

1 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

**二等辺三角形 (1)** 啓 P.126~129

hakken. の法則 

★**定義**…ことばの意味をはっきりと述べたものを定義という。

★**二等辺三角形の定義**…2 辺が等しい三角形

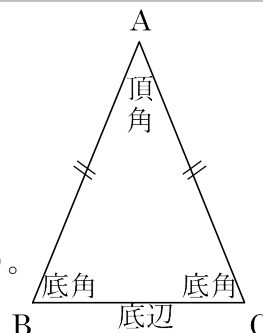
★右図のような  $AB=AC$  の二等辺三角形  $ABC$  で  $\angle BAC$  を頂角,  
 $\angle ABC$ ,  $\angle ACB$  を底角という。

★**定理**…証明されたことがらのうち、基本になるものを定理という。

★**二等辺三角形の性質の定理**

1 二等辺三角形の底角は等しい。(定理)

2 二等辺三角形の頂角の二等分線は、底辺を垂直に 2 等分する。(定理)



2 空らんをうめなさい。

二等辺三角形 啓 P.126~129

○ ことばの意味をはっきり述べたものを ( **定義** ) という。

○ 二等辺三角形の定義は, ( **2 辺が等しい三角形** ) である。

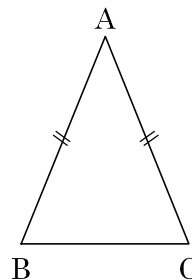
○ 右図のような  $AB=AC$  の二等辺三角形  $ABC$  で  $\angle BAC$  を ( **頂角** )  $\angle ABC$ ,  $\angle ACB$  を ( **底角** ) という。

○ 証明されたことがらのうち、基本になるものを ( **定理** ) という。

○ 二等辺三角形の性質の定理は,

( **二等辺三角形の底角は等しい。** )

( **二等辺三角形の頂角の二等分線は、底辺を垂直に 2 等分する。** ) である。



3 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

## 二等辺三角形 (2) 啓 P.126~129

## hakken. の法則

例 「二等辺三角形の底角は等しい」という性質を、 $AB=AC$  の二等辺三角形について仮定と結論を答え、証明しなさい。

(1) 仮定と結論を答えなさい。

[答] 仮定  $AB=AC$  , 結論  $\angle B=\angle C$

(2) 右の図のように、底辺  $BC$  の中点を  $M$  とし、頂点  $A$  と  $M$  を結び、これを証明しなさい。

[証明]  $\triangle ABM$  と  $\triangle ACM$  で、

仮定より  $AB=AC$  …①

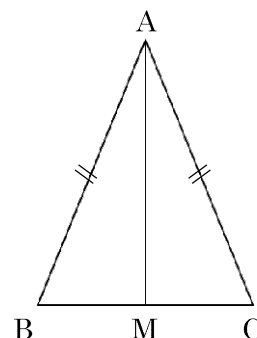
$BM=CM$  …②

また、 $AM$  は共通だから、 $AM=AM$  …③

①, ②, ③より 3組の辺がそれぞれ等しいから、 $\triangle ABM \cong \triangle ACM$

対応する角は等しいから、 $\angle B=\angle C$

よって、二等辺三角形の底角は等しい。



4

二等辺三角形 啓 P.126~129

AB 「二等辺三角形の底角は等しい」という性質を、 $AB=AC$  の二等辺三角形について証明するとき、空らんをうめなさい。

右の図のように、底辺  $BC$  の中点を  $M$  とし、頂点  $A$  と  $M$  を結ぶ。

$\triangle ABM$  と  $\triangle ACM$  で

仮定より、 $AB=AC$  …①

$BM=CM$  …②

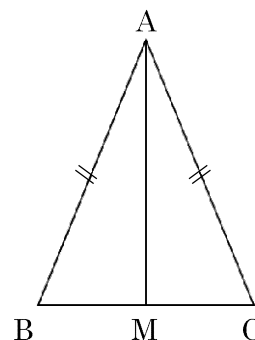
また、 $AM$  は共通だから、 $AM=AM$  …③

①, ②, ③より、

3組の辺がそれぞれ等しいから、 $\triangle ABM \cong \triangle ACM$

対応する角は等しいから、 $\angle B=\angle C$

よって、二等辺三角形の底角は等しい。

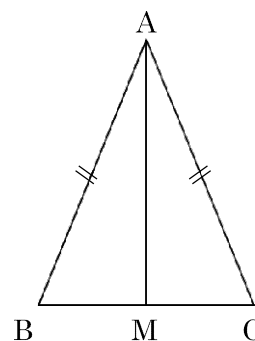


5

二等辺三角形 啓 P.126~129

ABC 「二等辺三角形の底角は等しい」という性質を、 $AB=AC$  の二等辺三角形について証明するとき、空らんをうめなさい。

右の図のように、底辺  $BC$  の中点を  $M$  とし、頂点  $A$  と  $M$  を結ぶ。



$\triangle ABM$  と  $\triangle ACM$  で

仮定より、 $AB=AC$  …①

$BM=CM$  …②

また、 $AM$  は共通だから、 $AM=AM$  …③

①, ②, ③より、

3組の辺がそれぞれ等しいから、 $\triangle ABM \equiv \triangle ACM$

対応する角は等しいから、 $\angle B = \angle C$

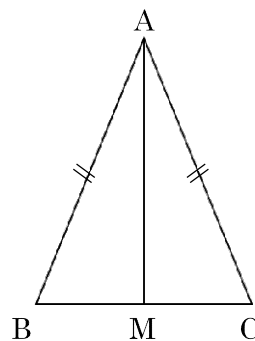
よって、二等辺三角形の底角は等しい。

6

二等辺三角形 啓 P.126~129

AB 「二等辺三角形の底角は等しい」という性質を、 $AB=AC$  の二等辺三角形について証明するとき、空らんをうめなさい。

右の図のように、底辺  $BC$  の中点を  $M$  とし、頂点  $A$  と  $M$  を結ぶ。



$\triangle ABM$  と  $\triangle ACM$  で

仮定より、 $AB=AC$  …①

$BM=CM$  …②

また、 $AM$  は共通だから、 $AM=AM$  …③

①, ②, ③より、

3組の辺がそれぞれ等しいから、 $\triangle ABM \equiv \triangle ACM$

対応する角は等しいから、 $\angle B = \angle C$

よって、二等辺三角形の底角は等しい。

7

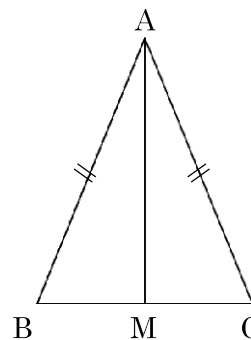
二等辺三角形 啓 P.126~129

ABCDE 「二等辺三角形の底角は等しい」という性質を、 $AB=AC$  の二等辺三角形について証明しなさい。

① 仮定と結論を答えなさい。

仮定  $AB=AC$  結論  $\angle B = \angle C$

② 右の図で、辺  $BC$  の中点を  $M$  とし、頂点  $A$  と  $M$  を結ぶとき、  
①を証明しなさい。



$\triangle ABM$  と  $\triangle ACM$  で

仮定より、 $AB=AC$  …①

$BM=CM$  …②

また、 $AM$  は共通だから、 $AM=AM$  …③

①, ②, ③より,

3組の辺がそれぞれ等しいから、 $\triangle ABM \cong \triangle ACM$

対応する角は等しいから、 $\angle B = \angle C$

よって、二等辺三角形の底角は等しい。

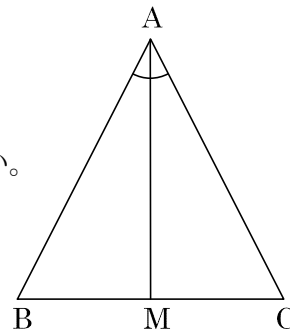
8

二等辺三角形 啓 P.126~129

BCDE  $\triangle ABC$  で  $\angle BAC$  の二等分線を引き、辺  $BC$  との交点を  $M$  とするとき、次の問いに答えなさい。

