1 次の hakken.の法則を読んで内容を覚えなさい。

相似な図形 啓 P.122 hakken.の法則

★**拡大**（かくだい）・**縮小**（しゅくしょう）…ある図形の形を変えないで，一定の割合で大きくすることを**拡大**する，小さくすることを**縮小**するという。

★相似（そうじ）な図形…2 つの図形があって，一方の図形を拡大または縮小したものと，他方の図形が合同であるとき，この 2 つの図形は**相似**であるという。

2 相似な図形 啓 P.122

空らんをうめなさい。

○ ある図形の形を変えないで，一定の割合で大きくすることを（ ㋐ ）する，小さくすることを（ ㋑ ）するという。

○ 2 つの図形があって，一方の図形を（ ㋐ ）または（ ㋑ ）したものと，他方の図形が合同であるとき，この 2 つの図形は（ ㋒ ）であるという。

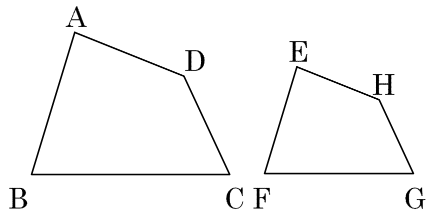
㋐ 拡大　㋑ 縮小　㋒ 相似

3 次の hakken.の法則を読んで内容を覚えなさい。

相似な図形の性質 啓 P.123～124 hakken.の法則

★**相似な図形**…四角形 ABCD と四角形 EFGH が相似であることを，記号∽を使って，次のように表す。

四角形 ABCD∽四角形 EFGH



★**相似な多角形の性質**

Ⅰ **対応する線分の比は，すべて等しい。**

四角形 ABCD∽四角形 EFGH のとき，AB：EF＝BC：FG＝CD：GH＝DA：HE

Ⅱ **対応する角の大きさは，それぞれ等しい。**

四角形 ABCD∽四角形 EFGH のとき，∠A＝∠E，∠B＝∠F，∠C＝∠G ，∠D＝∠H

4 相似な図形の性質 啓 P.123～124

相似な多角形の性質を書なさい。

Ⅰ 対応する線分の比は，すべて等しい。

Ⅱ 対応する角の大きさは，それぞれ等しい。

5

相似な図形の性質 啓 P.123～124

相似な多角形の性質を書なさい。

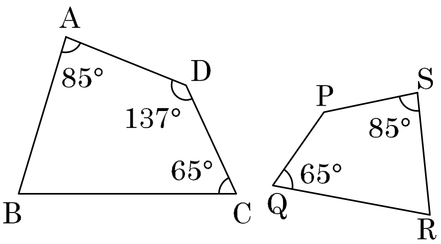
Ⅰ 対応する線分の比は，すべて等しい。

Ⅱ 対応する角の大きさは，それぞれ等しい。

6

相似な図形の性質 啓 P.123～124

右の図の 2 つの四角形は相似である。



① 2 つの四角形の関係を，記号∽を使って表しなさい。

四角形 **ABCD**∽四角形 **SRQP**

② 辺 CD に対応する辺を答えなさい。

辺 **QP**

③ ∠R の大きさを求めなさい。

∠R＝∠B＝360°－(65°＋85°＋137°)＝73°

73°

7

相似な図形の性質 啓 P.123～124

次の文章の下線部が正しければ○を，正しくなければ正しい答えに直して，解答欄に記入しなさい。

中心角が等しい 2 つのおうぎ形は，相似であるといえる。

○

8 次の hakken.の法則を読んで内容を覚えなさい。

相似比（１） 啓 P.124～125 hakken.の法則

★**相似比**（そうじひ）…相似な 2 つの多角形で，対応する辺の長さの比を**相似比**という。
★**比の性質**…$a:b=c:d$ ならば $ad=bc$

9

相似比 啓 P.124～125

空らんをうめなさい。

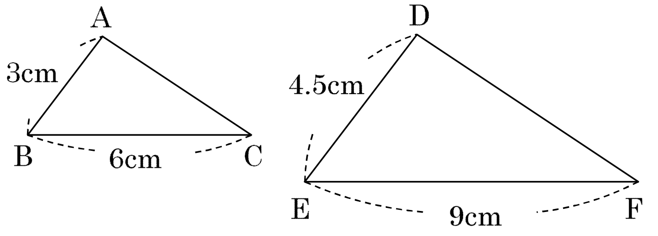
○ 相似な 2 つの多角形で，対応する辺の長さの比を（ 相似比 ）という。

○ $a:b=c:d$ ならば（ $\boldsymbol{ad=bc}$ ）が成り立つ

10 次の hakken.の法則を読んで内容を覚えなさい。

相似比（２） 啓 P.124～125 hakken.の法則

例 右の図で，△ABC∽△DEF のとき，△ABC と△DEF の相似比を求めなさい。

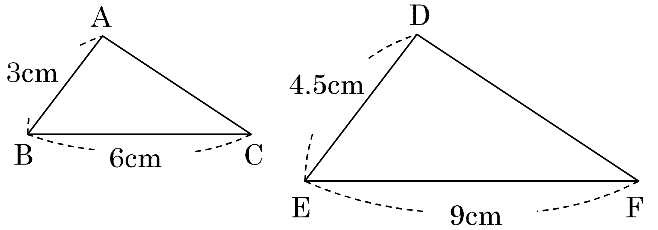


［解き方］ BC：EF＝6：9＝2：3
だから，相似比は，2：3

［答］ 2：3

11 相似比 啓 P.124~125

右の図で，△ABC∽△DEF のとき，△ABC と△DEF の相似比を求めなさい。



BC：EF＝6：9＝2：3
だから，相似比は，**2：3**

2：3

12 次の hakken.の法則を読んで内容を覚えなさい。

比の性質を使って辺の長さを求めること（１） 啓 P. 125 hakken.の法則

★比の性質…$a:b=c:d$ ならば $ad=bc$

例 次の式で x の値を求めなさい。

(1) $x:12=4:3$
$x\times 3=12\times 4$
$3x=48$
$x=16$

(2) $5:x=4:6$
$5\times 6=x\times 4$
$4x=30$
$x=\frac{15}{2}$ (7.5)

