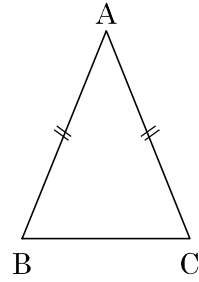


BCDE 空らんをうめなさい。

- ことばの意味をはっきり述べたものを ( ) という。
- 二等辺三角形の定義は, ( ) である。
- 右図のような  $AB=AC$  の二等辺三角形  $ABC$  で  $\angle BAC$  を ( )  $\angle ABC$ ,  $\angle ACB$  を ( ) という。
- 証明されたことがらのうち, 基本になるものを ( ) という。
- 二等辺三角形の性質の定理は, ( ) ( ) である。



AB 「二等辺三角形の底角は等しい」という性質を,  $AB=AC$  の二等辺三角形について証明するとき, 空らんをうめなさい。

右の図のように, 底辺  $BC$  の中点を  $M$  とし, 頂点  $A$  と  $M$  を結ぶ。

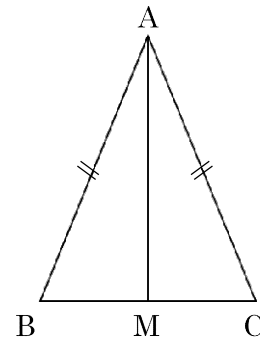
---



---



---



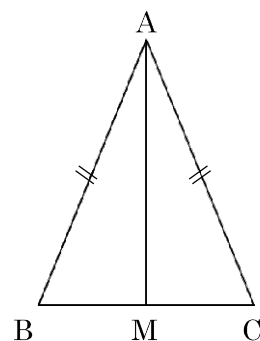
また,  $AM$  は共通だから,  $AM=AM$  …③  
 ①, ②, ③より,  
 3組の辺がそれぞれ等しいから,  $\triangle ABM \equiv \triangle ACM$   
 対応する角は等しいから,  $\angle B = \angle C$   
 よって, 二等辺三角形の底角は等しい。

5

二等辺三角形 啓 P.126~129

ABC 「二等辺三角形の底角は等しい」という性質を、 $AB=AC$  の二等辺三角形について証明するとき、空らんをうめなさい。

右の図のように、底辺  $BC$  の中点を  $M$  とし、頂点  $A$  と  $M$  を結ぶ。




---



---



---



---

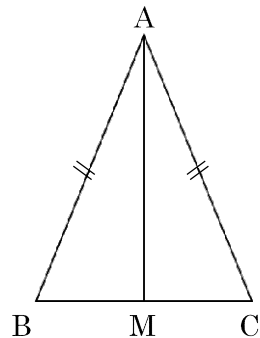
①, ②, ③より,  
 3組の辺がそれぞれ等しいから,  $\triangle ABM \equiv \triangle ACM$   
 対応する角は等しいから,  $\angle B = \angle C$   
 よって, 二等辺三角形の底角は等しい。

6

二等辺三角形 啓 P.126~129

AB 「二等辺三角形の底角は等しい」という性質を、 $AB=AC$  の二等辺三角形について証明するとき、空らんをうめなさい。

右の図のように、底辺  $BC$  の中点を  $M$  とし、頂点  $A$  と  $M$  を結ぶ。




---



---



---



---



---



---

対応する角は等しいから,  $\angle B = \angle C$   
 よって, 二等辺三角形の底角は等しい。

7

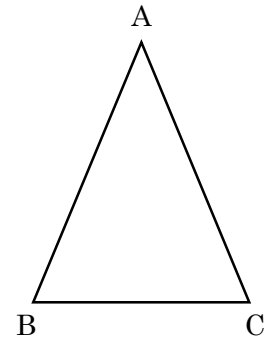
二等辺三角形 啓 P.126~129

ABCDE 「二等辺三角形の底角は等しい」という性質を、 $AB=AC$  の二等辺三角形について証明しなさい。

① 仮定と結論を答えなさい。

仮定 \_\_\_\_\_ 結論 \_\_\_\_\_

② 右の図で、辺  $BC$  の中点を  $M$  とし、頂点  $A$  と  $M$  を結ぶとき、  
①を証明しなさい。



8

二等辺三角形 啓 P.126~129

BCDE  $\triangle ABC$  で  $\angle BAC$  の二等分線を引き、辺  $BC$  との交点を  $M$  とするとき、次の問いに答えなさい。