① 上のことがらに合う図をかきなさい。

手書きで正解とします。

②  $\angle ABM = \angle ACM$  ならば、 $AB = AC$  になることを証明しなさい。 $\triangle ABM$  と  $\triangle ACM$  で、仮定より、 $\angle ABM = \angle ACM \cdots \textcircled{1}$  $AM$  は  $\angle BAC$  の二等分線だから、 $\angle BAM = \angle CAM \cdots \textcircled{2}$ ①②と三角形の内角は  $180^\circ$  だから、 $\angle BMA = \angle CMA \cdots \textcircled{3}$ また、 $AM$  は共通だから、 $AM = AM \cdots \textcircled{4}$ 

②、③、④より、

1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいから、

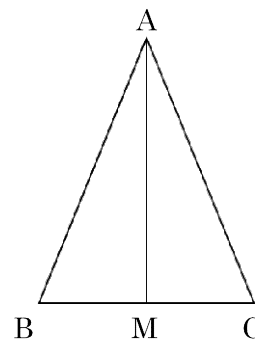
 $\triangle ABM \equiv \triangle ACM$ 対応する辺は等しいから、 $AB = AC$ 

9

二等辺三角形 啓 P.126~129

CDE  $AB = AC$  の二等辺三角形で、辺  $BC$  の中点を  $M$  とするとき、 $\angle BAM = \angle CAM$ 、 $BC \perp AM$  になることを証明しなさい。 $\triangle ABM$  と  $\triangle ACM$  で仮定より、 $AB = AC \cdots \textcircled{1}$  $BM = CM \cdots \textcircled{2}$  $AM$  は共通だから、 $AM = AM \cdots \textcircled{3}$ 

①②③より、3組の辺が、それぞれ等しいから

 $\triangle ABM \equiv \triangle ACM$ 対応する角は等しいから、 $\angle BAM = \angle CAM$  $\angle AMB = \angle AMC \cdots \textcircled{4}$  $\angle AMB + \angle AMC = 180^\circ \cdots \textcircled{5}$ ④、⑤より、 $\angle AMB = \angle AMC = 90^\circ$ よって、 $BC \perp AM$ 

10 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

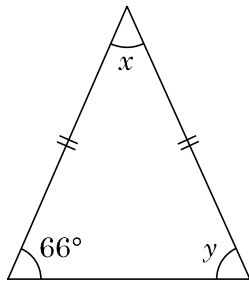
ABCDE

二等辺三角形 (3) 啓 P.126~129

hakken. の法則 

例 次の  $\angle x$ ,  $\angle y$ ,  $\angle a$  の大きさを求めなさい。

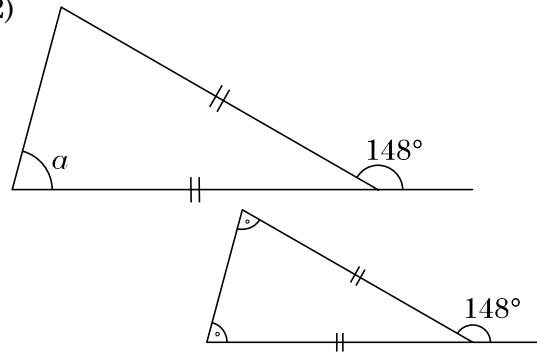
(1)



[解き方]

$$\begin{aligned} \angle y &= 66^\circ \\ \angle x &= 180^\circ - (66^\circ \times 2) \\ &= 180^\circ - 132^\circ \\ &= 48^\circ \end{aligned}$$

(2)



$$\begin{aligned} 2a &= 148^\circ \\ a &= 148^\circ \div 2 \\ a &= 74^\circ \end{aligned}$$

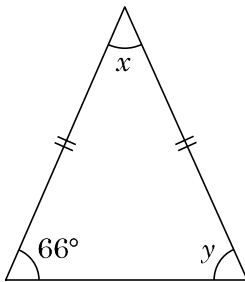
[答]  $\angle x = 48^\circ$ ,  $\angle y = 66^\circ$ ,  $\angle a = 74^\circ$

11

ABCDE 次の  $\angle x$ ,  $\angle y$ ,  $\angle a$  の大きさを求めなさい。

二等辺三角形 啓 P.126~129

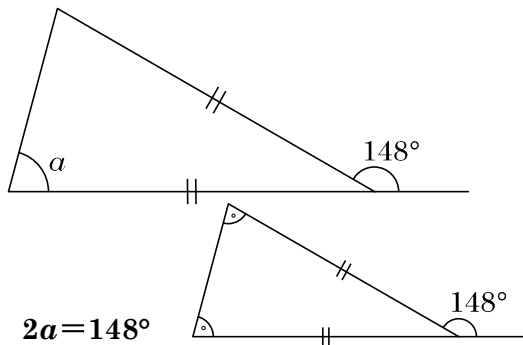
①



$$\begin{aligned} \angle y &= 66^\circ \\ \angle x &= 180^\circ - (66^\circ \times 2) \\ &= 180^\circ - 132^\circ \\ &= 48^\circ \end{aligned}$$

$\angle x = 48^\circ$ ,  $\angle y = 66^\circ$

②



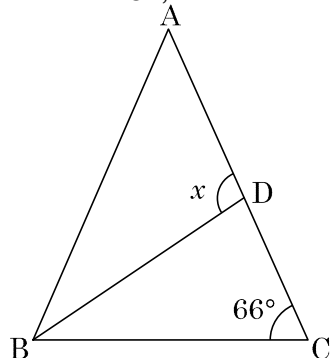
$$\begin{aligned} 2a &= 148^\circ \\ a &= 148^\circ \div 2 \\ a &= 74^\circ \end{aligned}$$

$\angle a = 74^\circ$

12 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

DE

## 二等辺三角形 (4) 啓 P.126~129

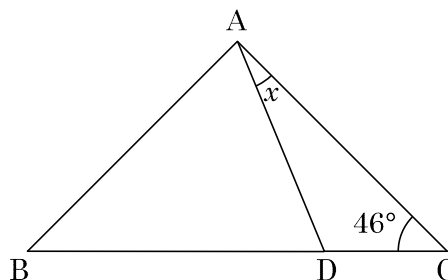
hakken. の法則 例 次の  $\angle x$  の大きさを求めなさい。(1)  $AB=AC$ ,  $\angle ABD=\angle DBC$ [解き方]  $AB=AC$  より  $\angle ABC=66$  $\angle ABD=\angle DBC$  より

$$\angle DBC=66 \div 2$$

$$=33$$

$$\angle x=33+66$$

$$=99^\circ$$

[答]  $\angle x=99^\circ$ (2)  $AB=BD=AC$  $AB=AC$  より  $\angle ABC=46$  $AB=BD$  より  $\angle BAD=\angle BDA$ 

$$\angle BAD=\angle BDA$$

$$=(180-46) \div 2$$

$$=67$$

$$\angle BAC=180-46 \times 2$$

$$=88$$

$$\angle x=88-67$$

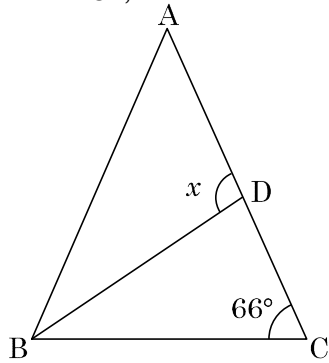
$$=21 \quad \text{[答]} \quad \underline{\angle x=21^\circ}$$