13 比の性質を使って辺の長さを求めること 啓 P. 125

次の式で x の値を求めなさい。

① $x:12=4:3$
$\boldsymbol{x\times 3=12\times 4}$
$\boldsymbol{3x=48}$
$x=\mathbf{16}$

② $5:x=4:6$
$\boldsymbol{5\times 6=x\times 4}$
$\boldsymbol{4x=30}$
$x=\boldsymbol{\frac{15}{2}}$ **(7.5)**

14

比の性質を使って辺の長さを求めること 啓 P. 125

x の値を求めなさい。

$5:4=x:10$

$$5\times10=4\times x$$

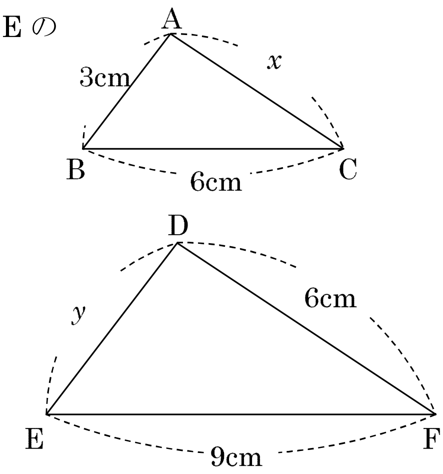
$$x=\frac{50}{4}$$

$$=\frac{25}{2}\ (12.5)$$

15 次の hakken.の法則を読んで内容を覚えなさい。

比の性質を使って辺の長さを求めること（２） 啓 P. 125　hakken.の法則

例 右の図で，△ABC∽△DEF のとき，辺 AC，辺 DE の長さを求めなさい。



［解き方］ 図より

$x:6=6:9$　　$3:y=6:9$

$9x=6\times6$　　$6y=3\times9$

$9x=36$　　$6y=27$

$\frac{9x}{9}=\frac{36}{9}$　　$\frac{6y}{6}=\frac{27}{6}$

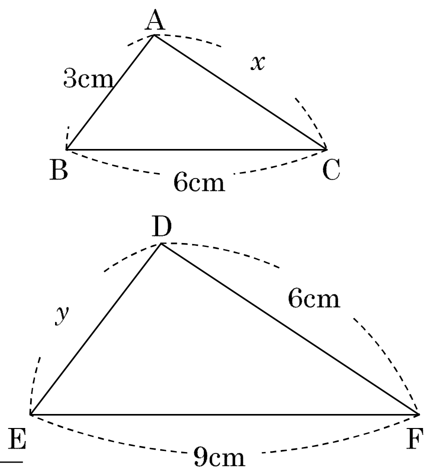
$x=4$　　$y=\frac{9}{2}$

［答］ AC＝4cm，DE＝$\frac{9}{2}$cm

16

比の性質を使って辺の長さを求めること 啓 P. 125

右の図で，△ABC∽△DEF のとき，辺 AC，辺 DE の長さを求めなさい。



$x:6=6:9$　　$3:y=6:9$

$9x=6\times6$　　$6y=3\times9$

$9x=36$　　$6y=27$

$\frac{9x}{9}=\frac{36}{9}$　　$\frac{6y}{6}=\frac{27}{6}$

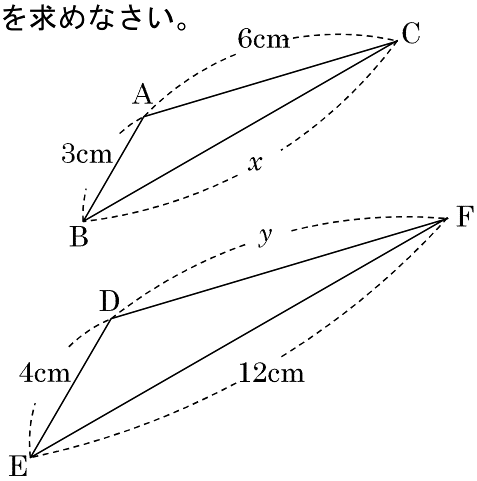
$x=4$　　$y=\frac{9}{2}$

AC **4cm**　　DE **$\frac{9}{2}$cm**

17

比の性質を使って辺の長さを求めること 啓 P. 125

右の図で，△ABC∽△DEF のとき，辺 BC，辺 DF の長さを求めなさい。



$x : 12 = 3 : 4$

$4x = 12 \times 3$

$4x = 36$

$\frac{4x}{4} = \frac{36}{4}$

$x = 9$

$6 : y = 3 : 4$

$3y = 6 \times 4$

$3y = 24$

$\frac{3y}{3} = \frac{24}{3}$

$y = 8$

BC 9cm　　DF 8cm

18

比の性質を使って辺の長さを求めること 啓 P. 125

2 つの直角三角形が次のような条件のとき，2 つの直角三角形はどんな関係といえるか。

△ABC∽△DEF である。