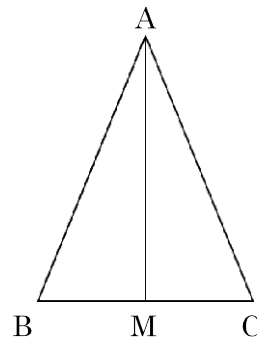
① 上のことがらに合う図をかきなさい。

②  $\angle ABM = \angle ACM$  ならば、 $AB = AC$  になることを証明しなさい。

9

二等辺三角形 啓 P.126~129

CDE AB=AC の二等辺三角形で、辺 BC の中点を M とするとき、 $\angle BAM = \angle CAM$ ,  $BC \perp AM$  になることを証明しなさい。

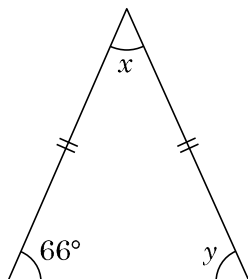


11

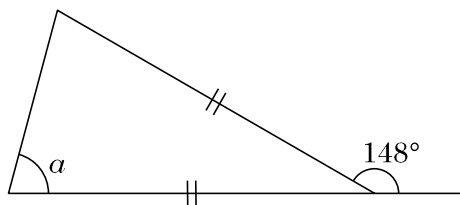
二等辺三角形 啓 P.126~129

ABCDE 次の  $\angle x$ ,  $\angle y$ ,  $\angle a$  の大きさを求めなさい。

①



②



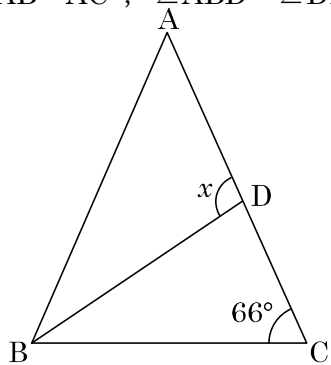
\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