13

二等辺三角形 啓 P.126~129

DE 次の  $\angle x$  の大きさを求めなさい。

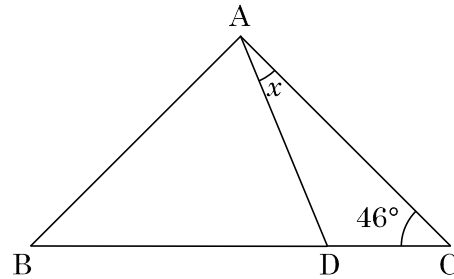
①  $AB=AC$  ,  $\angle ABD=\angle DBC$



$$\begin{aligned}
 AB=AC \text{ より } \angle ABC &= 66 \\
 \angle ABD=\angle DBC \text{ より} \\
 \angle DBC &= 66 \div 2 \\
 &= 33 \\
 \angle x &= 33 + 66 \\
 &= 99^\circ
 \end{aligned}$$

$\angle x = 99^\circ$

②  $AB=BD=AC$



$$\begin{aligned}
 AB=AC \text{ より } \angle ABC &= 46 \\
 AB=BD \text{ より } \angle BAD &= \angle BDA \\
 \angle BAD &= \angle BDA \\
 &= (180 - 46) \div 2 \\
 &= 67 \\
 \angle BAC &= 180 - 46 \times 2 \\
 &= 88 \\
 \angle x &= 88 - 67 \\
 &= 21
 \end{aligned}$$

$\angle x = 21^\circ$

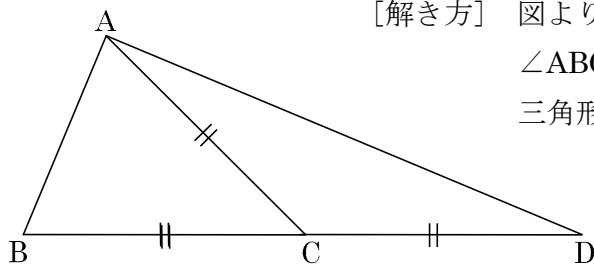
14 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

BCDE

二等辺三角形 (5) 啓 P.126~129

hakken. の法則

例 次の  $\angle BAD$  の大きさを求めなさい。また、求める過程も書きなさい。



[解き方] 図より,  $CA=CB$  より,  $\triangle ABC$  は二等辺三角形  
 $\angle ABC = \angle CAB = x$  とおく  
 三角形の内角と外角の性質より,  $\angle ACD = 2x$

$$\begin{aligned}
 CA=CD \text{ より,} \\
 \triangle ACD \text{ は二等辺三角形,} \\
 \angle CAD &= (180 - 2x) \div 2 \\
 &= 90 - x \\
 \angle BAD &= \angle CAB + \angle CAD \\
 \angle BAD &= x + 90 - x \\
 \angle BAD &= 90 \quad \text{[答] } \underline{90^\circ}
 \end{aligned}$$

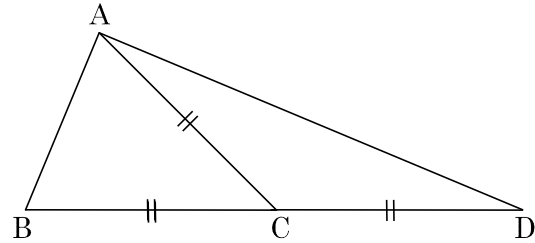


15

二等辺三角形 啓 P.126~129

BCDE 次の $\angle BAD$ の大きさを求めなさい。また、求める過程も書きなさい。

図より、 $CA=CB$ より、  
 $\triangle ABC$ は二等辺三角形  
 $\angle ABC = \angle CAB = x$ とおく  
 三角形の内角と外角の性質より、  
 $\angle ACD = 2x$ 、 $CA=CD$ より、 $\triangle ACD$ は二等辺三角形、  
 $\angle CAD = (180 - 2x) \div 2$



$$= 90 - x$$

$$\angle BAD = \angle CAB + \angle CAD$$

$$\angle BAD = x + 90 - x$$

$$\angle BAD = 90$$

90°

16

二等辺三角形 啓 P.126~129

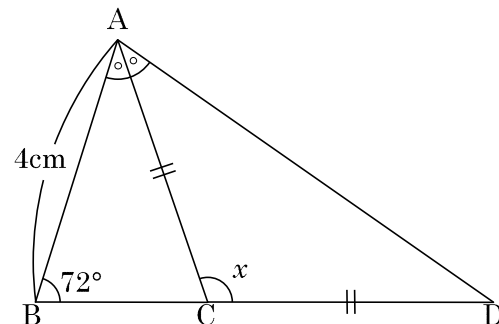
CDE 右の図において、次の問いに答えなさい。

①  $\angle x$ を求めなさい。

$\angle BAC = \angle CAD = \angle ADC = a$ とおく  
 $\triangle ABC$ において  
 $3a + 72 = 180$ ,  $3a = 180 - 72$   
 $3a = 108$ ,  $a = 36$   
 $\triangle ACD$ において、 $2 \times 36 + x = 180$

$$x = 180 - 72$$

$$= 108$$



108°

② CDの長さを求めなさい。

$$\angle ACB = 180 - 108$$

$$= 72$$

$\angle ABC = \angle ACB$ から、 $\triangle ABC$ は二等辺三角形、

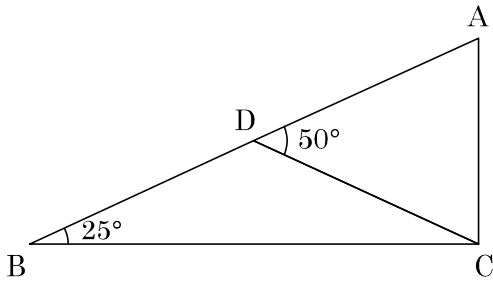
よって、 $AB = AC = CD = 4\text{cm}$

4cm

17 二等辺三角形 啓 P.126~129

E 次の①, ②の図で, 二等辺三角形をすべて答えなさい。

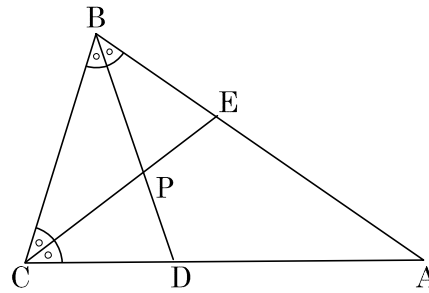
①  $DA=DC=DB$



$\triangle ADC$  において  
 $\angle DAC = \angle DCA = 65^\circ$   
 $\triangle DBC$  において  
 $\angle DBC = \angle DCB = 25^\circ$

$\triangle ADC, \triangle DBC$

②  $\angle ABD = \angle CBD = \angle ACE = \angle BCE$



$\triangle ABC$  において  
 $\angle ABC = \angle ACB$   
 $\triangle PBC$  において  
 $\angle PBC = \angle PCB$

$\triangle ABC, \triangle PBC$

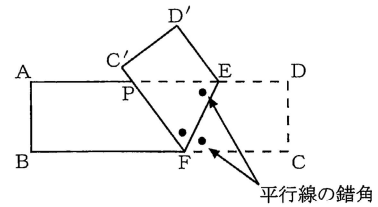
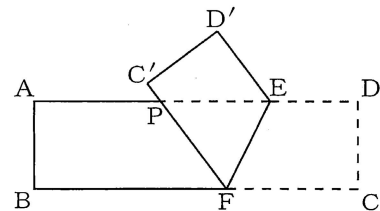
18 二等辺三角形 啓 P.126~129

BCDE 右の図は  $AD \parallel BC$  である紙テープを,  $EF$  を折り目として折った図である。紙テープが重なったところの  $\triangle PEF$  は二等辺三角形であることを証明しなさい。

仮定より  $\angle PFE = \angle EFC \dots ①$

$AD \parallel BC$  の錯角は等しいから,  
 $\angle PEF = \angle EFC \dots ②$

①, ②より  $\angle PFE = \angle PEF$   
 2つの角が等しいから,  
 $\triangle PEF$  は二等辺三角形



19 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

BCDE

### 二等辺三角形の証明 (1) 啓 P.128~130

hakken. の法則 

**例**  $\triangle ABC$  において、 $BD=CE$  になるように、 $AB$  上に点  $E$ 、 $AC$  上に点  $D$  をとる。  
 $\angle DBC = \angle ECB$  のとき、 $\triangle ABC$  は二等辺三角形になることを  
 証明しなさい。