相似比が 1 : 1 である。

合同

19

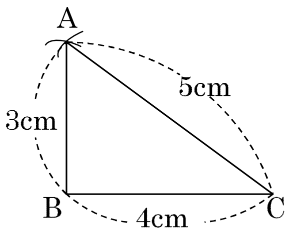
次の hakken.の法則を読んで内容を覚えなさい。

三角形の相似条件（１） 啓 P. 126〜127　　hakken.の法則

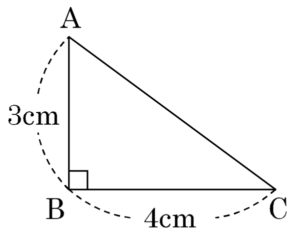
例 次の三角形を 3 つの方法でかきなさい。

AB＝3cm，BC＝4cm，CA＝5cm，∠B＝90°，∠C＝30°

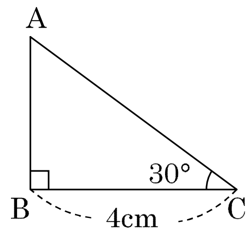
❶ 3 つの辺の長さを使ってかく



❷ 2 つの辺の長さと，その間の角を使ってかく



❸ 1 つの辺の長さと，その両端の角を使ってかく



20　　三角形の相似条件 啓 P. 126～127

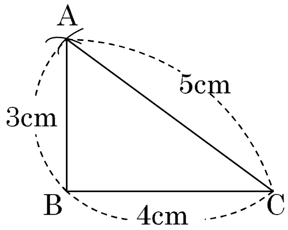
次の三角形を 3 つの方法でかきなさい。

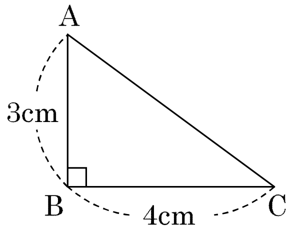
AB＝3cm，BC＝4cm，CA＝5cm，∠B＝90°，∠C＝30°

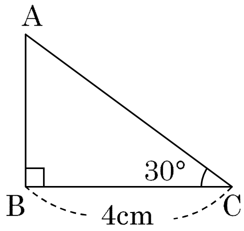
① 3 つの辺の長さを使ってかく。

② 2 つの辺の長さと，その間の角を使ってかく。

③ 1 つの辺の長さと，その両端の角を使ってかく。







21　**次の hakken.の法則を読んで内容を覚えなさい。**

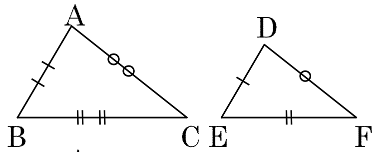
三角形の相似条件（１） 啓 P. 126～127　　hakken.の法則

★三角形の相似条件

2 つの三角形は次の場合に相似である。

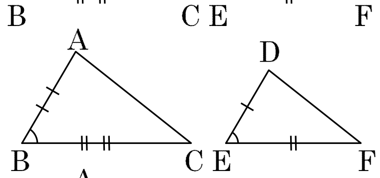
Ⅰ　**3 組の辺の比**がすべて等しいとき

AB：DE＝BC：EF＝CA：FD



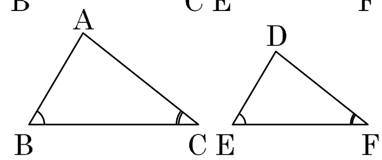
Ⅱ　**2 組の辺の比とその間の角**がそれぞれ等しいとき

AB：DE＝BC：EF，∠B＝∠E



Ⅲ　**2 組の角**がそれぞれ等しいとき

∠B＝∠E，∠C＝∠F



22　　三角形の相似条件 啓 P. 126～127

三角形の相似条件を書きなさい。

3 組の辺の比がすべて等しいとき

2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しいとき

2 組の角がそれぞれ等しいと

23

三角形の相似条件 啓 P. 126～127

三角形の相似条件を書きなさい。

3 組の辺の比がすべて等しいとき

2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しいとき

2 組の角がそれぞれ等しいとき

24

三角形の相似条件 啓 P. 126～127

三角形の相似条件を書きなさい。

3 組の辺の比がすべて等しいとき

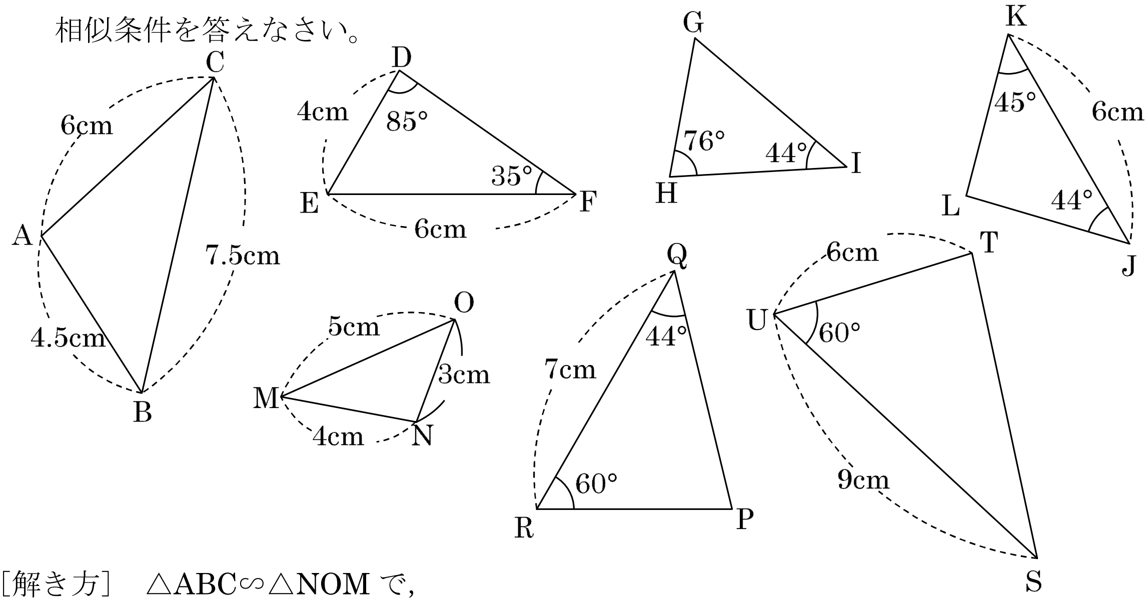
2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しいとき