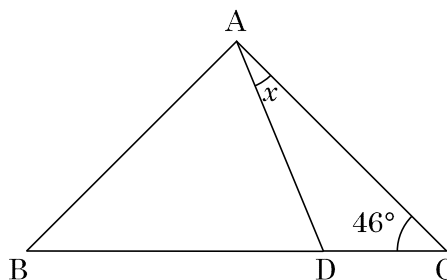
13 二等辺三角形 啓 P.126~129

DE 次の  $\angle x$  の大きさを求めなさい。

①  $AB=AC$  ,  $\angle ABD=\angle DBC$



②  $AB=BD=AC$

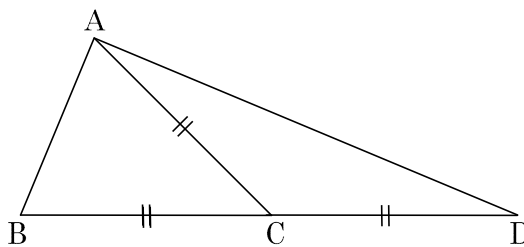


\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

15 二等辺三角形 啓 P.126~129

BCDE 次の  $\angle BAD$  の大きさを求めなさい。また、求める過程も書きなさい。



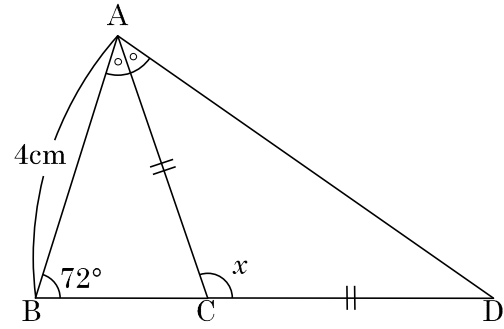
\_\_\_\_\_

16

二等辺三角形 啓 P.126~129

CDE 右の図において、次の問いに答えなさい。

①  $\angle x$  を求めなさい。



\_\_\_\_\_

② CD の長さを求めなさい。

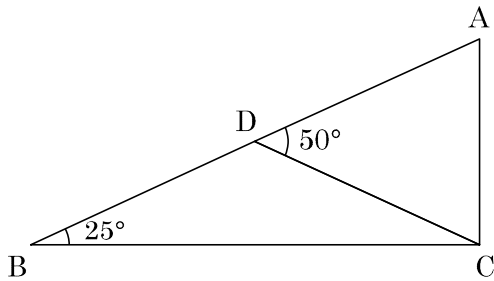
\_\_\_\_\_

17

二等辺三角形 啓 P.126~129

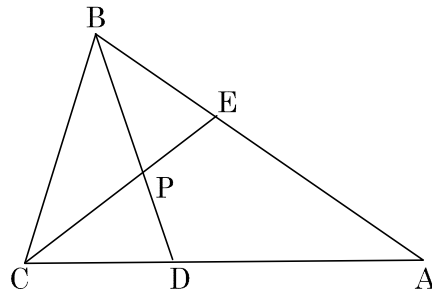
E 次の①, ②の図で、二等辺三角形を見つけ、すべて答えなさい。

①  $DA=DC=DB$



\_\_\_\_\_

②  $\angle ABD = \angle CBD = \angle ACE = \angle BCE$

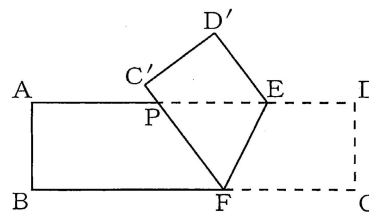


\_\_\_\_\_

18

二等辺三角形 啓 P.126~129

BCDE 右の図は  $AD \parallel BC$  である紙テープを、 $EF$  を折り目として折った図である。紙テープが重なったところの  $\triangle PEF$  は二等辺三角形であることを証明しなさい。

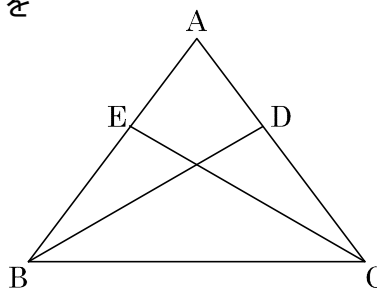


20

二等辺三角形の証明 啓 P.128~130

BCDE  $\triangle ABC$  において、 $BD=CE$  になるように、 $AB$  上に点  $E$ 、 $AC$  上に点  $D$  をとる。

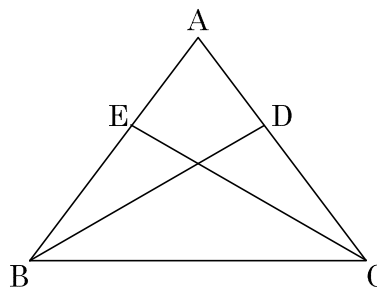
$\angle DBC = \angle ECB$  のとき、 $\triangle ABC$  は二等辺三角形になることを証明しなさい。





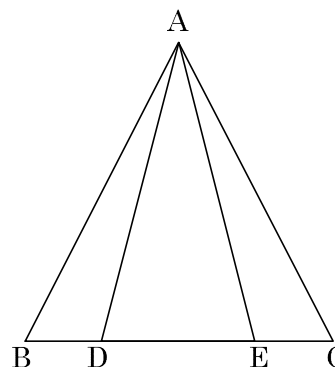
22 二等辺三角形の証明 啓 P.128~130

CDE 右の図で  $AB=AC$  の二等辺三角形  $ABC$  で  $\angle DBC = \angle ECB$  ならば,  $BD=CE$  であることを証明しなさい。



23 二等辺三角形の証明 啓 P.128~130

CDE 右の図で,  $\triangle ABC$  は  $BC$  を底辺とする二等辺三角形である。  $BD=CE$  ならば  $\angle ADB = \angle AEC$  であることを証明しなさい。



