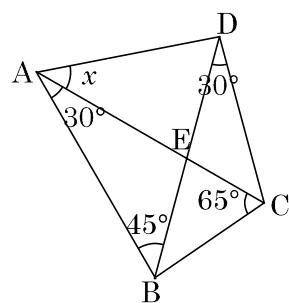
学びを身につけよう 啓 P.178~179

次の図で、 $\angle x$, $\angle y$ の大きさを求めなさい。

- ① BCは直径



- ②



$$\angle x \quad \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle y \quad \underline{\hspace{2cm}}$$

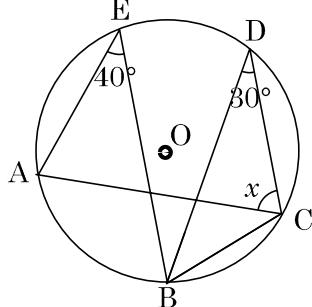
$$\angle x \quad \underline{\hspace{2cm}}$$

54

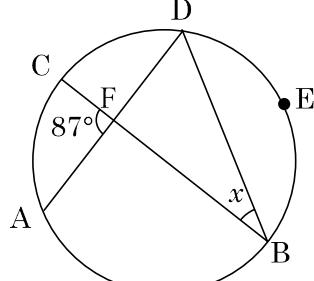
学びを身につけよう 啓 P.178~179

次の図で、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。

- ①
- $AB = CD$



- ②
- $\widehat{AC} = \widehat{CD} = \widehat{DE} = \widehat{EB}$

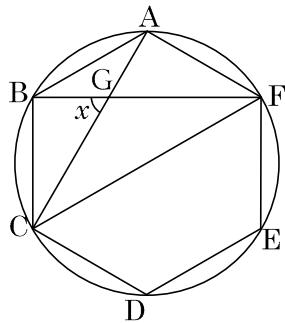
 $\angle x$ _____ $\angle x$ _____

55

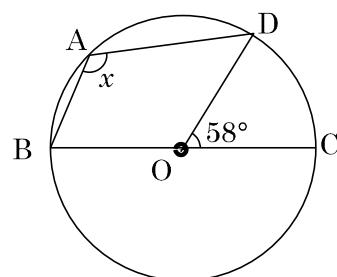
学びを身につけよう 啓 P.178~179

次の図で、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。

- ① ABCDEF 是正六角形



- ② BC は直径

 $\angle x$ _____ $\angle x$ _____

56

学びを身につけよう 啓 P.178~179

次の円周角を求めなさい。

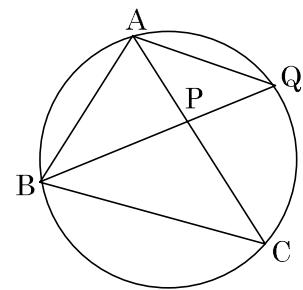
① 円周の $\frac{5}{6}$ の弧に対する円周角

② 円周の $\frac{4}{9}$ の弧に対する円周角

57

学びを身につけよう 啓 P.178~179

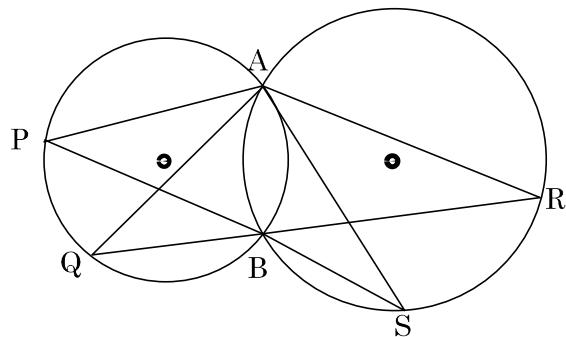
右の図で、円周上に△ABC があり、 $\angle ABC$ の二等分線をひき、辺 AC と \widehat{AC} との交点をそれぞれ P, Q とするとき、 $\triangle ABQ \sim \triangle PAQ$ であることを証明しなさい。



58

学びを身につけよう 啓 P.178~179

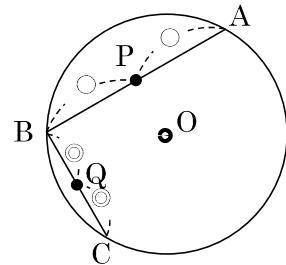
右の図で、2つの円が2点A,Bで交わり、PQRSが2つの円周上にあるとき、 $\triangle AQR \sim \triangle APS$ であることを証明しなさい。



59

学びを身につけよう 啓 P.178~179

右の図で、円周上に3点A,B,Cがある。AB,BCの中点をそれぞれP,Qとするとき、点B,O,P,Qは同じ円周上にあることを証明しなさい。



60 次のhakken.の法則を読んで解き方を覚えなさい。

円に内接する四角形

hakken.の法則

★4つの頂点が1つの円周上にある四角形を円に内接する四角形という。

また、その円をその四角形の外接円といふ。

このとき、次の性質がある。

$$\angle A + \angle C = 180^\circ$$

$$\angle B + \angle D = 180^\circ$$

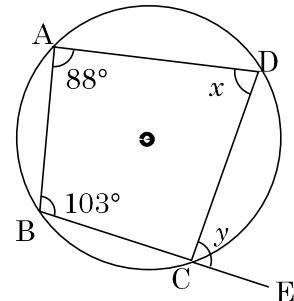
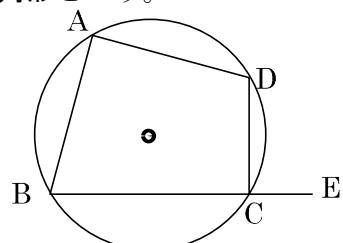
$$\angle DCE = \angle A$$

