

3-1 式の展開 啓林館

1 次の hakken の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

式の乗法 啓 P.12~13

hakken. の 法則 

★式の乗法…分配法則を使って計算する。

\times かける

$$\text{例} \quad (1) \quad (x+3y) \times 5x \\ = x \times 5x + 3y \times 5x \\ = 5x^2 + 15xy$$

$$(2) \quad -x(2x-y)$$

$$= -x \times 2x - x \times (-y) \\ = -2x^2 + xy$$

$$(a+b)c = ac + bc$$

$$c(a+b) = ca + cb$$

2

式の乗法 啓 P.12~13

ABCDE 次の式を計算しなさい。

$$\textcircled{1} \quad (x+3y) \times 5x$$

$$\textcircled{2} \quad -x(2x-y)$$

3

式の乗法 啓 P.12~13

ABCDE 次の式を計算しなさい。

$$\textcircled{1} \quad 3x(2x+y)$$

$$\textcircled{2} \quad (2a-3b) \times (-3a)$$

4

式の乗法 啓 P.12~13

ABCDE 次の式を計算しなさい。

$$\textcircled{1} \quad 2a(3a-1)$$

$$\textcircled{2} \quad (2x+5y) \times 2y$$

5

式の乗法 啓 P.12~13

ABCDE 次の式を計算しなさい。

$$\textcircled{1} \quad -2a(-5a+3b+4)$$

$$\textcircled{2} \quad (2x-3y-1) \times 3y$$

6

式の乗法 啓 P.12~13

ABCDE 次の式を計算しなさい。

$$\textcircled{1} \quad -a(4a-2b+3)$$

$$\textcircled{2} \quad 3z(-2x+3y-z)$$

7

DE 次の式を計算しなさい。

$$\textcircled{1} \quad 12x\left(-\frac{1}{3}y + \frac{1}{6}z\right)$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{2}{3}z(6x + 3y - 9z)$$

式の乗法 啓 P.12~13

8

次の hakken の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

式の除法 啓 P.13

hakken の法則

★式の除法…単項式を逆数にして乗法になおす。

例 (1) $(6x^2y + 4xy) \div 2x$

(2) $(3a^2 - ab) \div \frac{1}{5}a$

$$= (6x^2y + 4xy) \div \frac{2x}{1}$$

$$= (3a^2 - ab) \div \frac{a}{5}$$

$$= (6x^2y + 4xy) \times \frac{1}{2x}$$

$$= (3a^2 - ab) \times \frac{5}{a}$$

$$= \frac{6xxy}{2x} + \frac{4xy}{2x}$$

$$= \frac{3aa \times 5}{a} - \frac{ab \times 5}{a}$$

$$= 3xy + 2y$$

$$= 15a - 5b$$

ミスを防ぐために、文字は、分数の分母か分子のどちらかわかるように書く

$$\frac{3}{4}x \quad \times \quad \frac{3x}{4} \quad \bigcirc$$

9

ABCDE

次の式を計算しなさい。

① $(6x^2y + 4xy) \div 2x$

② $(3a^2 - ab) \div \frac{1}{5}a$

式の除法 啓 P.13

10

ABCDE 次の式を計算しなさい。

① $(3x^2y - 12x) \div (-3x)$

② $(10a^2b + 15ab^2) \div 5ab$

式の除法 啓 P.13

11

ABCDE 次の式を計算しなさい。

① $(x^2 - xy) \div \frac{1}{3}x$

② $(-3x^2y - 6xy^2) \div \frac{3}{4}x$

式の除法 啓 P.13

12

ABCDE 次の式を計算しなさい。

① $(-4x^2y + 4xy) \div (-2x)$

② $(5a^2b + ab) \div (-\frac{1}{5}b)$

式の除法 啓 P.13

13

次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

式の展開 (1) 啓 P.14

hakken. の法則 ★てんかい展開…積の形で書かれた式を和の形で表すことを、式をてんかい展開するという。

14

式の展開 啓 P.14

ABCDE 空らんをうめなさい。

- 積の形で書かれた式を和の形で表すことを、式を（ ）という。

15

次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

式の展開 (2) 啓 P.14

hakken. の法則 

例 (1) $(a-2)(b+3)$ $=a(b+3)-2(b+3)$ $=ab+3a-2b-6$	(2) $(x+y)(z-2)$ $=x(z-2)+y(z-2)$ $=xz-2x+yz-2y$
--	--