2 組の角がそれぞれ等しいとき

25 次の hakken.の法則を読んで内容を覚えなさい。

三角形の相似条件（2）啓 P. 128 hakken.の法則

例 次の図で相似な三角形の組を選び，記号を使って答えなさい。またそのとき使った相似条件を答えなさい。



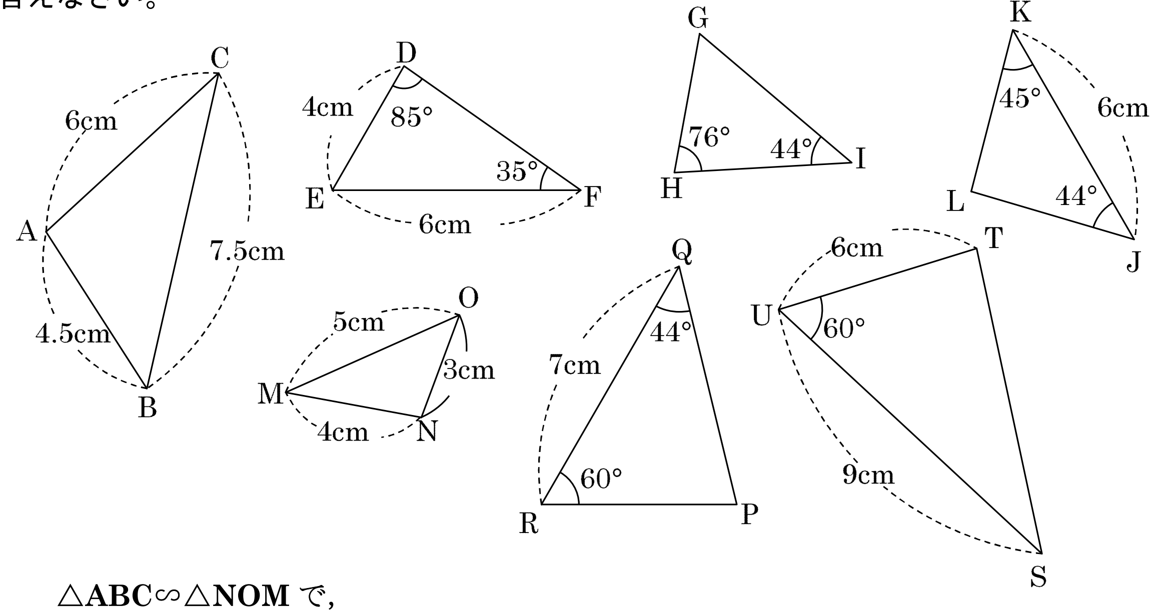
［解き方］ △ABC∽△NOM で，
AB：NO＝4.5：3＝3：2，BC：OM＝7.5：5＝3：2，
CA:MN＝6：4＝3：2
△DEF∽△TUS で，∠DEF＝180−(85＋35)＝60
よって，∠DEF＝∠TUS＝60°，DE：TU＝EF：US＝2：3
△GHI∽△RPQ で，∠IGH＝180−(76＋44)＝60
よって，∠IGH＝∠QRP＝60°，∠GIH＝∠RQP＝44°

［答］ △ABC∽△NOM　3 組の辺の比がすべて等しい。
△DEF∽△TUS　2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい。
△GHI∽△RPQ　2 組の角がそれぞれ等しい。

26

三角形の相似条件 啓 P. 128

次の図で相似な三角形の組を選び，記号を使って答えなさい。またそのとき使った相似条件を答えなさい。



△ABC∽△NOM で，

AB：NO＝4.5：3＝3：2，BC：OM＝7.5：5＝3：2，CA:MN＝6：4＝3：2

△DEF∽△TUS で，**∠DEF＝180－(85＋35)＝60**

よって，**∠DEF＝∠TUS＝60°，DE：TU＝EF：US＝2：3**

△GHI∽△RPQ で，**∠IGH＝180－(76＋44)＝60**

よって，**∠IGH＝∠QRP＝60°，∠GIH＝∠RQP＝44°**

相似な三角形 **△ABC∽△NOM**

相似条件 **3** 組の辺の比がすべて等しい。

相似な三角形 **△DEF∽△TUS**

相似条件 **2** 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい。

相似な三角形 **△GHI∽△RPQ**

相似条件 **2** 組の角がそれぞれ等しい。

27

三角形の相似条件 啓 P. 128

3 辺がそれぞれ 9cm，12cm，18cm の三角形があります。この三角形と相似で，1 辺が 3cm の三角形をかくとき、あとの 2 辺の長さを全て答えなさい。

相似比を **9 : 3＝3 : 1** と考えるとき， **4cm，6cm**

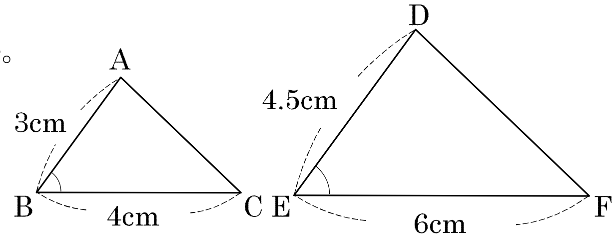
相似比を **12 : 3＝4 : 1** と考えるとき， **2.25cm，4.5cm**

相似比を **18 : 3＝6 : 1** と考えるとき， **1.5cm，2cm** hakken.

28 三角形の相似条件 啓 P. 128

△ABC と△DEF について，AB＝3cm，BC＝4cm，DE＝4.5cm，EF＝6cm，∠B＝∠E のとき，次の問いに答えなさい。

① △ABC∽△DEF になる理由を述べなさい。



3：4.5＝2：3，4：6＝2：3

2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい。

② CA＝6cm のとき，FD の長さを答えなさい。

相似比は **4：6＝2：3** だから，**2：3＝6：FD**　　**2×FD＝18**

FD＝9　　**9cm**

29 三角形の相似条件 啓 P. 128

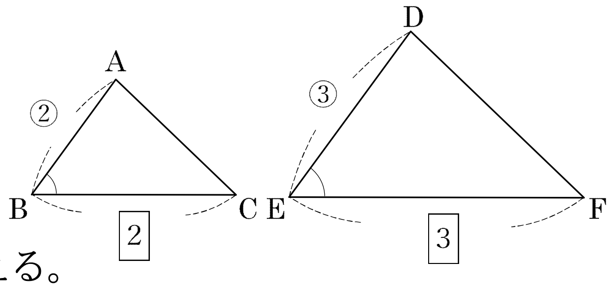
△ABC と△DEF について AB：DE＝BC：EF＝2：3 である。これにどのような条件を加えると△ABC∽△DEF がいえるか。三角形の相似条件に照らし合わせて説明しなさい。