[証明]  $\triangle DBC$  と  $\triangle ECB$  において

仮定より  $BD=CE$  …①

$\angle DBC = \angle ECB$  …②

共通な辺なので、 $BC=CB$  …③

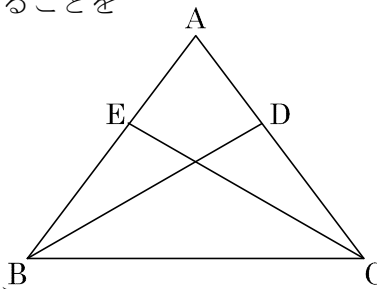
①②③より、2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいから

$\triangle DBC \cong \triangle ECB$

合同な図形の対応する角の大きさは等しいから、 $\angle DCB = \angle ECB$

つまり  $\angle ACB = \angle ABC$

したがって、2つの角が等しいから、 $\triangle ABC$  は二等辺三角形になる。



20

二等辺三角形の証明 啓 P.128~130

BCDE

$\triangle ABC$  において、 $BD=CE$  になるように、 $AB$  上に点  $E$ 、 $AC$  上に点  $D$  をとる。  
 $\angle DBC = \angle ECB$  のとき、 $\triangle ABC$  は二等辺三角形になることを  
 証明しなさい。

$\triangle DBC$  と  $\triangle ECB$  において

仮定より  $BD=CE$  …①

$\angle DBC = \angle ECB$  …②

共通な辺なので、 $BC=CB$  …③

①, ②, ③より、2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいから

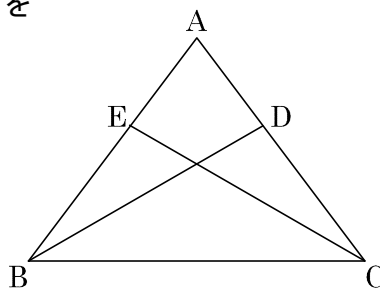
$\triangle DBC \cong \triangle ECB$

合同な図形の対応する角の大きさは等しいから、

$\angle DCB = \angle ECB$  , つまり  $\angle ACB = \angle ABC$

したがって、2つの角が等しいから、

$\triangle ABC$  は二等辺三角形になる。



21 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

CDE

### 二等辺三角形の証明(2) 啓 P.128~130

hakken. の法則 

例 右の図で  $AB=AC$  の二等辺三角形  $ABC$  で  $\angle DBC = \angle ECB$

ならば、 $BD=CE$  であることを証明しなさい。

[証明]  $\triangle DBC$  と  $\triangle ECB$  において

仮定より  $\angle DBC = \angle ECB \cdots ①$

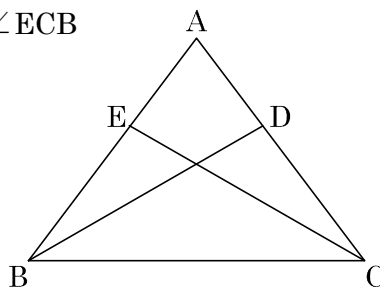
共通な辺だから  $BC = CB \cdots ②$

二等辺三角形の底角は等しいから

$\angle DCB = \angle ECB \cdots ③$

①②③より、1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいから

$\triangle DBC \cong \triangle ECB$  合同な図形の対応する辺の長さは等しいから、 $BD = CE$



22

二等辺三角形の証明 啓 P.128~130

CDE

右の図で  $AB=AC$  の二等辺三角形  $ABC$  で  $\angle DBC = \angle ECB$

ならば、 $BD=CE$  であることを証明しなさい。

$\triangle DBC$  と  $\triangle ECB$  において

仮定より、 $\angle DBC = \angle ECB \cdots ①$

共通な辺だから、 $BC = CB \cdots ②$

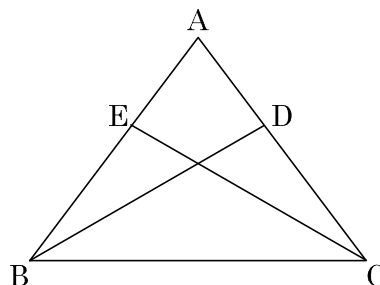
二等辺三角形の底角は等しいから

$\angle DCB = \angle ECB \cdots ③$

①②③より、1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいから

$\triangle DBC \cong \triangle ECB$ ,

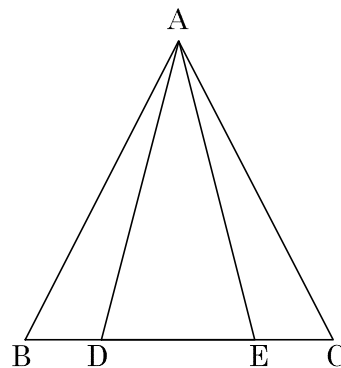
合同な図形の対応する辺の長さは等しいから、 $BD = CE$



23

二等辺三角形の証明 啓 P.128~130

CDE 右の図で、 $\triangle ABC$  は  $BC$  を底辺とする二等辺三角形である。 $BD=CE$  ならば  $\angle ADB=\angle AEC$  であることを証明しなさい。



$\triangle ADB$  と  $\triangle AEC$  において

仮定より  $AB=AC$ …①

$BD=CE$ …②

二等辺三角形の底角は等しいから

$\angle ABD=\angle ACE$ …③

①, ②, ③より

2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいから,  $\triangle ADB \equiv \triangle AEC$

よって  $\angle ADB=\angle AEC$

24

次の hakken.の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

逆・反例 啓 P.131~132

hakken.の法則

★逆…あることがらの仮定と結論を入れかえたものを, 定理の逆という。

正しいことの逆はいつでも正しいとは限らない。

例 次のことがらの逆を述べ, それが正しいかどうかを答えなさい。また正しくない場合は反例も書きなさい。

「自然数  $a$  が 4 の倍数ならば,  $a$  は偶数である。」… I

[答]

逆 自然数  $a$  が偶数ならば,  $a$  は 4 の倍数である。… II 正しくない 反例 6

I は正しいが, II は正しくない。たとえば, 6 は偶数であるが 4 の倍数ではない。

このようにあることがらが成り立たない例を反例<sup>はんれい</sup>という。

25

逆・反例 啓 P.131~132

ABCDE

次のことがらの逆を述べ, それが正しいかどうかを答えなさい。

「自然数  $a$  が 4 の倍数ならば,  $a$  は偶数である。」

逆 自然数  $a$  が偶数ならば,  $a$  は 4 の倍数である。

正しくない 反例 6

26 次のことがらの逆を述べ、それが正しいかどうかを答えなさい。また、正しくない場合は反例も答えなさい。

①  $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$  ならば、 $\angle ABC = \angle DEF$ 、 $\angle BCA = \angle EFD$ 、 $BC = EF$  である。

逆  $\angle ABC = \angle DEF$ 、 $\angle BCA = \angle EFD$ 、 $BC = EF$  ならば、  
 $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$  である。  
 正しい。

②  $x \geq 6$  ならば、 $x > 4$  である。

逆  $x > 4$  ならば、 $x \geq 6$  である。  
 正しくない 反例  $x = 5$

③ 自然数  $a$ 、 $b$  で、 $a$  も  $b$  も奇数ならば、 $a + b$  は偶数である。

逆 自然数  $a$ 、 $b$  で、 $a + b$  が偶数ならば、 $a$  も  $b$  も奇数である。  
 正しくない 反例  $a = 2$ 、 $b = 4$  など ( $a$ 、 $b$  が偶数であること)