例 次の図で、 $\angle x$, $\angle y$ の値を求めなさい。

[解き方] $\angle B + \angle D = 180^\circ$ より、 $\angle x = 180 - 103 = 77^\circ$

$$\angle DCE = \angle A \text{ より}, \angle y = 88^\circ$$

[答] $\underline{\angle x = 77^\circ}$ $\underline{\angle y = 88^\circ}$

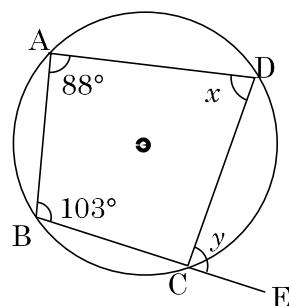


61

円に内接する四角形

次の図で、 $\angle x$, $\angle y$ の値を求めなさい。

$$\angle x = \underline{\hspace{2cm}} \quad \angle y = \underline{\hspace{2cm}}$$

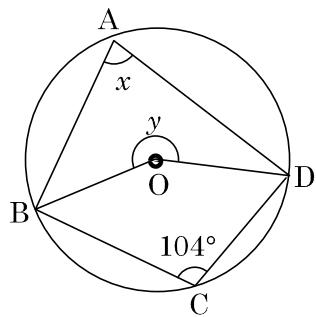


62

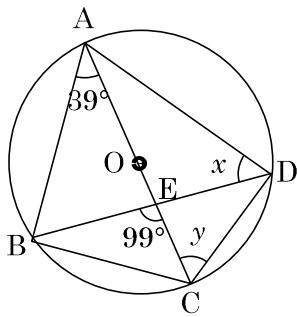
円に内接する四角形

次の図において、 $\angle x$ 、 $\angle y$ の大きさを求めなさい。ただし、②の AC は円 O の直径である。

①



②

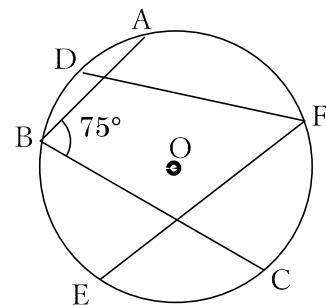


$$\angle x = \underline{\hspace{2cm}} \quad \angle y = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle x = \underline{\hspace{2cm}} \quad \angle y = \underline{\hspace{2cm}}$$

63

円に内接する四角形

次の図で、3点 A, B, C は円 O の周上の点で、 $\angle ABC=75^\circ$ である。 \widehat{AB} , \widehat{BC} , \widehat{CA} を二等分する円 O 周上の点をそれぞれ D, E, F とするとき、 $\angle DFE$ の大きさを求めなさい。

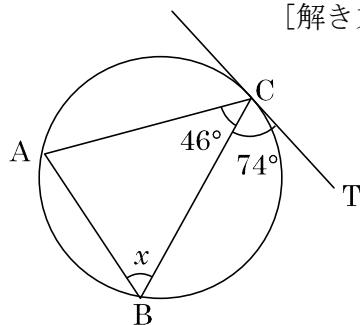
64 次の hakken. の法則を読んで解き方を覚えなさい。

円と接線

hakken. の 法則

★右の図で、 $\angle BAC = \angle CBT$

例 下の図で、直線 T が円の接線であるとき、 $\angle x$ の値を求めなさい。



[解き方]

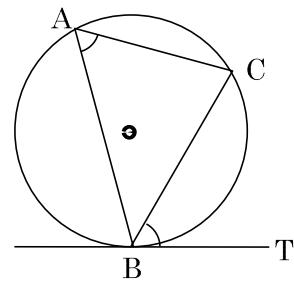
$$\angle A = 74^\circ$$

$\triangle ABC$ で、

$$\angle x = 180 - (74 + 46)$$

$$\angle x = 60^\circ$$

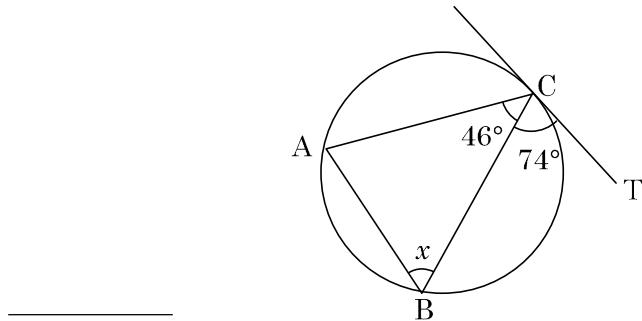
[答] 60°



65

円と接線

右の図で、直線 T が円の接線であるとき、 $\angle x$ の値を求めなさい。



66

啓林館 中3 6章 円の性質

1節 円周角と中心角

| 教科書 目次 | | hakken.教材 QR コード |
|--------------|------------|------------------|
| [1] 円周角と中心角 | P. 162~163 | QR 1~2 |
| 円周角の定理 | P. 164~165 | QR 3~21 |
| 等しい弧に対する円周角 | P. 165~166 | QR 22~28 |
| [2] 円周角の定理の逆 | P. 167~169 | QR 29~33 |

2節 円の性質の利用

| 教科書 目次 | | hakken.教材 QR コード |
|---------------|------------|------------------|
| [1] 円の性質の利用 | | |
| 円の接線の作図 | P. 173 | QR 34~35 |
| 円周角の定理を利用した証明 | P. 174 | QR 36~44 |
| 章末問題 | | |
| 学びを身につけよう | P. 178~179 | QR 45~59 |
| 円に接する四角形 | | QR 60~63 |
| 円と接線 | | QR 64~65 |