∠ABC＝∠DEF がいえれば

2 組の辺の比と

その間の角がそれぞれ等しい。

よって，**△ABC∽△DEF** がいえる。



別解

AC：DF＝2：3 がいえれば

3 組の辺の比がすべて等しい。よって，**△ABC∽△DEF** がいえる。

30 次の hakken.の法則を読んで内容を覚えなさい。

三角形の相似条件（３） 啓 P. 128　　hakken.の法則

例 右の図で相似な三角形を∽を使って表し，
使った相似条件を答えなさい。

［解き方］ 図の向きを変えて考えよう。

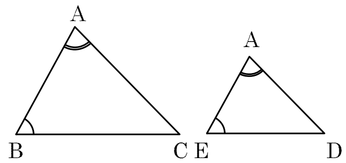
∠ABC＝∠AED＝62°…①

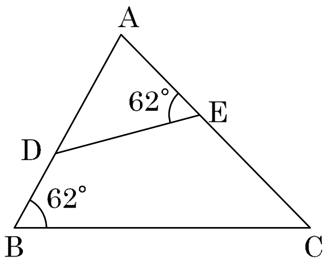
∠BAC＝∠EAD（共通）…②

①，②より，2 組の角が

それぞれ等しいので，

△ABC∽△AED

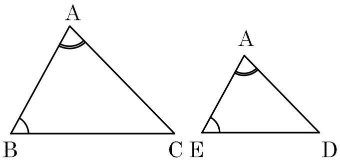


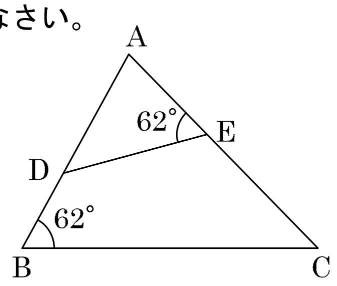


31

三角形の相似条件 啓 P. 128

次の図で相似な三角形を∽を使って表し，使った相似条件を答えなさい。





図の向きを変えて考えよう。

∠ABC＝∠AED＝62°…①

∠BAC＝∠EAD（共通）…②

①，②より，**2** 組の角がそれぞれ等しい。

よって，**△ABC∽△AED**

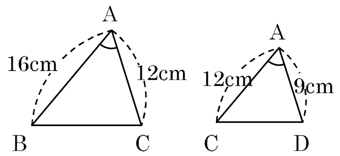
相似な三角形 **△ABC∽△AED**

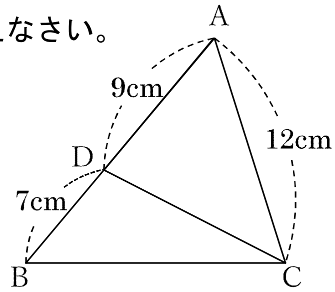
相似条件 2 組の角がそれぞれ等しい。

32

三角形の相似条件 啓 P. 128

次の図で相似な三角形を∽を使って表し，使った相似条件を答えなさい。





AB：AC＝16：12＝4：3…①

AC：AD＝12：9＝4：3…②

∠BAC＝∠CAD（共通）…③

①，②，③より，

2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい。

よって，**△ABC∽△ACD**

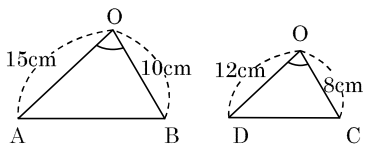
相似な三角形 **△ABC∽△ACD**

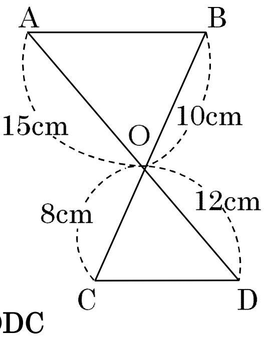
相似条件 2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい。

33

三角形の相似条件 啓 P. 128

次の図で相似な三角形を∽を使って表し，使った相似条件を答えなさい。





OA：OD＝15：12＝5：4…①

OB：OC＝10：8＝5：4…②

∠AOB＝∠DOC（対頂角）…③

①，②，③より，

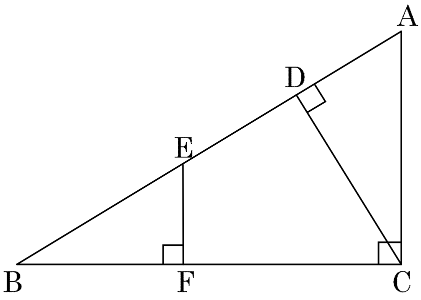
2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい。よって，**△OAB∽△ODC**