27 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

正三角形 (1) 啓 P.132~133

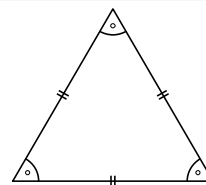
hakken. の法則 

★正三角形の定義…3 辺が等しい三角形

◎ 正三角形は二等辺三角形の特別なものである。

★正三角形の定理…正三角形の 3 つの内角は等しい。

◎ 正三角形の 3 つの角は  $60^\circ$  である。



28 正三角形 啓 P.132~133

ABCDE 正三角形の定義と定理を書きなさい。

正三角形の定義 3 辺が等しい三角形。

正三角形の定理 3 つの内角は等しい。

29 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

正三角形(2) 啓 P.132~133

hakken. の法則 

例 右の図で、 $\triangle ABC$  は  $AB=AC$ 、 $\angle B=60^\circ$  の二等辺三角形である。

このとき、 $\triangle ABC$  は正三角形になることを証明しなさい。

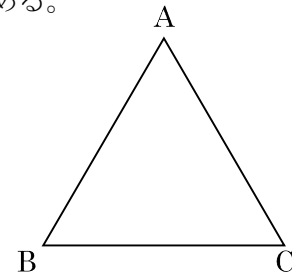
[証明]  $\triangle ABC$  において、仮定より  $AB=AC$  …①

①より  $\angle B=\angle C=60^\circ$ …②

②より  $\angle A=180-60\times 2=60^\circ$ …③

②③より  $\angle A=\angle B=\angle C$

3つの角が等しいから、 $\triangle ABC$  は正三角形



30

正三角形 啓 P.132~133

AB

右の図で、 $\triangle ABC$  は  $AB=AC$ 、 $\angle B=60^\circ$  の二等辺三角形である。

このとき、 $\triangle ABC$  は正三角形になることを証明するとき、空らんをうめなさい。

$\triangle ABC$  において、

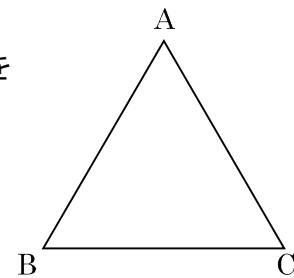
仮定より  $AB=AC$  …①

①より、 $\angle B=\angle C=60^\circ$ …②

②より、 $\angle A=180-60\times 2=60^\circ$ …③

②③より  $\angle A=\angle B=\angle C$

3つの角が等しいから  $\triangle ABC$  は正三角形



31

正三角形 啓 P.132~133

AB

右の図で、 $\triangle ABC$  は  $AB=AC$ 、 $\angle B=60^\circ$  の二等辺三角形である。

このとき、 $\triangle ABC$  は正三角形になることを証明するとき、空らんをうめなさい。

$\triangle ABC$  において、

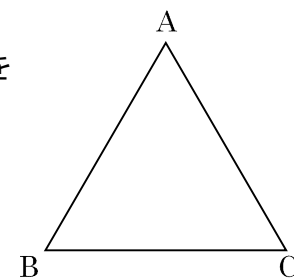
仮定より  $AB=AC$  …①

①より、 $\angle B=\angle C=60^\circ$ …②

②より、 $\angle A=180-60\times 2=60^\circ$ …③

②③より  $\angle A=\angle B=\angle C$

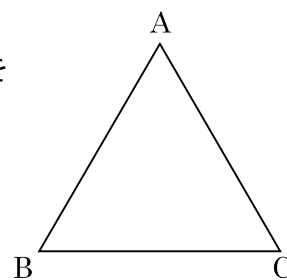
3つの角が等しいから  $\triangle ABC$  は正三角形



32

正三角形 啓 P.132~133

AB 右の図で、 $\triangle ABC$  は  $AB=AC$ 、 $\angle B=60^\circ$  の二等辺三角形である。  
このとき、 $\triangle ABC$  は正三角形になることを証明するとき、空らんを  
うめなさい。



$\triangle ABC$  において、

仮定より  $AB=AC$  …①

①より、 $\angle B=\angle C=60^\circ$ …②

②より、 $\angle A=180-60\times 2=60^\circ$ …③

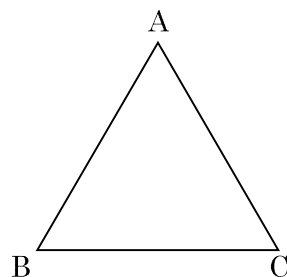
②③より  $\angle A=\angle B=\angle C$

3つの角が等しいから  $\triangle ABC$  は正三角形

33

正三角形 啓 P.132~133

ABCDE 右の図で、 $\triangle ABC$  は  $AB=AC$ 、 $\angle B=60^\circ$  の二等辺三角形である。  
このとき、 $\triangle ABC$  は正三角形になることを証明しなさい。



$\triangle ABC$  において、

仮定より  $AB=AC$  …①

①より、 $\angle B=\angle C=60^\circ$ …②

②より、 $\angle A=180-60\times 2=60^\circ$ …③

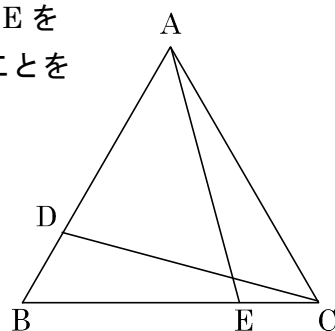
②、③より  $\angle A=\angle B=\angle C$

3つの角が等しいから  $\triangle ABC$  は正三角形

34

正三角形 啓 P.132~133

DE 右の図のように正三角形  $ABC$  の辺  $AB$ 、 $BC$  上に、それぞれ  $D$ 、 $E$  を  
 $AD=BE$  となるようにとる。このとき、 $\triangle ABE\cong\triangle CAD$  であることを  
証明しなさい。



$\triangle ABE$  と  $\triangle CAD$  において

仮定より、 $BE=AD$ …①

$\triangle ABC$  は正三角形だから、 $AB=CA$ …②

$\angle ABE=\angle CAD$  …③

①②③より、2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいから

$\triangle ABE\cong\triangle CAD$



35 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

DE

正三角形 (3) 啓 P.132~133

hakken. の法則 

例 右の図で $\triangle ABC$  と  $\triangle DCE$  は正三角形である。  
このとき、 $AE=BD$  であることを証明しなさい。

[証明]  $\triangle ACE$  と  $\triangle BCD$  において、  
 $\triangle ABC$  と  $\triangle DCE$  は正三角形なので、

$$AC=BC \quad \dots ①$$

$$CE=CD \quad \dots ②$$

正三角形の内角はすべて  $60^\circ$  なので、 $\angle DCE = \angle BCA = 60^\circ$

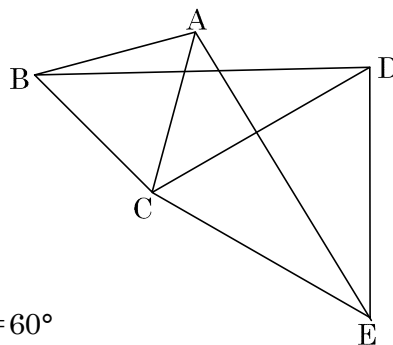
$$\angle ACE = \angle DCE + \angle ACD = 60^\circ + \angle ACD$$

$$\angle BCD = \angle BCA + \angle ACD = 60^\circ + \angle ACD$$

$$\text{よって } \angle ACE = \angle BCD \quad \dots ③$$

①②③より、2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいから  $\triangle ACE \cong \triangle BCD$

合同な図形の対応する辺は等しいから、 $AE=BD$



36

正三角形 啓 P.132~133

DE 右の図で $\triangle ABC$  と  $\triangle DCE$  は正三角形である。このとき、 $AE=BD$  であることを証明しなさい。