25 逆・反例 啓 P.131~132

ABCDE 次のことがらの逆を述べ, それが正しいかどうかを答えなさい。  
「自然数  $a$  が 4 の倍数ならば,  $a$  は偶数である。」

逆 \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

26 次のことがらの逆を述べ、それが正しいかどうかを答えなさい。また、正しくない場合は反例も答えなさい。

①  $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$  ならば、 $\angle ABC = \angle DEF$ 、 $\angle BCA = \angle EFD$ 、 $BC = EF$  である。

逆

②  $x \geq 6$  ならば、 $x > 4$  である。

逆

③ 自然数  $a$ 、 $b$  で、 $a$  も  $b$  も奇数ならば、 $a + b$  は偶数である。

逆

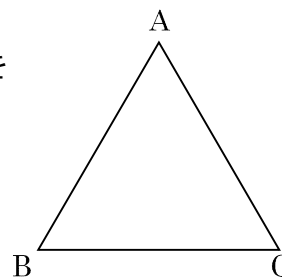
28 正三角形 啓 P.132~133  
ABCDE 正三角形の定義と定理を書きなさい。

正三角形の定義 \_\_\_\_\_

正三角形の定理 \_\_\_\_\_

30 正三角形 啓 P.132~133

AB 右の図で、 $\triangle ABC$  は  $AB = AC$ 、 $\angle B = 60^\circ$  の二等辺三角形である。このとき、 $\triangle ABC$  は正三角形になることを証明するとき、空らんをうめなさい。



\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

①より、  $\angle B = \angle C = 60^\circ \dots$  ②

②より、  $\angle A = 180 - 60 \times 2 = 60^\circ \dots$  ③

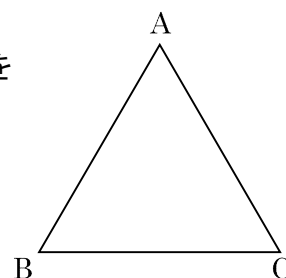
②③より  $\angle A = \angle B = \angle C$

3つの角が等しいから  $\triangle ABC$  は正三角形

31

正三角形 啓 P.132~133

AB 右の図で、 $\triangle ABC$  は  $AB=AC$ 、 $\angle B=60^\circ$  の二等辺三角形である。  
このとき、 $\triangle ABC$  は正三角形になることを証明するとき、空らんを  
うめなさい。




---



---



---

②より、  $\angle A = 180 - 60 \times 2 = 60^\circ \dots$  ③

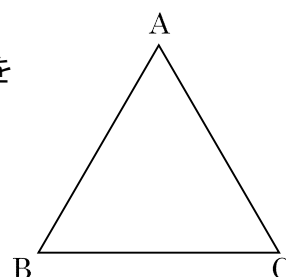
②③より  $\angle A = \angle B = \angle C$

3つの角が等しいから  $\triangle ABC$  は正三角形

32

正三角形 啓 P.132~133

AB 右の図で、 $\triangle ABC$  は  $AB=AC$ 、 $\angle B=60^\circ$  の二等辺三角形である。  
このとき、 $\triangle ABC$  は正三角形になることを証明するとき、空らんを  
うめなさい。




---



---



---

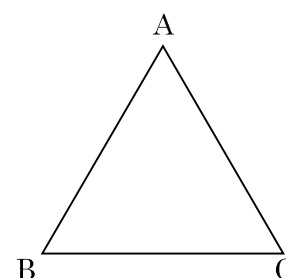
②③より  $\angle A = \angle B = \angle C$

3つの角が等しいから  $\triangle ABC$  は正三角形

33

正三角形 啓 P.132~133

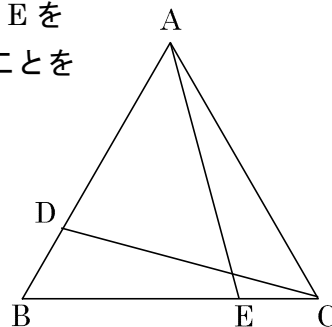
ABCDE 右の図で、 $\triangle ABC$  は  $AB=AC$ 、 $\angle B=60^\circ$  の二等辺三角形である。  
このとき、 $\triangle ABC$  は正三角形になることを証明しなさい。