相似な三角形 **△OAB∽△ODC**

相似条件 2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい。

34 三角形の相似条件 啓 P. 128

右の図で∠ACB＝∠ADC＝∠EFB＝90°である。△ABC と相似な三角形をすべて答えなさい。



△ABC∽△ACD

理由は，**∠A＝∠A(共通)，∠ACB＝∠ADC＝90°**

△ABC∽△CBD

理由は，**∠B＝∠B(共通)，∠ACB＝∠CDB＝90°**

△ABC∽△EBF

理由は，**∠B＝∠B(共通)，∠ACB＝∠EFB＝90°**

上記の **3** 組とも，**2** 組の角がそれぞれ等しいので，相似となる。

直角三角形の **ABC** の直角の頂点 **C** から，斜辺に垂線をおろしたときにできる

2 つの直角三角形ともとの直角三角形 **ABC** は必ず相似になる。

△ACD，△CBD，△EBF

35 次の hakken.の法則を読んで内容を覚えなさい。

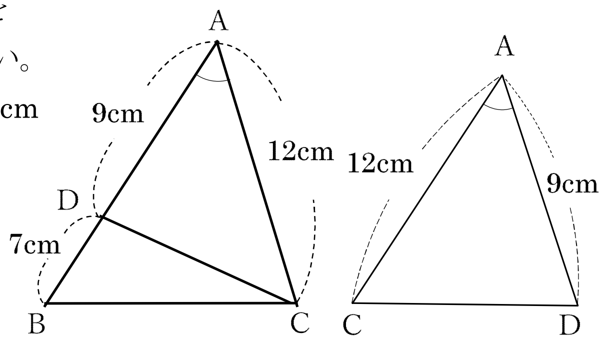
三角形の相似条件と証明（１） 啓 P. 129～131 hakken.の法則

例 右の図で△ABC∽△ACD となることを

証明するとき，仮定と結論を答えなさい。

［仮定］ AD＝9cm，AC＝12cm，DB＝7cm

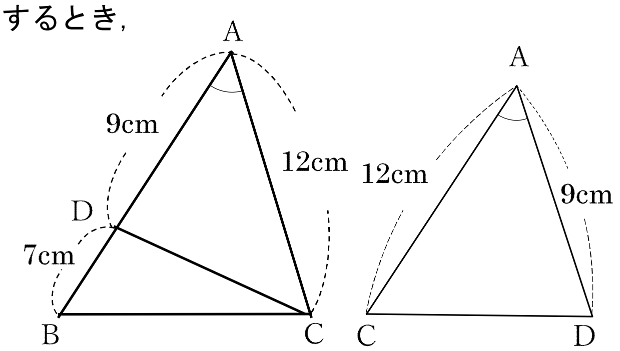
［結論］ △ABC∽△ACD



36 三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

右の図で△ABC∽△ACD となることを証明するとき，

仮定と結論を答えなさい。



［仮定］ **AD＝9cm,**

AC＝12cm

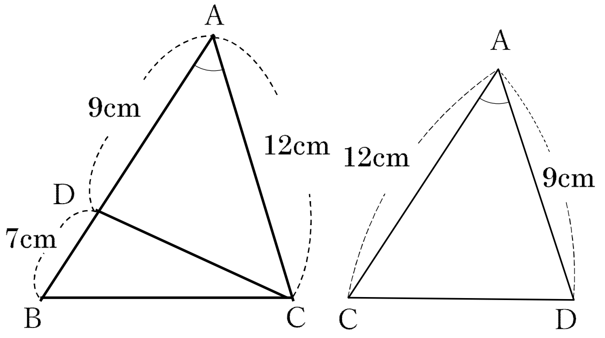
DB＝7cm

［結論］ **△ABC∽△ACD**

37 次の hakken.の法則を読んで内容を覚えなさい。

三角形の相似条件と証明（２） 啓 P. 129～131 hakken.の法則

例 右の図で△ABC∽△ACD となることを証明しなさい。



［証明］ △ABC と△ACD において

仮定より，AB : AC＝16 : 12＝4 : 3…①

AC : AD＝12 : 9＝4 : 3…②

共通より，∠BAC＝∠CAD…③

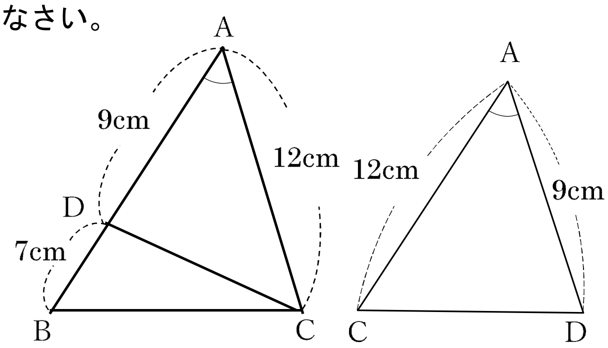
①，②，③より，

2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい。

よって，△ABC∽△ACD

38 三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

右の図で△ABC∽△ACD となることを証明しなさい。



△ABC と△ACD において

仮定より，AB : AC＝16 : 12＝4 : 3…①

AC : AD＝12 : 9＝4 : 3…②

共通より，∠BAC＝∠CAD…③

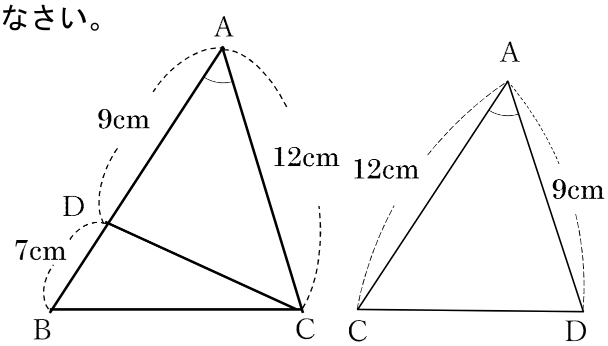
①，②，③より，

2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい。

よって，△ABC∽△ACD

39 三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

右の図で△ABC∽△ACD となることを証明しなさい。



△ABC と△ACD において

仮定より，AB : AC＝16 : 12＝4 : 3…①

AC : AD＝12 : 9＝4 : 3…②

共通より，∠BAC＝∠CAD…③

①，②，③より，

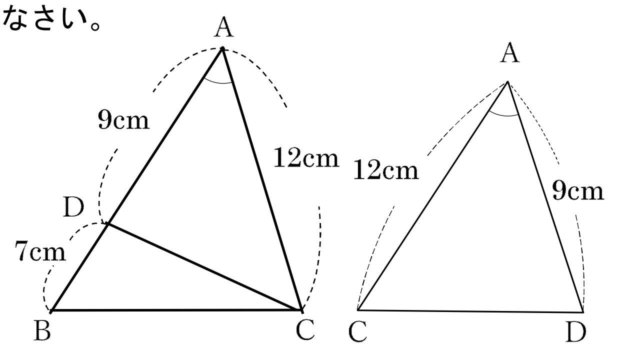
2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい。

よって，△ABC∽△ACD

40

三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

右の図で△ABC∽△ACD となることを証明しなさい。



△**ABC** と△**ACD** において

仮定より，**AB**：**AC**＝**16**：**12**＝**4**：**3**…①

AC：**AD**＝**12**：**9**＝**4**：**3**…②

共通より，∠**BAC**＝∠**CAD**…③

①，②，③より，

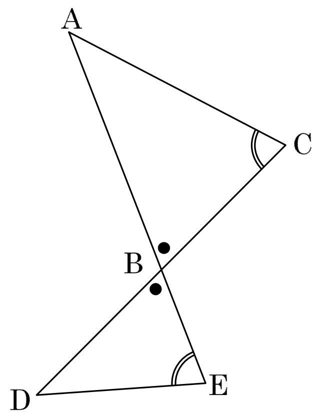
2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい。

よって，△**ABC**∽△**ACD**

41

三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

右の図で∠ACB＝∠DEB のとき，△ABC∽△DBE となることを証明しなさい。



△**ABC** と△**DBE** において，

仮定より，∠**BCA**＝∠**BED**…①

対頂角は等しいから，∠**ABC**＝∠**DBE**…②

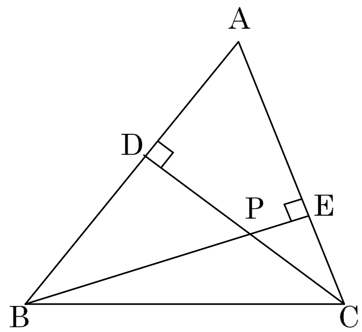
①，②より，**2** 組の角がそれぞれ等しい。

よって，△**ABC**∽△**DBE**

42

三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

右の図の△ABC で点 B, C からそれぞれ AC, AB に垂線 BE, CD を引きその交点を P とする。このとき△BDP ∽ △CEP であることを証明しなさい。