$\triangle ACE$  と  $\triangle BCD$  において、  
 $\triangle ABC$  と  $\triangle DCE$  は正三角形なので、

$$AC=BC \quad \dots ①$$

$$CE=CD \quad \dots ②$$

正三角形の内角はすべて  $60^\circ$  なので、 $\angle DCE = \angle BCA = 60^\circ$

$$\angle ACE = \angle DCE + \angle ACD = 60^\circ + \angle ACD$$

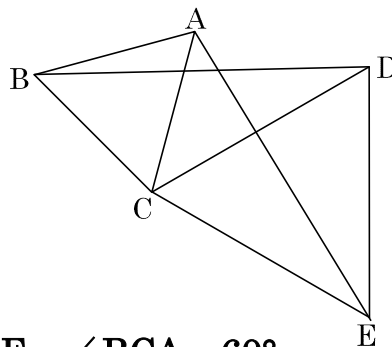
$$\angle BCD = \angle BCA + \angle ACD = 60^\circ + \angle ACD$$

$$\text{よって } \angle ACE = \angle BCD \quad \dots ③$$

①, ②, ③より、

2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいから  $\triangle ACE \cong \triangle BCD$

合同な図形の対応する辺は等しいから、 $AE=BD$



37 正三角形 啓 P.132~133

E 右の図で、 $\triangle ABD$ 、 $\triangle ACE$  はどちらも正三角形である。このとき、 $DC=BE$  であることを証明しなさい。

$\triangle ADC$  と  $\triangle ABE$  において、  
仮定より、 $AD=AB$ …①

$AC=AE$ …②

正三角形の内角は  $60^\circ$  だから、

$\angle DAB = \angle EAC = 60^\circ$ …③

$\angle DAC = \angle DAB + \angle BAC$ …④

$\angle BAE = \angle EAC + \angle BAC$ …⑤

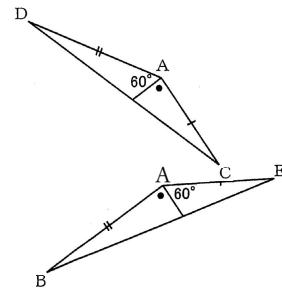
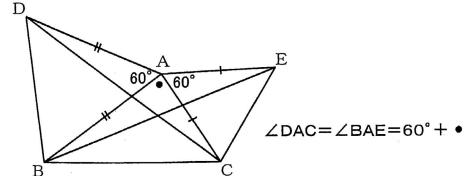
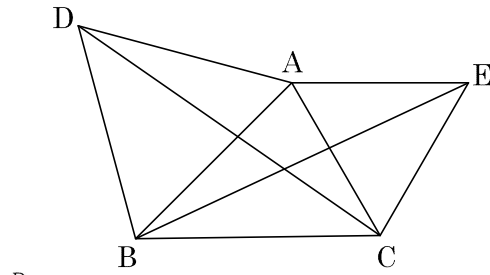
③、④、⑤より、 $\angle DAC = \angle BAE$ …⑥

①、②、⑥より、

2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい

よって、 $\triangle ADC \cong \triangle ABE$

だから、 $DC=BE$



38 正三角形 啓 P.132~133

E 正三角形  $ABC$  の辺  $BC$  上に点  $D$  をとり、 $AD$  を 1 辺とする正三角形  $ADE$  をつくる。 $CE$  を結ぶとき、 $BD=CE$  であることを証明しなさい。

$\triangle ABD$  と  $\triangle ACE$  において、  
仮定より  $AB=AC$ …①

$AD=AE$ …②

正三角形の内角は  $60^\circ$  だから、

$\angle BAC = \angle DAE = 60^\circ$ …③

$\angle BAD = \angle BAC - \angle DAC$ …④

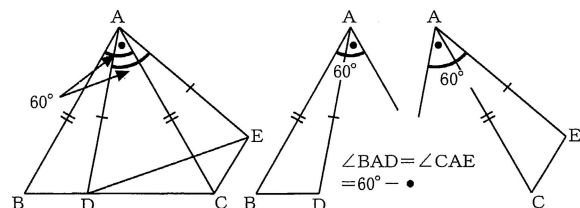
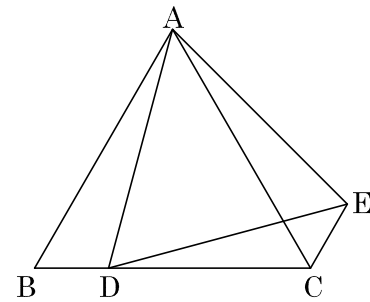
$\angle CAE = \angle DAE - \angle DAC$ …⑤

③、④、⑤より、 $\angle BAD = \angle CAE$ …⑥

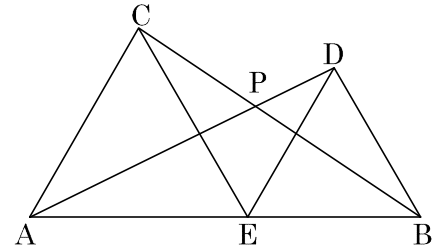
①、②、⑥より、2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい

よって、 $\triangle ABD \cong \triangle ACE$

だから、 $BD=CE$



E 右の図で、点 E は線分 AB 上の点であり、 $\triangle AEC$ 、 $\triangle EBD$  はどちらも正三角形である。このとき  $AD=CB$  であることを証明しなさい。また  $\angle APC$  の大きさを求めなさい。



$\triangle AED$  と  $\triangle CEB$  において、  
仮定より、 $AE=CE$ …①

$ED=EB$ …②

正三角形の内角は  $60^\circ$  だから、

$\angle AEC = \angle BED = 60^\circ$ …③

$\angle AED = \angle AEC + \angle CED$ …④

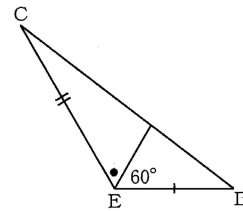
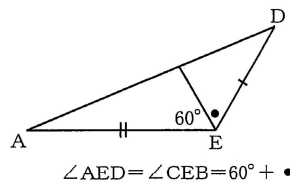
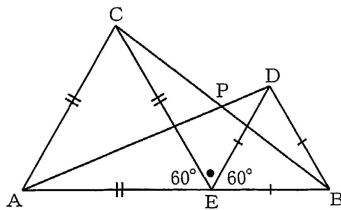
$\angle CEB = \angle BED + \angle CED$ …⑤

③、④、⑤より、 $\angle AED = \angle CEB$ …⑥

①、②、⑥より、2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい

よって、 $\triangle AED \cong \triangle CEB$

だから、 $AD=CB$



$\angle APC = \angle PAB + \angle PBA$

$\triangle AED \cong \triangle CEB$  より  $\angle PBA = \angle EDA$

よって  $\angle APC = \angle PAB + \angle EDA = \angle DEB = 60^\circ$  となる

40 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。  
ABCDE

直角三角形の合同 (1) 啓 P.135~137

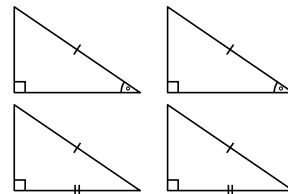
hakken. の法則

★斜辺…<sup>しゃへん</sup>直角三角形の直角に対する辺を斜辺という。

★直角三角形の合同条件…2つの直角三角形は、次のどちらかが成り立つとき、合同である。

① 直角三角形の斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しい。

② 直角三角形の斜辺と他の1辺がそれぞれ等しい。



ABCDE 空らんをうめなさい。

直角三角形の直角に対する辺を（ 斜辺 ）という。

直角三角形の合同条件は

直角三角形の斜辺と 1 つの鋭角がそれぞれ等しい。

直角三角形の斜辺と他の 1 辺がそれぞれ等しい。

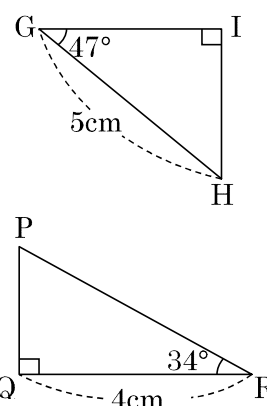
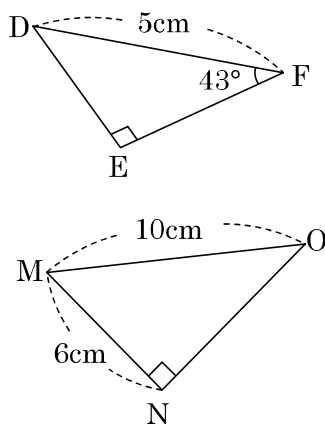
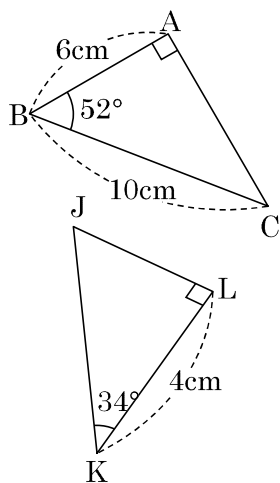
42 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