16

式の展開 啓 P.14

ABCDE

次の式を計算しなさい。

- ① $(a-2)(b+3)$ ② $(x+y)(z-2)$

17

式の展開 啓 P.14

ABCDE

次の式を計算しなさい。

- ① $(a+3)(2b+1)$ ② $(x-y)(a-b)$

18

次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

式の展開 (3) 啓 P.15

hakken. の法則 

例 (1) $(x-2)(x-1)$ $=x(x-1)-2(x-1)$ $=x^2-x-2x+2$ $=x^2-3x+2$	(2) $(3a+5b)(2a-3b)$ $=3a(2a-3b)+5b(2a-3b)$ $=6a^2-9ab+10ab-15b^2$ $=6a^2+ab-15b^2$
---	--

19

式の展開 啓 P.15

ABCDE

次の式を計算しなさい。

- ① $(x-2)(x-1)$ ② $(3a+5b)(2a-3b)$

20

ABCDE 次の式を計算しなさい。

(1) $(x-5)(2x+3)$

(2) $(a+4)(a+7)$

式の展開 啓 P.15

21

ABCDE 次の式を計算しなさい。

(1) $(2x-3)(x+4)$

(2) $(a+3b)(2a+6b)$

式の展開 啓 P.15

22

ABCDE 次の式を計算しなさい。

(1) $(7x+3)(4x-5)$

(2) $(8a-3b)(6a-5b)$

式の展開 啓 P.15

23

ABCDE 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

式の展開 (4) 啓 P.15**hakken. の法則** 

例 (1) $(a+5)(2a-3b+1)$

$=a(2a-3b+1)+5(2a-3b+1)$

$=2a^2-3ab+a+10a-15b+5$

$=2a^2-3ab+11a-15b+5$

(2) $(x+2y-1)(3x-4y)$

$=x(3x-4y)+2y(3x-4y)-(3x-4y)$

$=3x^2-4xy+6xy-8y^2-3x+4y$

$=3x^2+2xy-8y^2-3x+4y$

24

ABCDE 次の式を計算しなさい。

$$\textcircled{1} \quad (a+5)(2a-3b+1)$$

$$\textcircled{2} \quad (x+2y-1)(3x-4y)$$

25

ABCDE 次の式を計算しなさい。

$$\textcircled{1} \quad (x+2y)(x-y+z)$$

$$\textcircled{2} \quad (3x-y-2)(3x-5y)$$

26

ABCDE

次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

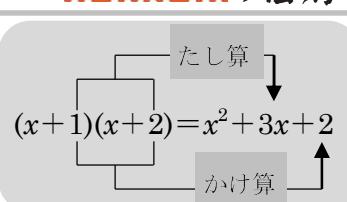
乗法の公式（1） 啓 P.16

公式 1 $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$

例 (1) $(x+1)(x+2)$
 $= x^2 + (1+2)x + 1 \times 2$
 $= x^2 + 3x + 2$

(2) $(x-4)(x+2)$
 $= x^2 + (-4+2)x + (-4) \times 2$
 $= x^2 - 2x - 8$

hakken. の法則



27

ABCDE 次の式を計算しなさい。

(1) $(x+1)(x+2)$

(2) $(x-4)(x+2)$

乗法の公式 啓 P.16

28

A 次の式を計算しなさい。

(1) $(x+1)(x+5)$

(2) $(x+2)(x+5)$

乗法の公式 啓 P.16

29

ABCDE 次の式を計算しなさい。

(1) $(a+5)(a-8)$

(2) $(y-4)(y-9)$

乗法の公式 啓 P.16

30

DE 次の式を計算しなさい。

(1) $(x+5y)(x+4y)$

(2) $(x+9y)(x-12y)$

乗法の公式 啓 P.16

31

E 次の式を計算しなさい。

(1) $\left(x+\frac{3}{2}\right)\left(x-\frac{1}{4}\right)$

(2) $\left(y-\frac{5}{6}\right)\left(y+\frac{1}{3}\right)$

乗法の公式 啓 P.16

32

E 次の式を計算しなさい。

① $(1+x)(4+x)$

② $(-2+x)(8+x)$

乗法の公式 啓 P.16

33

E 次の式を計算しなさい。

① $(5x-2)(5x-6)$

② $(4x+4)(4x-8)$

乗法の公式 啓 P.16

34

E 次の式を計算しなさい。

① $\left(\frac{1}{3}x-4\right)\left(\frac{1}{3}x-2\right)$

② $\left(\frac{1}{4}a-3b\right)\left(\frac{1}{4}a+b\right)$

乗法の公式 啓 P.16

35

AB 次の公式を完成しなさい。

$(x+a)(x+b) = \underline{\hspace{10em}}$

乗法の公式 啓 P.16

36

次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

乗法の公式 (2) 啓 P.17

hakken. の法則 

公式2 $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

公式3 $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ ◎これらの乗法の公式を、**平方の公式** という。