34

正三角形 啓 P.132~133

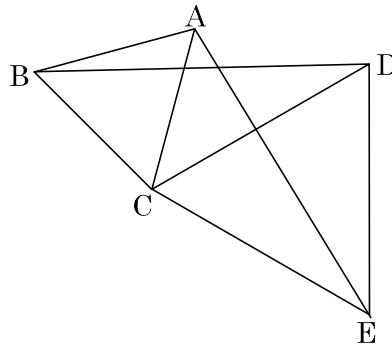
- DE 右の図のように正三角形 ABC の辺 AB, BC 上に, それぞれ D, E を  $AD=BE$  となるようにとる。このとき,  $\triangle ABE \cong \triangle CAD$  であることを証明しなさい。



36

正三角形 啓 P.132~133

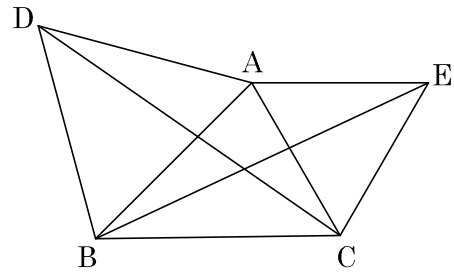
- DE 右の図で  $\triangle ABC$  と  $\triangle DCE$  は正三角形である。このとき,  $AE=BD$  であることを証明しなさい。



37

正三角形 啓 P.132~133

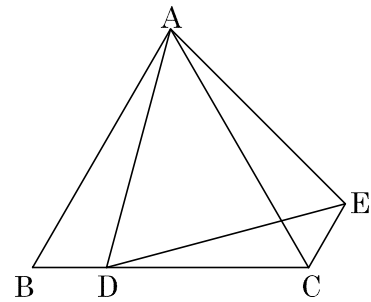
- E 右の図で、 $\triangle ABD$ 、 $\triangle ACE$  はどちらも正三角形である。このとき、 $DC=BE$  であることを証明しなさい。



38

正三角形 啓 P.132~133

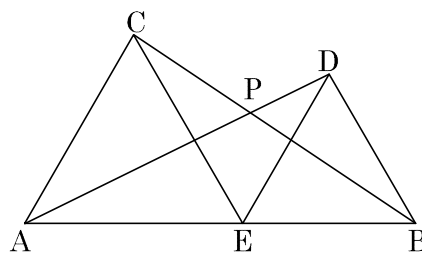
- E 正三角形  $ABC$  の辺  $BC$  上に点  $D$  をとり、 $AD$  を 1 辺とする正三角形  $ADE$  をつくる。  $CE$  を結ぶとき、 $BD=CE$  であることを証明しなさい。



39

正三角形 啓 P.132~133

- E 右の図で、点 E は線分 AB 上の点であり、 $\triangle AEC$ 、 $\triangle EBD$  はどちらも正三角形である。  
このとき  $AD=CB$  であることを証明しなさい。また  $\angle APC$  の大きさを求めなさい。



41

直角三角形の合同 啓 P.135~137

- ABCDE 空らんをうめなさい。

直角三角形の直角に対する辺を（ ）という。

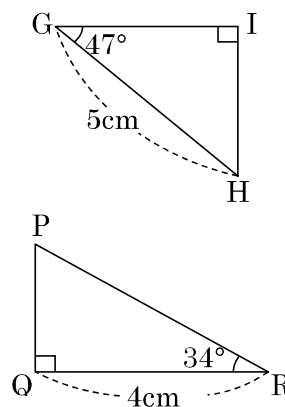
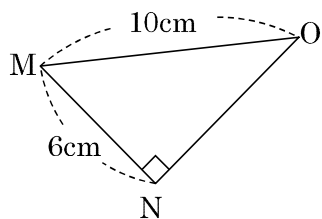
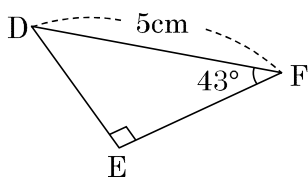
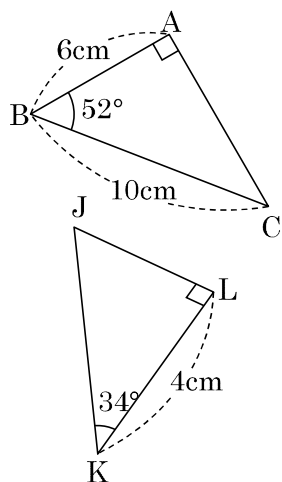
直角三角形の合同条件は