直角三角形の合同 (2) 啓 P. 137

hakken. の法則 

例 下の図で合同な直角三角形を見つけ、記号で表しなさい。また合同条件も答えなさい。



[答]  $\triangle ABC \cong \triangle NMO$

$\triangle DEF \cong \triangle GIH$

$\triangle JKL \cong \triangle PRQ$

直角三角形の斜辺と他の 1 辺がそれぞれ等しい。

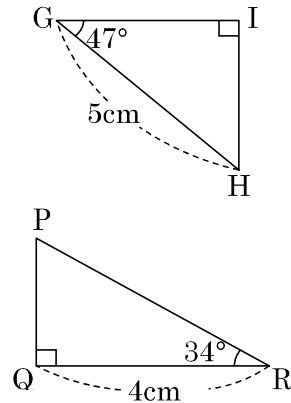
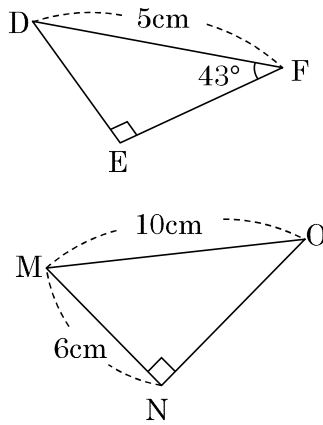
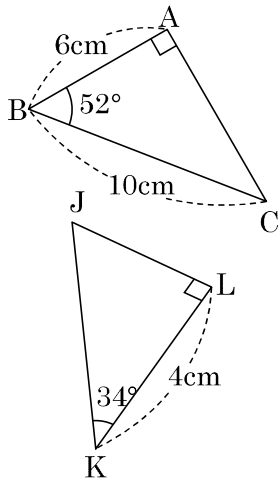
直角三角形の斜辺と 1 つの鋭角がそれぞれ等しい。

$\angle EDF = 90^\circ - 43^\circ = 47^\circ = \angle IGH$

(1 組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい) でもよい。

1 組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい。

ABCDE 下の図で合同な直角三角形を見つけ、記号で表しなさい。また合同条件も答えなさい。



$\triangle ABC \equiv \triangle NMO$

直角三角形の斜辺と他の1辺がそれぞれ等しい。

$\triangle DEF \equiv \triangle GIH$

直角三角形の斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しい。

$\angle EDF = 90^\circ - 43^\circ = 47^\circ = \angle IGH$

(1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい。) でもよい。

$\triangle JKL \equiv \triangle PRQ$

1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい。

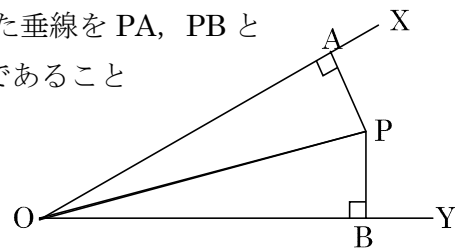
44 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

hakken. の法則

例 右の図で、 $\angle XOY$  内の点 P から OX, OY にひいた垂線を PA, PB とする。このとき  $PA=PB$  ならば  $\angle AOP = \angle BOP$  であることを証明しなさい。



[証明]  $\triangle AOP$  と  $\triangle BOP$  において、  
 仮定より、 $\angle PAO = \angle PBO = 90^\circ \dots \textcircled{1}$

$PA = PB \dots \textcircled{2}$

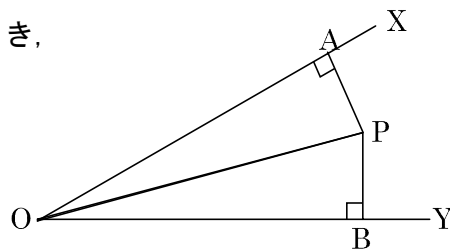
共通だから、 $OP = OP \dots \textcircled{3}$

$\textcircled{1}\textcircled{2}\textcircled{3}$ より直角三角形の斜辺と他の1辺がそれぞれ等しい、よって  $\triangle AOP \equiv \triangle BOP$   
 合同な図形の対応する角は等しいから、 $\angle AOP = \angle BOP$

45

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

- AB 右の図で、 $\angle XOY$ 内の点PからOX, OYにひいた垂線をPA, PBとする。このときPA=PBならば $\angle AOP = \angle BOP$ であることを証明するとき、空らんをうめなさい。



$\triangle AOP$  と  $\triangle BOP$  において、

仮定より、

$$\angle PAO = \angle PBO = 90^\circ \quad \dots \textcircled{1}$$

$$PA = PB \quad \dots \textcircled{2}$$

共通だから、 $OP = OP \quad \dots \textcircled{3}$

①②③より、

直角三角形の斜辺と他の1辺がそれぞれ等しい

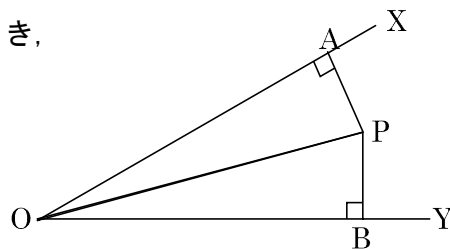
よって  $\triangle AOP \cong \triangle BOP$

合同な図形の対応する角は等しいから、 $\angle AOP = \angle BOP$

46

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

- AB 右の図で、 $\angle XOY$ 内の点PからOX, OYにひいた垂線をPA, PBとする。このときPA=PBならば $\angle AOP = \angle BOP$ であることを証明するとき、空らんをうめなさい。



$\triangle AOP$  と  $\triangle BOP$  において、

仮定より、

$$\angle PAO = \angle PBO = 90^\circ \quad \dots \textcircled{1}$$

$$PA = PB \quad \dots \textcircled{2}$$

共通だから、 $OP = OP \quad \dots \textcircled{3}$

①②③より、

直角三角形の斜辺と他の1辺がそれぞれ等しい

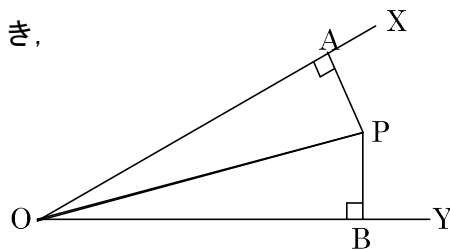
よって  $\triangle AOP \cong \triangle BOP$

合同な図形の対応する角は等しいから、 $\angle AOP = \angle BOP$

47

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

- AB 右の図で、 $\angle XOY$ 内の点PからOX, OYにひいた垂線をPA, PBとする。このときPA=PBならば $\angle AOP = \angle BOP$ であることを証明するとき、空らんをうめなさい。



$\triangle AOP$  と  $\triangle BOP$  において、

仮定より、

$$\angle PAO = \angle PBO = 90^\circ \quad \dots \textcircled{1}$$

$$PA = PB \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\text{共通だから、} OP = OP \quad \dots \textcircled{3}$$

①②③より、

直角三角形の斜辺と他の1辺がそれぞれ等しい

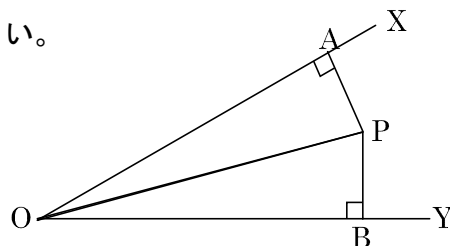
よって  $\triangle AOP \cong \triangle BOP$