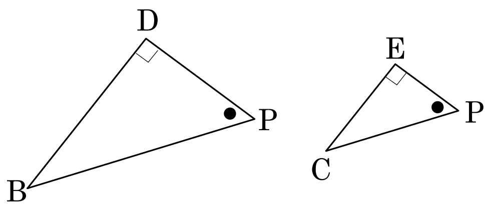
△**BDP** と△**CEP** において

仮定より，∠**BDP**＝∠**CEP**＝**90°**…①

対頂角は等しいから，∠**BPD**＝∠**CPE**…②

①, ②より，**2** 組の角がそれぞれ等しい。

よって，△**BDP**∽△**CEP**

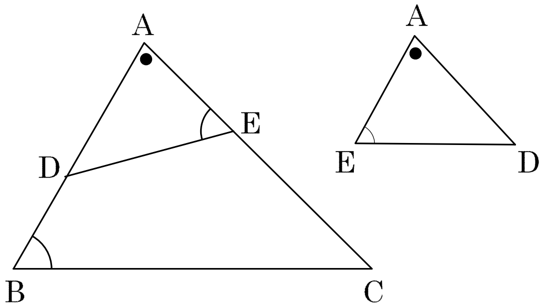


43

三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

右の図の△ABC で辺 AB,辺 AC 上にそれぞれ点 D,E をとる。∠ABC＝∠AED のとき，次の問いに答えなさい。

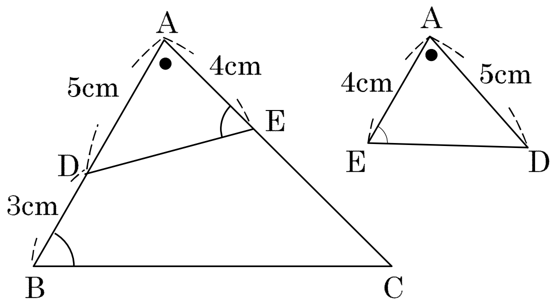
(1) △ABC∽△AED であることを証明しなさい。



△ABC と△AED において
仮定より，∠ABC＝∠AED…①
共通な角だから　∠BAC＝∠EAD…②
①，②より，
2 組の角がそれぞれ等しい。
よって，△ABC∽△AED

(2) AD＝5cm，DB＝3cm，AE＝4cm のとき AC の長さを求めなさい。

対応する辺の比が等しいから，
AB : AE＝AC : AD
AB＝AD+DB＝8　AC＝x とおく
8 : 4＝x : 5，4x＝8×5
4x＝40
x＝10



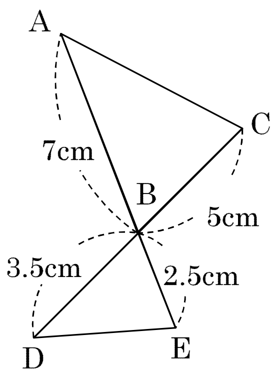
10cm

44

三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

右の図で△ABC∽△DBE となることを証明しなさい。

△ABC と△DBE において，
仮定より，AB：DB＝7：3.5＝2：1…①
BC：BE＝5：2.5＝2：1…②
対頂角だから，∠ABC＝∠DBE…③
①，②，③より，
2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい。
よって，△ABC∽△DBE

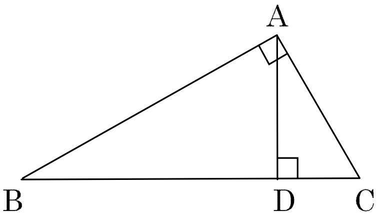


45

三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

∠A＝90°の△ABC で，Ａから斜辺 BC に垂線 AD をひく。

(1) △ABC∽△DAC となることを証明しなさい。



△ABC と△DAC において
仮定より，∠BAC＝∠ADC＝90°…①
共通だから，∠ACB＝∠DCA…②
①，②より 2 組の角がそれぞれ等しい。
よって，△ABC∽△DAC

(2) BC＝27cm，AC＝9cm のとき，DC の長さを求めなさい。

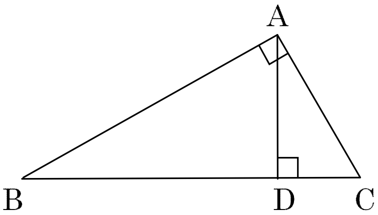
対応する辺の長さの比は等しいので **BC : AC＝AC : DC**
DC＝x cm とすると，**27 : 9＝9 : x**
27×x＝9×9
27x＝81
x＝3

3cm

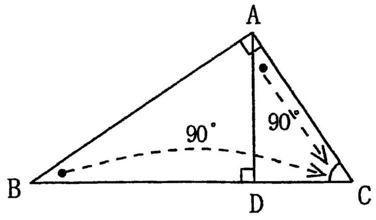
46

三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

右の図で△ABC は∠A＝90°の直角三角形である。頂点 A から辺 BC にひいた垂線を AD とするとき，△ABD∽△CAD であることを証明しなさい。



△ABD と△CAD において
仮定より， ∠ADB＝∠CDA＝90°…①
三角形の内角の和は 180°だから，
∠ABD＋∠ACD＝90°…②
∠CAD＋∠ACD＝90°…③
②，③より，∠ABD＝∠CAD…④
①，④より，2 組の角がそれぞれ等しい。
よって，△ABD∽△CAD

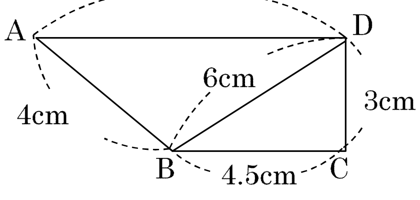


②③の式の∠ACD のかわりに∠BAD を使ってもよい。

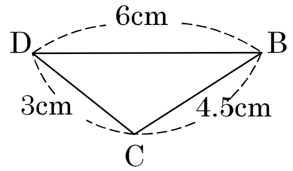
47

三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

右の図で△ABD∽△DCB となることを証明しなさい。



△ABD と△DCB において，
仮定より，AB：DC＝4：3…①
BD：CB＝6：4.5＝4：3…②
DA：BD＝8：6＝4：3 …③
①，②，③より 3 組の辺の比がすべて等しい。
よって，△ABD∽△DCB