---



---

ABCDE 下の図で合同な直角三角形を見つけ、記号で表しなさい。また合同条件も答えなさい。

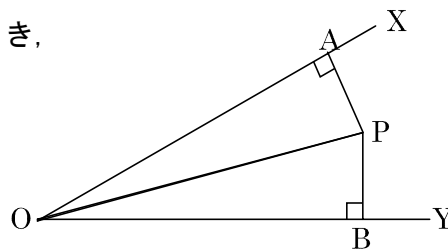



---

45

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

- AB 右の図で、 $\angle XOY$ 内の点PからOX, OYにひいた垂線をPA, PBとする。このときPA=PBならば $\angle AOP = \angle BOP$ であることを証明するとき、空らんをうめなさい。




---



---



---

共通だから、 $OP = OP$  …③

①②③より、

直角三角形の斜辺と他の1辺がそれぞれ等しい

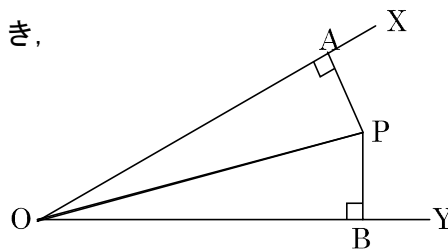
よって $\triangle AOP \cong \triangle BOP$

合同な図形の対応する角は等しいから、 $\angle AOP = \angle BOP$

46

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

- AB 右の図で、 $\angle XOY$ 内の点PからOX, OYにひいた垂線をPA, PBとする。このときPA=PBならば $\angle AOP = \angle BOP$ であることを証明するとき、空らんをうめなさい。




---



---



---



---

①②③より、

直角三角形の斜辺と他の1辺がそれぞれ等しい

よって $\triangle AOP \cong \triangle BOP$

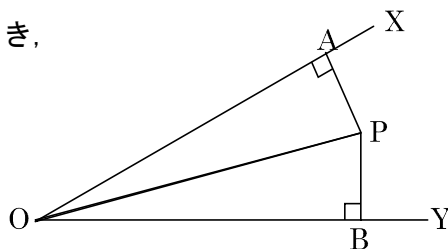
合同な図形の対応する角は等しいから、 $\angle AOP = \angle BOP$



47

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

- AB 右の図で、 $\angle XOY$ 内の点PからOX, OYにひいた垂線をPA, PBとする。このとき  $PA=PB$  ならば  $\angle AOP = \angle BOP$  であることを証明するとき、空らんをうめなさい。




---



---



---



---



---



---



---



---



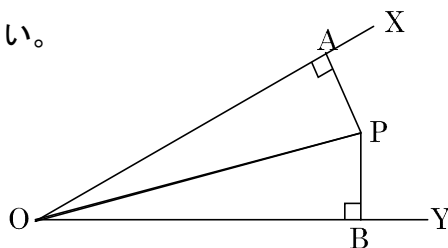
---

合同な図形の対応する角は等しいから、 $\angle AOP = \angle BOP$

48

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

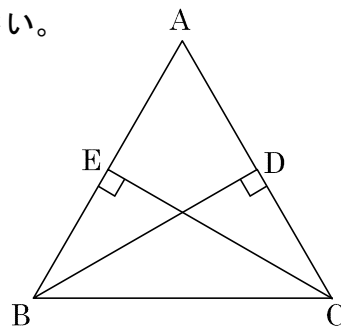
- ABCDE 右の図で、 $\angle XOY$ 内の点PからOX, OYにひいた垂線をPA, PBとする。このとき  $PA=PB$  ならば  $\angle AOP = \angle BOP$  であることを証明しなさい。