合同な図形の対応する角は等しいから、 $\angle AOP = \angle BOP$

48

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

- ABCDE 右の図で、 $\angle XOY$ 内の点PからOX, OYにひいた垂線をPA, PBとする。このときPA=PBならば $\angle AOP = \angle BOP$ であることを証明しなさい。



$\triangle AOP$  と  $\triangle BOP$  において、

仮定より、

$$\angle PAO = \angle PBO = 90^\circ \quad \dots \textcircled{1}$$

$$PA = PB \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\text{共通だから、} OP = OP \quad \dots \textcircled{3}$$

①②③より直角三角形の斜辺と他の1辺がそれぞれ等しい

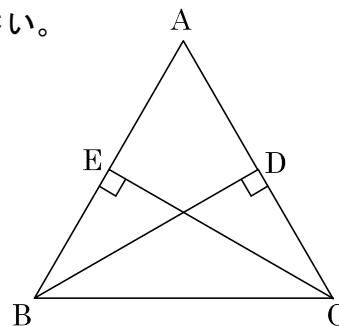
よって  $\triangle AOP \cong \triangle BOP$

合同な図形の対応する角は等しいから、 $\angle AOP = \angle BOP$

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

49

BCDE 次の図は、 $AB=AC$  の二等辺三角形である。頂点  $B$ 、 $C$  からそれぞれ  $AC$ 、 $AB$  に垂線  $BD$ 、 $CE$  をひいたとき、 $BE=CD$  であることを証明しなさい。



$\triangle EBC$  と  $\triangle DCB$  において、  
仮定より、 $\angle BEC = \angle CDB = 90^\circ \dots \textcircled{1}$

二等辺三角形の底角は等しいから、  
 $\angle EBC = \angle DCB \dots \textcircled{2}$

共通だから  $BC = CB \dots \textcircled{3}$

$\textcircled{1}\textcircled{2}\textcircled{3}$ より、

直角三角形の斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しい

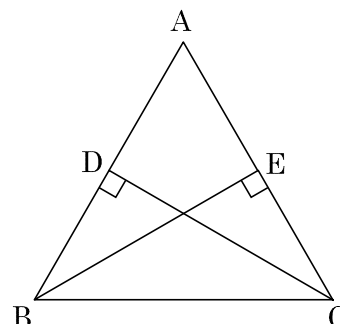
よって、 $\triangle EBC \equiv \triangle DCB$

合同な図形の対応する辺は等しいから、 $BE = CD$

50

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

DE 右の図で、 $\triangle ABC$  は  $BC$  を底辺とする二等辺三角形である。 $AB \perp CD$ 、 $AC \perp BE$  ならば  $AE = AD$  であることを証明しなさい。



$\triangle ABE$  と  $\triangle ACD$  において、  
仮定より、 $\angle AEB = \angle ADC = 90^\circ \dots \textcircled{1}$

$\triangle ABC$  は二等辺三角形より、  
2つの辺は等しいから、 $AB = AC \dots \textcircled{2}$

共通だから、 $\angle BAE = \angle CAD \dots \textcircled{3}$

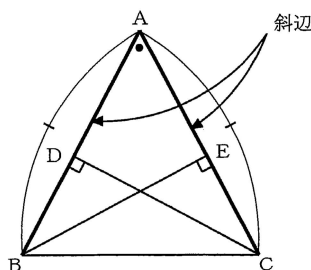
$\textcircled{1}\textcircled{2}\textcircled{3}$ より、

直角三角形の斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しい

よって、 $\triangle ABE \equiv \triangle ACD$

合同な図形の対応する辺は等しいから、 $AE = AD$

$AE = AD$  を証明するので  
 $\triangle ABE$  と  $\triangle ACD$  を使う

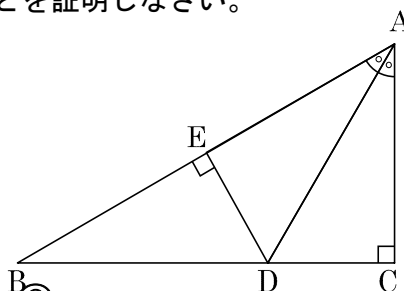




直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

51

E 右の図の直角三角形 ABC において  $\angle A$  の二等分線と BC との交点を D とし、D から AB にひいた垂線を DE とします。このとき、 $ED=CD$  であることを証明しなさい。



$\triangle AED$  と  $\triangle ACD$  において、

仮定より、

$$\angle AED = \angle ACD = 90^\circ \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\angle A \text{ の二等分線より、} \angle EAD = \angle CAD \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\text{共通だから、} AD = AD \quad \dots \textcircled{3}$$

①②③より、

直角三角形の斜辺と 1 つの鋭角がそれぞれ等しいから、

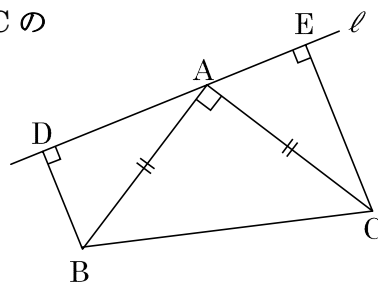
$$\triangle AED \equiv \triangle ACD$$

合同な図形の対応する辺は等しいから、 $ED = CD$

52

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

CDE 右の図のように、 $AB=AC$ 、 $\angle A=90^\circ$  の直角二等辺三角形 ABC の頂点 A を通る直線  $\ell$  に B、C から垂線 BD、CE をひくとき、 $DE=DB+EC$  であることを、次のように証明した。\_\_\_\_\_ にあてはまるものを答えなさい。



$\triangle ABD$  と  $\triangle CAE$  において

$$\text{仮定より、} \angle ADB = \angle CEA = 90^\circ \quad \dots \textcircled{1}$$

$$AB = CA \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\angle ABD = 90^\circ - \angle BAD = \angle CAE \quad \dots \textcircled{3}$$

①②③より、2 つの直角三角形で、斜辺と 1 つの鋭角 がそれぞれ等しい

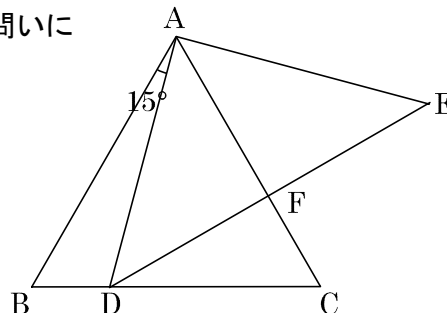
よって、 $\triangle ABD \equiv \triangle CAE$

したがって、 $DB = EA$  ,  $EC = DA$  だから、 $DE = DB + EC$

53

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

E 右の図で、 $\triangle ABC$  は正三角形、 $\triangle ADE$  は $\angle DAE$  が直角で  $AD=AE$  の直角二等辺三角形である。 $\angle BAD=15^\circ$  であるとき、次の問いに答えなさい。



①  $\angle ADB$  の大きさを求めなさい。

$$\angle ADB + 60^\circ + 15^\circ = 180^\circ$$

$$\angle ADB = 105^\circ \quad \underline{105^\circ}$$

②  $AC$  と  $DE$  との交点を  $F$  としたときの  $\angle CFE$  の大きさを求めなさい。

$$\triangle ADE \text{ は直角二等辺三角形だから, } \angle DAE = 90^\circ, \angle ADF = (180^\circ - 90^\circ) \div 2 = 45^\circ$$

$$\angle DAF = 60^\circ - 15^\circ = 45^\circ$$

$$\angle DFA = 180^\circ - 45^\circ - 45^\circ = 90^\circ = \angle CFE$$

$$\underline{90^\circ}$$

③  $\triangle ADF$  と合同な三角形を答えなさい。

$$\underline{\triangle AEF}$$

54

啓林館 中2 5章 図形の性質と証明

1節 三角形

教科書 目次		hakken.教材 QR コード
1	二等辺三角形	P. 126~134 QR 1~39
2	直角三角形の合同	P. 135~138 QR 40~53