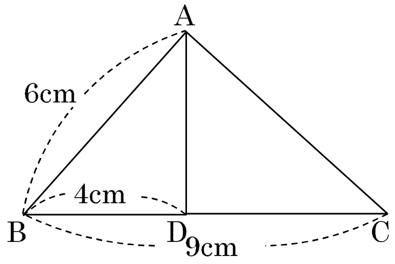


48 三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

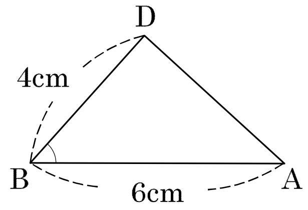
右の図について，次の問いに答えなさい。

(1) 相似な三角形を答えなさい。

△ABC∽△DBA



(2) (1)を証明しなさい。



△ABC∽△DBA において，
仮定から，AB：DB＝6：4＝3：2…①
BC：BA＝9：6＝3：2…②
共通だから，∠ABC＝∠DBA…③
①，②，③より，
2 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい。
よって，△ABC∽△DBA

(3) AD＝5cm のとき，CA の長さを求めなさい。

(2)より相似比は，3：2

3：2＝CA：5

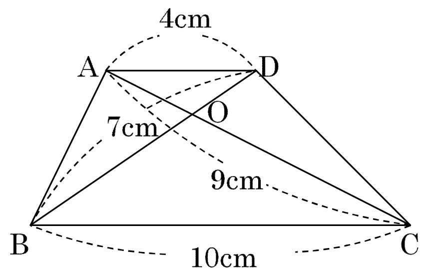
2×CA＝15

$CA=\frac{15}{2}$ (7.5)

$\frac{15}{2}$ (7.5)cm

49 三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

AD//BC のとき，BO，CO の長さを求めなさい。



AD//BC より 2 つの錯角が等しい。
よって，△AOD∽△COB，相似比は 4：10＝2：5

$BO=7\times\frac{5}{7}=5$(cm)

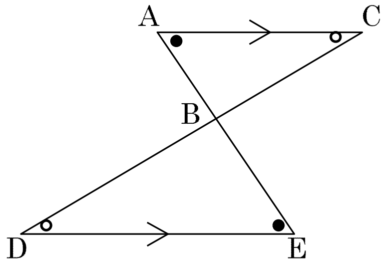
$CO=9\times\frac{5}{7}=\frac{45}{7}$(cm)

BO **5cm** CO **$\frac{45}{7}$cm**

50

三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

右の図で AC//DE ならば△ABC∽△EBD であることを証明しなさい。

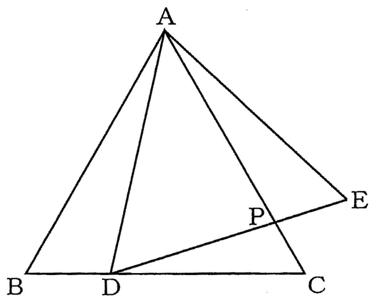


△ABC と**△EBD** において，
AC//DE の錯角だから，
∠CAB＝∠DEB (∠ACB＝∠EDB)…①
対頂角は等しいから，
∠ABC＝∠EBD…②
①，②より，**2** 組の角がそれぞれ等しい。
よって，**△ABC∽△EBD**

51

三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

右の図で△ABC と△ADE は，ともに正三角形である。AC と DE の交点を P とするとき，△ABD∽△AEP であることを証明しなさい。



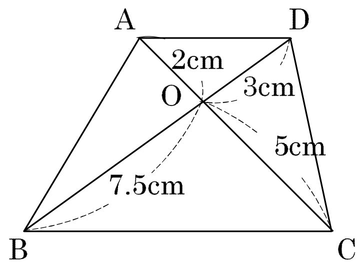
△ABD と**△AEP** において
正三角形の定理より，
∠ABD＝∠AEP＝60°…①
∠BAC＝∠DAE＝60°…②
∠BAD＝∠BAC－∠DAC…③
∠EAP＝∠DAE－∠DAC…④
②，③，④より，**∠BAD＝∠EAP**…⑤
①，⑤より，**2** 組の角がそれぞれ等しい。
よって，**△ABD∽△AEP**

52

三角形の相似条件と証明 啓 P. 129～131

右の図の四角形 ABCD で，点 O は AC，BD の交点である。

(1) △OAD∽△OCB とあることを証明しなさい。



△OAD と**△OCB** において
OA：OC＝2：5…①
OD：OB＝3：7.5＝2：5…②
対頂角は等しいから，**∠AOD＝∠COB**…③
①，②，③から　**2** 組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい。
よって，**△OAD∽△OCB**

(2) AD//BC であるわけを答えなさい。

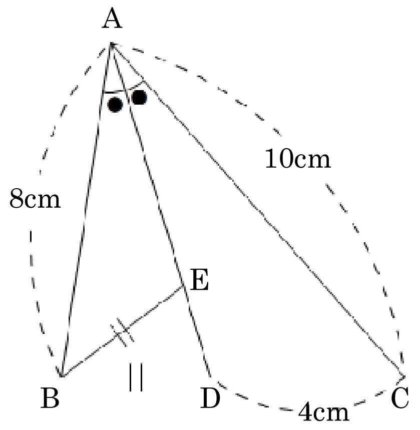
(1)から，相似な図形では対応する角は等しいので，**∠OAD＝∠OCB**
錯角が等しいので，**AD//BC**

錯角が等しいから

53

三角形の相似条件と証明 啓 P. 129〜131

右の図のような△ABC で，∠A の二等分線と辺 BC の交点を D とし，線分 AD 上に BD＝BE となる点 E をとる。次の問いに答えなさい。



(1)　△ABE∽△ACD であることを証明しなさい。

△ABE と△ACD において
仮定より　∠BAE=∠CAD…①
△BDE は二等辺三角形だから，
∠BED=∠BDE ，180°－∠BED＝∠AEB
180°－∠BDE＝∠ADC
よって∠AEB＝∠ADC…②
①，②より，2 組の角がそれぞれ等しい。
よって，△ABE∽△ACD

(2)　BD の長さを求めなさい。

△ABE と △ACD の相似比は　AB：AC＝8：10＝4：5
BE＝x として
BE：CD＝x：4=4：5
$$5x=16$$
$$x=\frac{16}{5}\qquad \text{BE＝BD より，BD}=\frac{16}{5}$$

$$\frac{16}{5}\text{cm}$$

54　啓林館　中３　５章　図形と相似

１節　図形と相似