49

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

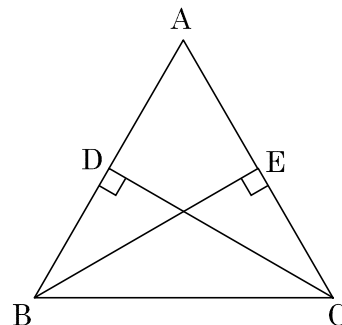
BCDE 次の図は、 $AB=AC$  の二等辺三角形である。頂点  $B$ ,  $C$  からそれぞれ  $AC$ ,  $AB$  に垂線  $BD$ ,  $CE$  をひいたとき、 $BE=CD$  であることを証明しなさい。



50

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

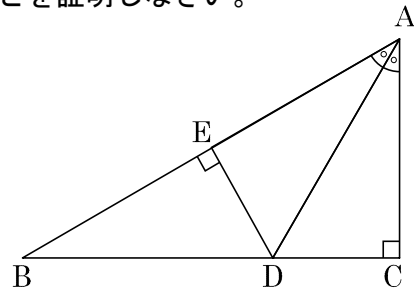
DE 右の図で、 $\triangle ABC$  は  $BC$  を底辺とする二等辺三角形である。 $AB \perp CD$ ,  $AC \perp BE$  ならば  $AE=AD$  であることを証明しなさい。



51

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

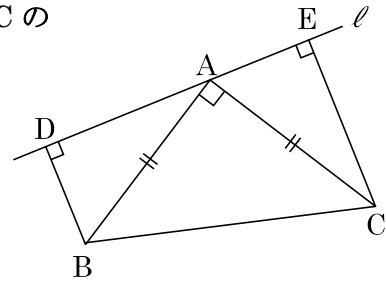
E 右の図の直角三角形 ABC において  $\angle A$  の二等分線と BC との交点を D とし、D から AB にひいた垂線を DE とします。このとき、 $ED=CD$  であることを証明しなさい。



52

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

CDE 右の図のように、 $AB=AC$ 、 $\angle A=90^\circ$  の直角二等辺三角形 ABC の頂点 A を通る直線  $\ell$  に B、C から垂線 BD、CE をひくとき、 $DE=DB+EC$  であることを、次のように証明した。\_\_\_\_\_ にあてはまるものを答えなさい。



$\triangle ABD$  と \_\_\_\_\_ において

仮定より、 $\angle ADB = \text{_____} = 90^\circ \dots \text{①}$

$AB = \text{_____} \dots \text{②}$

$\angle ABD = 90^\circ - \text{_____} = \text{_____} \dots \text{③}$

①②③より、2つの直角三角形で、\_\_\_\_\_ がそれぞれ等しい

よって、 $\triangle ABD \cong \text{_____}$

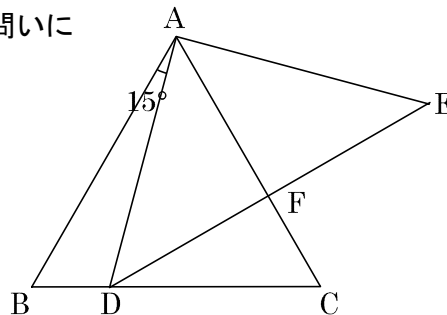
したがって、 $DB = \text{_____}$  , \_\_\_\_\_ だから、 $DE = DB + EC$

53

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

E 右の図で、 $\triangle ABC$  は正三角形、 $\triangle ADE$  は  $\angle DAE$  が直角で  $AD=AE$  の直角二等辺三角形である。 $\angle BAD=15^\circ$  であるとき、次の問いに答えなさい。

①  $\angle ADB$  の大きさを求めなさい。



② AC と DE との交点を F としたときの  $\angle CFE$  の大きさを求めなさい。

③  $\triangle ADF$  と合同な三角形を答えなさい。