37

BCDE 空らんをうめなさい。

○ $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ これらの乗法の公式を(

乗法の公式 啓 P.17

)の公式という。

38

次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

乗法の公式 (3) 啓 P.17

例 (1) $(x+3)^2$

$$\begin{aligned} &= x^2 + 2 \times x \times 3 + 3^2 \\ &= x^2 + 6x + 9 \end{aligned}$$

(2) $(a-4)^2$

$$\begin{aligned} &= a^2 - 2 \times a \times 4 + 4^2 \\ &= a^2 - 8a + 16 \end{aligned}$$

hakken. の法則

$$(x+3)^2 = x^2 + 6x + 9$$

↑ 2倍する
↓ 2乗する

39

乗法の公式 啓 P.17

ABCDE 次の式を計算しなさい。

① $(x+3)^2$

② $(a-4)^2$

40

乗法の公式 啓 P.17

ABCDE 次の式を計算しなさい。

① $(x-2)^2$

② $(a+6)^2$

41

乗法の公式 啓 P.17

A 次の式を計算しなさい。

① $(x-5)^2$

② $(y-8)^2$

42

乗法の公式 啓 P.17

DE 次の式を計算しなさい。

① $(-x-4)^2$

② $\left(x-\frac{1}{2}\right)^2$

43

E 次の式を計算しなさい。

① $(5-x)^2$

② $(-8+y)^2$

乗法の公式 啓 P.17

44

AB

次の公式を完成しなさい。

$$(x+a)(x+b) = \underline{\hspace{10em}}$$

$$(a+b)^2 = \underline{\hspace{10em}}$$

$$(a-b)^2 = \underline{\hspace{10em}}$$

乗法の公式 啓 P.17

45

次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

乗法の公式 (4) 啓 P.17

hakken. の法則 

例 (1) $(3a+2b)^2$

$$\begin{aligned} &= (3a)^2 + 2 \times 3a \times 2b + (2b)^2 \\ &= 9a^2 + 12ab + 4b^2 \end{aligned}$$

例 (2) $(5x-y)^2$

$$\begin{aligned} &= (5x)^2 - 2 \times 5x \times y + y^2 \\ &= 25x^2 - 10xy + y^2 \end{aligned}$$

 $(a+b)^2$ の形なので、乗法の公式 2 を利用 $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

46

ABCDE

次の式を計算しなさい。

乗法の公式 啓 P.17

① $(3a+2b)^2$

② $(5x-y)^2$

47

ABCDE

次の式を計算しなさい。

乗法の公式 啓 P.17

① $(a-4b)^2$

② $\left(3x+\frac{1}{3}y\right)^2$

48

ABCDE 次の式を計算しなさい。

① $(-3x+2y)^2$

② $\left(\frac{1}{2}x+4y\right)^2$

乗法の公式 啓 P.17

49

次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

乗法の公式（5） 啓 P.18

hakken. の法則 

公式 4 $(a+b)(a-b)=a^2-b^2$

例 (1) $(x+3)(x-3)$ (2) $(6+a)(6-a)$

$$\begin{aligned} &= x^2 - 3^2 & &= 6^2 - a^2 \\ &= x^2 - 9 & &= 36 - a^2 \end{aligned}$$

$$(x+3)(x-3) = \frac{x^2 - 9}{2 \text{ 乗の差}}$$

50

乗法の公式 啓 P.18

ABCDE 次の式を計算しなさい。

① $(x+3)(x-3)$

② $(6+a)(6-a)$

51

乗法の公式 啓 P.18

ABCDE 次の式を計算しなさい。

① $(4x+3y)(4x-3y)$

② $(10a+1)(10a-1)$

52

ABCDE 次の式を計算しなさい。

$$\textcircled{1} \quad \left(x + \frac{2}{3}\right) \left(x - \frac{2}{3}\right)$$

$$\textcircled{2} \quad (3+6a)(3-6a)$$

乗法の公式 啓 P.18

53

DE 次の式を計算しなさい。

$$\textcircled{1} \quad (6+x)(x-6)$$

$$\textcircled{2} \quad (-11+x)(-11-x)$$

乗法の公式 啓 P.18

54

A 次の式を計算しなさい。

$$\textcircled{1} \quad (2x-5)(2x+5)$$

$$\textcircled{2} \quad (5x+4y)(5x-4y)$$

乗法の公式 啓 P.18

55

A 次の式を計算しなさい。

$$\textcircled{1} \quad (7x-5y)(7x+5y)$$

$$\textcircled{2} \quad \left(\frac{2}{3}x-8\right) \left(\frac{2}{3}x+8\right)$$

乗法の公式 啓 P.18

56

ABCDE 次の公式を完成しなさい。

乗法の公式 啓 P.18

$$(x+a)(x+b) = \underline{\hspace{10em}}$$

$$(a+b)^2 = \underline{\hspace{10em}}$$

$$(a-b)^2 = \underline{\hspace{10em}}$$

$$(a+b)(a-b) = \underline{\hspace{10em}}$$

57

ABCDE 次の式を計算しなさい。

乗法の公式 啓 P.18

$$\textcircled{1} \quad (a-2b)(3a+1)$$

$$\textcircled{2} \quad (2x+4y)^2$$

$$\textcircled{3} \quad (x+6)(x-12)$$

$$\textcircled{4} \quad (3x+2)(2x-1)$$

$$\textcircled{5} \quad (x-1)^2$$

$$\textcircled{6} \quad (7+x)(7-x)$$

58

次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

乗法の公式を使って式を計算すること 啓 P.19

hakken. の法則 

例 (1)
$$(x+4)^2 - (x+2)(x-3) = x^2 + 2 \times x \times 4 + 4^2 - \{x^2 + (2-3)x - 2 \times 3\}$$

$$= x^2 + 8x + 16 - (x^2 - x - 6)$$

$$= x^2 + 8x + 16 - x^2 + x + 6$$

$$= 9x + 22$$

(2)
$$(a+5)(a+3) - a(a+4) = a^2 + (5+3)a + 5 \times 3 - a^2 - 4a$$

$$= a^2 + 8a + 15 - a^2 - 4a$$

$$= 4a + 15$$

59

ABCDE 次の式を計算しなさい。

① $(x+4)^2 - (x+2)(x-3)$

乗法の公式を使って式を計算すること 啓 P.19

② $(a+5)(a+3) - a(a+4)$

60

乗法の公式を使って式を計算すること 啓 P.19

DE 次の式を計算しなさい。

① $(3x+1)(3x-2) - (2x+3)(2x-3)$

② $(2x+y)^2 - (x+4y)(3x-5y)$

61

乗法の公式を使って式を計算すること 啓 P.19

DE 次の式を簡単にしなさい。

① $(x+2)(x+3) + (x-3)^2$

② $(a-5)(a+5) - (a-2)(a-4)$

62

乗法の公式を使って式を計算すること 啓 P.19

E 次の式を簡単にしなさい。

① $2(x+4)^2 - (x-4)(x+8)$

② $3(x+2)(x-2) - (x-2)^2$

63

次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

BCDE

いろいろな式の計算 (1) 啓 P.19

hakken. の法則 

例 (1) $(a+b-2)(a+b+2)$

 $a+b=A$ とすると

$$(a+b-2)(a+b+2)$$

$$=(A-2)(A+2)$$

$$=A^2-4$$

$$=(a+b)^2-4$$

$$=a^2+2ab+b^2-4$$

 乗法公式を使う

 おきもどす

(2) $(x+y-z)^2$

 $x+y=A$ とすると

$$(x+y-z)^2$$

$$=(A-z)^2$$

$$=A^2-2Az+z^2$$

$$=(x+y)^2-2(x+y)z+z^2$$

$$=x^2+2xy+y^2-2xz-2yz+z^2$$

※ このように、共通な部分を A とおくことで、乗法の公式が使える。

64

BCDE 次の式を計算しなさい。

(1) $(a+b-2)(a+b+2)$

いろいろな式の計算 啓 P.19

(2) $(x+y-z)^2$

65

DE 次の式を計算しなさい。

① $(x+y+5)(x+y-6)$

いろいろな式の計算 啓 P.19

② $(x-y+z)^2$

66

E 次の式を計算しなさい。

① $(x+y-1)(x+y-2)$

いろいろな式の計算 啓 P.19

② $(x-y-3)^2$

67 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

E

いろいろな式の計算 (2) 啓 P.19

hakken. の法則 

例 $(a-b+2)(a+b-2) = \{a-(b-2)\}(a+b-2)$ $b-2=A$ とすると

$$\begin{aligned}
 &= (a-A)(a+A) \\
 &= a^2 - A^2 \quad \text{← 乗法の公式を使う} \\
 &= a^2 - (b-2)^2 \quad \text{← おきもどす} \\
 &= a^2 - (b^2 - 4b + 4) \\
 &= a^2 - b^2 + 4b - 4
 \end{aligned}$$

68

いろいろな式の計算 啓 P.19

E 次の式を計算しなさい。

$$(a-b+2)(a+b-2)$$

69

次の式を計算しなさい。

E

$$(a-b+3)(a+b-3)$$

70

啓林館 中3 1章 式の展開と因数分解

1節 式の展開と因数分解

教科書 目次		hakken.教材 QR コード
[1] 式の乗法・除法	P. 12~13	QR 1~7
式の除法	P. 13	QR 8~12
	P. 14	QR 13~17
	P. 15	QR 18~25
[2] 乗法の公式	P. 16	QR 26~35
	P. 17	QR 36~48
	P. 18	QR 49~57
	P. 19	QR 58~69